

GPCC報告(2012年)

Games and Puzzles Competitions on Computers
<http://hp.vector.co.jp/authors/VA003988/gpcc/gpcc.htm>

藤波順久* 酒井香代子†

1 2012年の課題

2012年のGPCCでは、以下の課題を取り上げた。

王様くっつけゲーム 将棋盤と駒を使って2人で行うゲームである。図1は初期状態である。以下のように攻め側と守り側が交互に手を指す。

- 攻め側(先手)は38枚の駒を持ち、1枚ずつ置く
- 守り側(後手)はどちらかの王を1マス動かす
- 王が縦か横に隣接したら攻め側の勝ち
- 攻め側が置く駒がなくなったら守り側の勝ち

このゲームで、どちらの必勝法はあるか、あるなら攻め側の駒の数を変えた場合の境目はどこかというのが問題である。また、バリエーションとして、

- 守り側を先手にする
- 王の初期配置を変える

が考えられる。

2 2012年の進展

王様くっつけゲームは、バリエーションの一つが解けたが、元の問題は未解決である。

前回のプログラミング・シンポジウムの期間中から、攻め側が盤の5段目または6段目に壁を築く戦略による必勝法が検討された。攻め側が9手目まですべて6段目に置く戦略では、王を両方とも上の5段に押し込められる。初期配置の王を一列外側にして、図2のようにすれば、一段狭くできて、攻め側の9手目までで、王を上の4段に押し込められる。その後、田中哲朗さんの解析により7月末に、 4×9 の長方形中の任意の王の配置について、攻め側が残りの29枚の駒を使って勝てることがわかった。つまり、図2の配置で始めれば攻め側(先手)の必勝である。

*株式会社ソニー・コンピュータエンタテインメント、GPCC chair

†GPCC co-chair

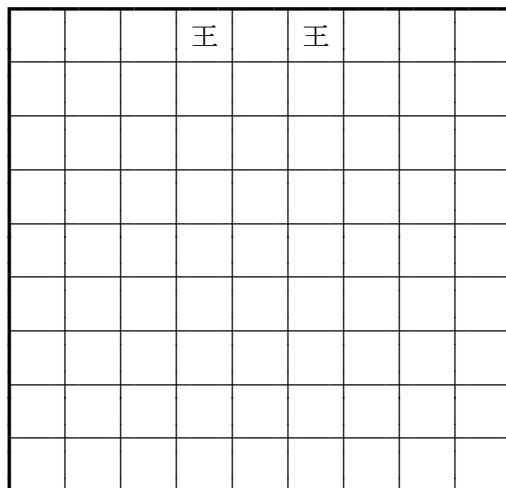


図 1: 王様くっつけゲームの初期状態

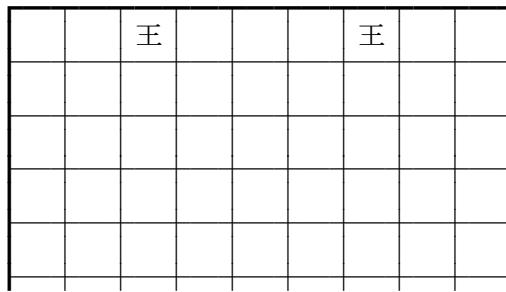


図 2: 王様くっつけゲームのバリエーション

3 2011年の課題について

前回の予稿集の締め切り後にdeepgreenさんから、**最小公倍図形**の解答が寄せられた。TペントミノとOテトロミノの両方で割りきれる(ここでは例えばTペントミノを好きな個数だけ並べて作れる図形はTペントミノで割りきれると言う)図形は、これまで600単位のものが知られていたが、deepgreenさんの解(図3)は340単位と、だいぶ小さくなった。なお、解の一覧など詳細は、<http://deepgreen.game.coocan.jp/>の「最小公倍図形」に掲載されている。

8月には白川俊博さんが、**数独のヒント最少問題**について、 16×16 の数独でなるべくヒント(あかされている数字、表出数字とも)の少ない問題を作る課題を発展させて、 25×25 の数独についても計算し、表出数字が174個の問題を作成した(図4)。

数独¹について簡単に説明しておくと、元々の数独は、 9×9 の正方形に並んだマスに1から9までの数字を入れて、各行、各列、各 3×3 のブロックに、各数字が1回ずつ現れるようにするものである。解が一つに決まる。 25×25 の数独は、これを拡張したもので、1から25までの数字を使い、各行、各列、各 5×5 のブロックに、各数字が1回ずつ現れるようにする。

9×9 の数独は、表出数字17個が最少であると2012年1月に証明されたが、 16×16 以上の数独については、まだ証明はなく、既知のもので最少かどうかはわからない。

¹ 「数独」はニコリの登録商標なので、「ナンバープレイス (ナンプレ)」と呼ばれることが多い。

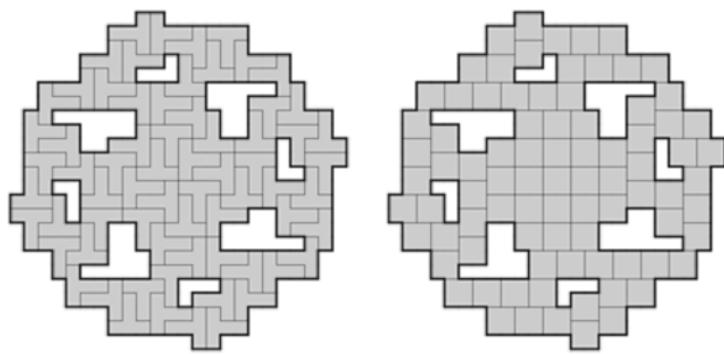


図 3: TペントミノとOテトロミノの両方で割りきれる340単位の図形

	1	2						3		4							5	6		
				7	8					4	9				10	11				
		12	13		14	15	16		9			8	17		18					
	19				20					11		5				21		3		
22					1						7	20		21	23					
								24	22	20	19	10	3	2			13	12		
7			23	15					12	14		24	13					16		
		10	9	15		4			5											
		21		18	7		6					22								
6		18		9	21		8			16		1						17		
					10							2	22	13	1	23		17		
18	8	15		10		6		7										16		
						5	21		2	17	18		6	3			22	12	13	
9		23		7	4		24	25			14									
		20		25	8							24	15							
	24																14			
	22		17		5	13	1	3				18		15	9					
15	13					6			2	22		21		17						
19	3		1			22	2	17	10	25									24	
						24	4	9		21	23	8		7		18	12	20		
		7			18	2	1		3	9										
		8						18			2	4	10							
14		4		20			12				21	23		8		7		11		
			18		16						7	19						10		
		9			22	3	13		24	1			20				25			

図 4: 25 × 25 でヒント 174 個の数独