遺伝的交叉を用いた並列シミュレーテッドアニーリングの検討

廣 安 知 之^{†1} 三 木 光 範^{†1} 小 掠 真 貴^{†2}, 岡 本 祐 幸^{†3,†4}

本研究では,遺伝的交叉を用いた並列シミュレーテッドアニーリング($\operatorname{PSA}/\operatorname{GAc}$)を提案する. $\operatorname{PSA}/\operatorname{GAc}$ は,複数のプロセス上で並列にシミュレーテッドアニーリングの操作を行い,一定期間のアニーリングを行った後,2 プロセス間で遺伝的アルゴリズムのオペレータである遺伝的交叉により情報交換を行う.その後再び一定期間のアニーリングを行い,遺伝的交叉を行う操作を繰り返す.情報交換に遺伝的操作を利用することにより,大域的にはいくつかの準最適解が存在し,局所的には無数の準最適解を有するような問題に特に有効であると考えられる.数種のテスト関数に適用した結果, $\operatorname{PSA}/\operatorname{GAc}$ の優れた性能が明らかとなった.また,実問題への適用例として最適化問題の $\operatorname{1O}$ であるタンパク質のエネルギー最小化計算を行い,従来用いられていた手法と比較し, $\operatorname{PSA}/\operatorname{GAc}$ の有効性を明らかにした.

Examination of Parallel Simulated Annealing Using Genetic Crossover

Tomoyuki Hiroyasu,^{†1} Mitsunori Miki,^{†1} Maki Ogura^{†2}, and Yuko Okamoto^{†3,†4}

This paper proposes Parallel Simulated Annealing using Genetic Crossover (PSA/GAc). In this algorithm, there are several processes of Simulated Annealing (SA) working parallel. To exchange information between the solutions, the operation of genetic crossover is performed. Through the continuous test problems, it is found that PSA/GAc can search the solution effectively. The proposed algorithm is also applied to the minimization of protein energy function. Comparing PSA/GAc to the conventional algorithm, it is also found that PSA/GAc is effective algorithm for real world problems.

1. はじめに

シミュレーテッドアニーリング(Simulated Annealing: SA)は最適化問題を解く手法の1つであり,多くの組合せ最適化問題に対して有効な手法である¹⁾. SAの探索は最適解へ収束するという保証を有するが,解を得るまでの計算量が非常に多いという欠点を持つ.特に連続最適化問題を対象とした場合,最適解を得るまでに多くの計算量が必要となり実用的ではない.高

†1 同志社大学工学部

Department of Knowledge Engineering and Computer Sciences, Doshisha University

†2 同志社大学大学院

Graduate School of Engineering, Doshisha University

†3 岡崎国立共同研究機構分子科学研究所 Institute for Molecular Science, Okazaki National Research Institutes

†4 総合研究大学院大学

The Graduate University for Advanced Studies 現在,日本電気株式会社

Presently with NEC Corporation

速に解を求める手法はいくつか考えられるが, 代表的 なものが並列化とハイブリッド化であろう.これまで に,逐次処理である SA を並列化し高速化を図る研究 はいくつか行われている1). SA を並列化する手法は, 以下の3つが一般的である $^{2)}$.1つめは,異なるプロ セッサで独立に SA を行う方法であり, 温度を低減す るときにすべてのプロセッサから最も良い結果を選択 し、各々のプロセッサは新しい温度でこの共通の解か ら再び探索を始める.2つめの方法は,独立にランダ ムな近傍解を発生させ,受理判定を行うために独立に プロセッサを使用するものである.1つのプロセッサ が受理すべき近傍解を発見した際に、これを他のすべ てのプロセッサに伝達し,新しい現在の解の近傍に探 索が遷移する.3つめの方法は,共通のメモリで現在 の解を記憶し, すべてのプロセッサがそれに基づいて 計算を行うものである.各プロセッサは互いに同期す ることなく逐次 SA を実行し, 遷移した結果を共通の メモリに非同期に書き込む.

また,SAと他の最適化手法を組み合わせたハイブ

リッドアルゴリズムの研究もいくつか行われており、 組み合わせる最適化手法として, 多点探索を行う遺伝 的アルゴリズム(Genetic Algorithm: GA)があげら れる .SA は局所探索に優れた最適化手法であるが GA は大域探索に優れた手法であるため,これらを組み合 わせることで互いの短所を補完することができると 思われる.このようなハイブリッドアルゴリズムとし て,熱力学的遺伝アルゴリズム(Thermodynamical Genetic Algorithm: TDGA)3) \$\psi\$ Parallel Recombinative Simulated Annealing 4),遺伝的状態生成処理 を取り入れた改良型アニーリング法5) などが提案され ており,他にもいくつかの研究が報告されている^{6),7)}. また, GA に局所探索メカニズムを導入したアルゴリ ズムは特に Memetic Algorithm 8) と呼ばれ,精力的 に研究が行われている.しかしこれらのハイブリッド アルゴリズムの多くは, GA のアルゴリズムを中心と したものや,逐次 SA のアルゴリズムを中心としたも のであり, 並列 SA での探索を基本とし GA のオペ レータを取り入れた手法に関する研究は数少ない.

そこで本研究では,連続最適化問題を対象とする場合においても,比較的少ない計算量で良好な解を得ることのできる新たな並列 SA アルゴリズムとして,遺伝的交叉を用いた並列シミュレーテッドアニーリング(Parallel Simulated Annealing using Genetic Crossover: PSA/GAc)を提案する.提案する手法は,並列に複数実行している SA の解の伝達時に,GA のオペレータである遺伝的交叉を用いたハイブリッドアルゴリズムである.局所的な探索が得意な SA に,大域的な探索が得意でかつ部分解の組合せで最適解が得られる GA オペレータを取り入れることで,適用可能な対象問題の範囲を拡張することが可能だと考えられる.また,提案手法は並列 SA のアルゴリズムを基本とするため,比較的少ない計算量でも,解の多様性と優れた局所探索能力の維持が可能だと考えられる.

本研究では提案手法をテスト関数に適用させることにより、その性能を評価する.また、最適化問題の1つであるタンパク質のエネルギー最小化計算を行い、その有効性を検討する.

2. SA Ł GA

2.1 シミュレーテッドアニーリング (SA)

シミュレーテッドアニーリング(Simulated Annealing: SA)の基礎となる考え方は,Metropolis らが 1953 年に発表した焼きなましとよばれる過熱炉内の 固体の冷却過程をシミュレートするアルゴリズムに端を発する9). その後,Kirkpatrick らはこの種のシミュ

レーションが最適化問題の実行可能解を探索するのに 応用できることを提案した $^{10)}$.

SA は、理論上は最適解に到達できるという保証を持つが、最適解を得るまでに非常に多くの計算量を要するという欠点も持つ、また、多くのパラメータをチューニングする必要もある、このため、逐次処理である SA を並列化して高速化を図る研究²⁾ や、パラメータの自動チューニングの研究¹⁾ がなされている、

SA のアルゴリズムでは , 現在の状態から次の状態を生成する生成処理 (Generate) , 現在の状態から次の状態に遷移するかどうかを判定する受理判定 (Accept Criterion) , 現在の温度から次の温度を生成するクーリング (Cooling) の 3 つの過程が重要となる $^{1)}$.

ある目的関数があって,各状態xに対しエネルギーf(x)が定義されているとする. SA は,与えられた初期状態から探索を始め,状態を遷移させて探索を続けることで最終的にエネルギーが最小となる状態,つまり目的関数の大域的最小状態を発見することを目的としている.

生成処理では , 現在の状態 x から次に遷移すべき 状態 x' を返す . 状態 x' は確率分布によって状態 x から生成される . 状態空間が連続の場合は確率分布と して一様分布や正規分布が用いられる .

受理判定では,生成された次の状態 x' のエネルギー E'=f(x') と現在の状態 x のエネルギー E=f(x) との差分 $\Delta E(=E'-E)$,および温度パラメータ T が与えられ,次の状態への遷移を受理するか否かを判定する.通常,式 (1) に示す Metropolis 基準 10 が用いられる(ボルツマン因子は 1 とおいた).

$$P_{Accept} = \begin{cases} 1 & \text{if } \Delta E \le 0\\ \exp\left(-\frac{\Delta E}{T}\right) & \text{otherwise} \end{cases}$$
 (1)

生成処理,受理判定をある程度繰り返した後クーリングを行う.クーリングでは,アニーリングの第kステップの温度 T_k を与えて,次のステップの温度 T_{k+1} を返す.最適解の漸近収束性を保証するためには式(2)で示される対数型アニーリング以上に急速に冷やして

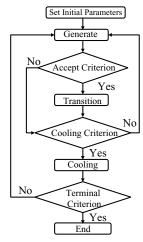


図 1 SA のアルゴリズム

Fig. 1 Algorithm of Simulated Annealing.

はならない¹²⁾.

$$T_{k+1} = \frac{T_k}{\log k} \tag{2}$$

しかし,対数型アニーリングでは収束するまでに膨大な時間を要するため,実用的には式(3)で示される指数型アニーリングを用いることが多い.

$$T_{k+1} = \gamma T_k \quad (0.8 \le \gamma < 1) \tag{3}$$

SA の基本的なアルゴリズムを図 1 に示す.

終了条件として最終温度やアニーリングステップ数などが用いられるが,そのほかにも様々な終了条件が考えられている.終了条件に達すれば,そのときの状態とエネルギーをそれぞれ最適状態,最適値として出力する.

2.2 遺伝的アルゴリズム (GA)

遺伝的アルゴリズム(Genetic Algorithm: GA)は、1960年代に Holland が生物の適応進化を模倣するモデルとして提唱した手法が基礎となっている $^{13)}$. 1970年代に入り DeJong による最適化問題を対象とした研究を契機として、1989年には Goldberg によって GAのアルゴリズムの枠組みが整理された $^{14)}$.

GA は生物の進化の過程を模倣したアルゴリズムであり、遺伝的な法則を工学的にモデル化したものである。自然界における生物の進化の過程では、いくつかの個体の集合が形成されており、環境への適合度が高い個体が高い確率で選択され生存する。また、交叉によって次世代の個体、つまり、子を生成したり、突然変異によって性質の異なる個体が生成されたりもする。GAのアルゴリズムでは、複数の個体が、目的関数値に基づいて適合度の計算を行い、その後選択(Selection)、交叉(Crossover)、突然変異(Mutation)からなる遺

伝的オペレータと呼ばれる操作を行って,適合度の高い個体が生存し次世代に増殖する.これらの一連の操作周期は世代と呼ばれる.以下にそれぞれの遺伝的オペレータについて詳しく述べる.

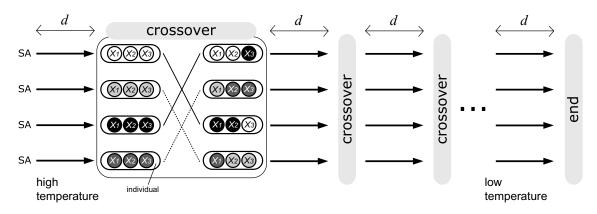
選択方法にはいくつかの種類があるが、代表的な方 法としてルーレット選択があげられる.ルーレット選 択は $Holland^{(13)}$ によって提案された確率的選択モデ ルであり,各個体の適合度とその総計を求めて,適合 度の総計に対する各個体の適合度の割合を選択確率 として個体を選択するという方法である.適合度の高 い個体が次世代の個体として選ばれる可能性が大きい が、適合度の低い個体でも選ばれる可能性が残される ため,個体群の多様性を維持することができると考え られる.他の選択手法としてエリート保存選択があり、 これは個体群の中で最も適合度の高い個体は無条件に 次世代に残すという方法である. エリート保存選択は 他の選択手法と組み合わせて使用させることが多い. 確率に従う選択や交叉,突然変異によって適合度の高 い個体が消滅する可能性があるが, エリート保存選択 を用いることによってエリート個体(適合度の最も高 い個体)が破壊されず,探索の速度を上げることがで きると考えられる.

交叉とは,選択された個体間で設計変数の組換えにより新しい個体を生成するというオペレータである.基本的な交叉は個体群の中から任意の2個体(親)をランダムに選び,ランダムな1点または多点の交叉点で遺伝子を組み替えることにより,新たな2個体(子)を生成する操作である¹⁵⁾.

突然変異は,染色体上のある遺伝子座の値を他の対立遺伝子に置き換えることにより,交叉だけでは生成できない子を生成して,個体群の多様性を維持する働きをする $^{15)}$.

GA はこれらの遺伝的オペレータを繰り返すことで探索を進めるという手法である.終了条件に達すると,そのときに適合度の最も高い個体を最適解として出力する

一方,GAの個体をいくつかの集団に分割して探索を行う分散遺伝的アルゴリズム(Distributed Genetic Algorithm)が提案され,従来のGAよりも解探索能力が高いことが明らかとなっている¹⁶⁾.分散GAでは,個体を島と呼ばれる複数の集団に分割し,それぞれの島内で従来のGAの処理を行う.一定期間の探索を行った後,各島から任意に個体を選択し,他の島の個体情報と置き換えることで情報交換を行う.これを移住(Migration)と呼ぶ.従来のGAの遺伝的オペレータに移住オペレータを加え,これらを繰り返すこ



d: crossover interval

図 2 遺伝的交叉を用いた並列 SA(PSA/GAc)の概念図 Fig. 2 Model of Parallel Simulated Annealing using Genetic Crossover (PSA/GAc).

とで探索を進める,終了条件に達すれば,全個体の中

で適合度の最も高い個体を最適解として出力する. 2.3 SA と GA のハイブリッドアルゴリズム

前節までに述べた SA と GA は,以下のような異な る特徴を持つ.SA は現在の状態のみを保存している ため,現在の状態の近傍に重点をおいた探索となる. 一方 GA は複数の個体を候補解として持つため探索 空間は広いが,交叉によって次世代の候補解を生成す るために近傍の探索が行えるとは限らない.つまり, SA は局所探索に優れており、GA は大域探索に優れ ているということができる.

このように, SAと GA は互いに補完する関係にあ るため, SAとGAのハイブリッドアルゴリズムがい くつか提案されている . Memetic Algorithm と呼ばれ る GA に局所探索を組み込んだ手法8), 熱力学的遺伝 アルゴリズム(TDGA)³⁾ や Parallel Recombinative Simulated Annealing (PRSA) , 遺伝的状態生成処 理を取り入れた改良型アニーリング法5) などがある.

TDGA と PRSA は GA での探索を中心とし,次の 世代の個体を生成する過程に SA の概念を取り入れた ものである.このように, GA を基本としたハイブリッ ドアルゴリズムの研究は多くなされている.またSA を基本としているアルゴリズムでは,改良型アニーリ ング法のように逐次 SA によるものが多い. そこで本 研究では,並列SAを基にしたハイブリッドアルゴリ ズムの提案を行うことを目的とした.

並列 SA を基にしたハイブリッドアルゴリズムは, 並列 SA の持つ特徴から特に局所探索を必要とする問 題に適していると考えられる.一方GAを基にしたハ イブリッドアルゴリズムは,特に大域探索を必要とす る問題に適していると考えられる.このように,並列

SA を基にしたハイブリッドアルゴリズムは, GA を 基にしたハイブリッドアルゴリズムとは解探索におい て得意とする対象問題の特徴が異なり, また逐次 SA の探索を高速化することができる.次章で提案手法の アルゴリズムを述べる.

3. 遺伝的交叉を用いた並列シミュレーテッド アニーリング

本研究で提案するアルゴリズムを遺伝的交叉を 用いた並列シミュレーテッドアニーリング (Parallel Simulated Annealing using Genetic Crossover: PSA/GAc)と呼び, その概要を図2に示す.図2に 示すように, PSA/GAc では複数のシミュレーテッド アニーリング (SA) を並列に実行する. さらに, 一定 期間ごとの SA の解の伝達時に,遺伝的アルゴリズム (GA)のオペレータである遺伝的交叉を用いたもので ある.GA のオペレータを用いたSA であるため,SA の探索点を個体(Individual),探索点の総数(SAの並 列数)を個体数(Population size)と呼ぶこととする.

PSA/GAc での探索手順を以下に示す. また PSA /GAc のアルゴリズムを図 3 に示す.

step1 初期解を生成し,複数ある探索点が並列にSA の処理を行う.

step2 アニーリングが一定期間 d に達すると, 並列 に実行している SA の解からランダムに 2 つずつ 解を選びペアを生成する.並列SAがそれぞれに持 つ解を個体と呼ぶこととする.このときすべての個 体がペアを組むため,個体数の半数のペアが生成さ れる.

step3 ペアを組む2つの個体を親として遺伝的交叉 を行い,2個体の子を生成する.用いる遺伝的交叉

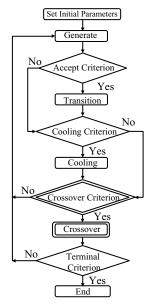


図3 PSA/GAc のアルゴリズム Fig. 3 Algorithm of PSA/GAc.

は,設計変数間での一点交叉である.設計変数間での一点交叉とは各設計変数の間の一点でのみ遺伝的 交叉を行うことをいう.

step4 もとの親と生成した子との 4 個体のうち評価値の高い 2 個体を選択する.

step5 選択された 2 個体から一定期間 d のアニーリングを行う.

step6 すべてのペアにおいて step3~step5 の処理を行う。

step7終了条件を満たすまで step2~step6 の処理を繰り返す。

step3, step4の処理を図4に示す.ある設計変数の 最適解が求まっている場合,遺伝的交叉によってその 設計変数の最適解を他のSA探索に伝達することがで きるため,アニーリングの収束を早めることができる.

PSA/GAc は SA での探索を基にするため,局所的に多くの極小値を持つ問題に有効であるが,GA の遺伝的交叉オペレータを用いるため,大域的にいくつかの極小値を持つ問題や部分解の組合せによって大域的最適解が得られる問題にも有効であると考えられる.

4. 数值 実験

4.1 GA オペレータを用いた 3 種の並列 SA との 比較

提案する遺伝的交叉を用いた並列シミュレーテッド アニーリング (PSA/GAc)では,並列に実行している各シミュレーテッドアニーリング (SA)の探索途中

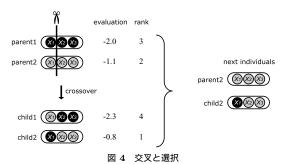


Fig. 4 Crossover and Selection.

の解の伝達に遺伝的アルゴリズム(GA)のオペレータである遺伝的交叉を用いている.本節では,他のGAオペレータではなく遺伝的交叉を用いることの有効性を検証するため,遺伝的交叉以外のGAオペレータを解の伝達方法として用いた他の3種の並列SAと解探索能力を比較した.これらは一定間隔ごとに以下のような方法で解の伝達を行うものである.

- エリート選択を用いた並列 SA(elitePSA):1つのエリート個体の解を他のすべての個体の新たな探索点とする。
- ルーレット選択を用いた並列 SA(roulettePSA)
 :ルーレット選択によりすべての個体の新たな探索点を決定する。
- エリート保存を含むルーレット選択を用いた並列 SA (e-roulettePSA): エリート保存を用いた ルーレット選択によりすべての個体の新たな探索 点を決定する。

ルーレット選択を用いた並列 SA では,あるステップにおいて,最大エネルギー値を持つ個体のエネルギー値 E_{max} と各個体のエネルギー値 E_i の差分 ΔE_i をとる.個体数 N のとき,差分の総計 $E_{sum} = \sum_{i=1}^N \Delta E_i$ を求め,i 番目の個体の期待値が $\frac{\Delta E_i}{E_{sum}}$ となるような選択を行うものとした.エリート保存を含むルーレット選択を用いた並列 SA では,1 つのエリート個体を次のステップの探索に保存し,残りの個体を同様のルーレット選択によって決定した.PSA/GAc の解の伝達時に用いる遺伝的交叉は,3 章に示したように,設計変数間での一点交叉とした.

対象問題として,式(4)に示す大域的に極小値を多く持つ Rastrigin 関数 (f_{Ra}) と,式(5)に示す大域的にはなだらかだが局所的に多くの極小値を持つGriewank 関数 (f_{Gr}) の2つを用いた.設計変数の数nは2とした.各関数の定義域はそれぞれの式に示したとおりである.これらの関数は,各設計変数の値が0のときに最適値0をとる.

$$f_{Ra} = 10n + \sum_{i=1}^{n} (x_i^2 - 10\cos(2\pi x_i))$$

$$x \in [-5.12, 5.12], \quad n = 2$$

$$f_{min} = 0 \text{ at } x_i = 0 \ (i = 1, 2, \dots, n)$$

$$f_{Gr} = 1 + \sum_{i=1}^{n} \frac{x_i^2}{4000} - \prod_{i=1}^{n} (\cos(\frac{x_i}{\sqrt{i}}))$$

$$x \in [-512, 512], \quad n = 2$$

$$f_{min} = 0 \text{ at } x_i = 0 \ (i = 1, 2, \dots, n)$$

$$(4)$$

探索に用いる個体数は 20,200 とし,初期解は乱数 を用いて定義域内に発生した.生成処理においては, 次の状態を近傍内に確率的に生成し,確率分布として 一様分布を用いた.近傍の範囲の決定には Corana ら が提案する SA で用いられたアルゴリズム¹⁷⁾ を用い た. Corana らのアルゴリズムは,次の状態を受理す る確率がつねに50%となるように近傍の範囲を適応 的に調節するものであり,本実験では8ステップごと に近傍の範囲を調節することとした. それぞれの並列 SA は 32 ステップごとに解の伝達を行うこととした. クーリング率 $\gamma = 0.93$ の指数型アニーリングを用い, 次の状態を 20 回受理するごとにクーリングを行った. 初期温度は5,10,20,30とした.終了条件は「解の 値の 1.0e-4 以上の数値が 100 ステップ変化しないこ と」とし,1.0e-4以下の値を示す解が得られればそれ を最適解とした.また,1ステップごとにすべての設 計変数について生成処理が行われ、評価計算を行った 後,1回の受理判定が課されることとした.

図 5 は,それぞれの並列 SA の個体数を 20 として Rastrigin 関数を解いた結果である.横軸は初期温度,縦軸は 1 個体の持つエネルギーつまり解の値であり,10 試行の平均値を示している.図 5 からは各並列 SA の結果に大きな違いがあることが分かる.PSA/GAc は初期温度によらず,つねに最適解を求められているが,他の 3 つの手法ではどのような初期温度でもつねに最適解を求めることができなかった.

各並列 SA の個体数を 10 倍の 200 としたときは図 6 に示すように,解の伝達方法による差はなく,4 つの 手法すべてでつねに最適解が求められた.個体数を増加させても各個体の繰返し計算回数があまり変わらなかったために全体の計算回数が増え,すべての手法で解が求まったと考えられる.

一方,個体数を 20 として Griewank 関数を対象としたときは,図 7 に示すように PSA/GAc の解が比較的良かったが,どの手法でも 100%の確率では最適解が求められず有意な差はなかった.しかし 200 個体を用いた場合には,図 8 に示すように大きな差が

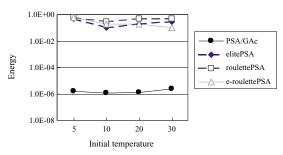


図 5 Rastrigin 関数の結果(個体数 20)

Fig. 5 Results of Rastrigin function (population size 20).

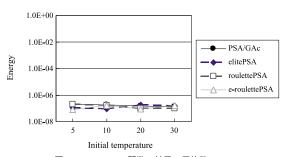


図 6 Rastrigin 関数の結果(個体数 200)

Fig. 6 Results of Rastrigin function (population size 200).

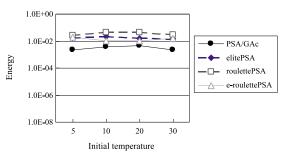


図 7 Griewank 関数の結果(個体数 20)

Fig. 7 Results of Griewank function (population size 20).

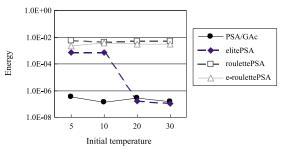


図 8 Griewank 関数の結果(個体数 200)

Fig. 8 Results of Griewank function (population size 200).

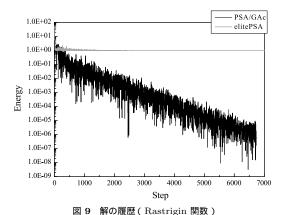


Fig. 9 History of energy for Rastrigin function.

生じた.ルーレット選択を用いた並列 SA とエリート保存を含むルーレット選択を用いた並列 SA ではどの初期温度でもつねに最適解は求められなかったが,エリート選択を用いた並列 SA では初期温度によっては100%で最適解が求められることがあった.PSA/GAcでは初期温度によらずつねに最適解が求められた.

Griewank 関数は大域的にはなだらかであるが局所的には局所解が多数ある景観を有する関数であるため、個体数の少ないときには局所解にとらわれ、最適解を求めることができない、個体数を増やすことで最適解にたどり着く可能性が上がったものと考えられる。

また, それぞれの並列 SA の個体数を 20 として Rastrigin 関数を解いたときの解の履歴を図9に,探索 初期の解の履歴を図10に示す. 横軸はステップ数, 縦軸は解の値であり,ある1試行における最良解の履 歴を示している.図中では PSA/GAc およびエリー ト選択を用いた並列 SA の結果のみを示しているが , ルーレット選択を用いた並列 SA およびエリート保存 を含むルーレット選択を用いた並列 SA の結果はほぼ エリート選択を用いた並列 SA と同等であった. 図 9 からは,エリート選択を用いた並列 SA は局所解に捕 らわれているのに対し、PSA/GAc は局所解に捕らわ れずに最適解へ到達していることが分かる. 本実験で は 32 ステップごとに解の伝達が行われている.図 10 では, PSA/GAcにおいて解の伝達, つまり遺伝的交 叉が行われるステップのときに大きくエネルギー値が 下がる場合があることが示されている.遺伝的交叉に よって一定間隔でエネルギー値が下がり,局所解に捕 らわれない探索が可能になったと考えられる.この結 果は、提案アルゴリズム設計時に期待したとおりのも のである.

これらの結果から提案手法である PSA/GAc の解

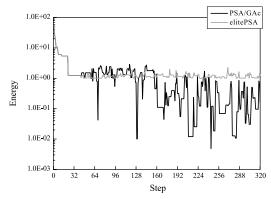


図 10 探索初期における解の履歴(Rastrigin 関数) Fig. 10 Early history of energy for Rastrigin function.

探索能力が他の GA の遺伝的操作を使用した場合より も優れているといえる.またエリート選択を用いた並列 SA も比較的優れた解探索能力を示しているが,最 適解を求められる確率は PSA/GAc より低い.この ためエリート選択を用いた並列 SA は,PSA/GAc と 比較すると解探索能力は低いといえる.

4.2 分散 GA, 逐次 SA との比較

4.1 節の数値実験によって,PSA/GAc の解探索能力が優れていることが明らかとなった.本節では設計変数を増加させた問題を対象として実験を行い,分散 GA(DGA) との比較を行った.また逐次 SA(SSA) との探索能力の差も示した.分散 GA は容易に並列化でき,また逐次処理でも性能が高い $^{16),18)}$.よって分散 GA との比較を行うことにより,PSA/GAc の探索能力の有効性を検討することができる.

対象問題は,式(6) に示す Rastrigin 関数 (f_{Ra}) ,式(7) に示す Griewank 関数 (f_{Gr}) と,式(8) に示す設計変数間に強い依存関係のある Rosenbrock 関数 (f_{Ro}) とした.設計変数の数n は10, 30 とした.Rosenbrock 関数は,各設計変数の値が1 のときに最適値0 をとる.各関数の定義域はそれぞれの式に示したとおりである.

$$f_{Ra} = 10n + \sum_{i=1}^{n} (x_i^2 - 10\cos(2\pi x_i))$$

$$x \in [-5.12, 5.12], \quad n = 10, 30$$

$$f_{min} = 0 \text{ at } x_i = 0 \quad (i = 1, 2, \dots, n)$$

$$f_{Gr} = 1 + \sum_{i=1}^{n} \frac{x_i^2}{4000} - \prod_{i=1}^{n} (\cos(\frac{x_i}{\sqrt{i}}))$$

$$x \in [-512, 512], \quad n = 10, 30$$

$$f_{min} = 0 \text{ at } x_i = 0 \quad (i = 1, 2, \dots, n)$$

$$f_{Ro} = \sum_{i=1}^{n-1} [100(x_{i+1} - x_i^2)^2 + (x_i - 1)^2]$$
 (8)

表 1	PSA/GAc	と分散	GA,	逐次	SA	を用い	て最適解れ	が得られ
	た確率							

Table 1 Success rate of PSA/GAc, DGA and SSAs.

		PSA/GAc	SSA-long	SSA-short	DGA
Rastrigin	10dimensions	1.00	0.00	0.00	1.00
Kasuigiii	30dimensions	0.00	0.00	0.00	0.10
Griewank	10dimensions	0.90	0.00	0.00	0.00
Griewank	30dimensions	1.00	0.00	0.00	0.70
D l l-	10dimensions	1.00	0.00	0.10	0.00
Rosenbrock	30dimensions	1.00	0.00	0.00	0.00

$$x \in [-2.048, 2.048], \quad n = 10, 30$$

 $f_{min} = 0 \text{ at } x_i = 1 \ (i = 1, 2, \dots, n)$

各手法の評価計算回数は同等にし,終了条件を満た したときに探索を終了した.PSA/GAcでは400個体, 8,000 ステップの探索を行い, 32 ステップごとに遺伝 的交叉を用いた.遺伝的交叉は,3章に示したように 設計変数間での一点交叉とした.逐次 SA は 3,200,000 ステップ(8,000 ステップ×400 個体に相当)の探索 を行う SSA-long , 8,000 ステップの探索を独立に 400 回実行する SSA-short の 2 種類とした . また分散 GA は 20 個体 × 20 島の 400 個体とし , 8,000 世代の探 索を行った.分散 GA では,交叉率が1.0の一点交叉 と,突然変異率が1/Lの通常の突然変異を行った.Lとは各個体の染色体長である. PSA/GAc と 2 種の逐 次 SA の初期温度は 10 に統一した . 各手法について 試行はそれぞれ 10 回ずつ行い , Success rate を表 1 に示した. Success rate とは, 試行回数に対して最適 解を得られた回数の割合を示している.なお,初期解 の発生,次の状態の生成,近傍の範囲,アニーリング スケジュール,終了条件と最適解は4.1節と同様に定 義する.

まず,PSA/GAc と 2 種の逐次 SA との結果を比較すると,逐次 SA と PSA/GAc の評価計算回数は等しいことから,単に SA のアニーリング時間や回数を増加しただけでは結果が向上しないことが分かる.また分散 GA との結果を比較すると,GA での探索が困難な設計変数間に依存関係のある問題 (f_{Ro}) に関しては,特に PSA/GAc の探索が有効であることが分かる.設計変数間に依存関係のない関数 (f_{Ra}) を対象としたときも,GA に劣らない探索が行われている.また Griewank 関数を対象としたとき,特に GA の探索において,設計変数が増加したときの方が高い探索能力を示している.これは,Griewank 関数は式 (7) に示すように第 3 項が部分解の掛上げであるため,設計変数が増加するほど確率的に最適解を得やすくなることに起因する.30 設計変数の Griewank 関数を対象と

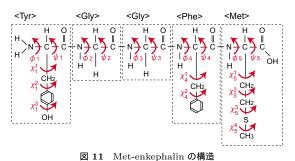


Fig. 11 Met-enkephalin molecule.

した場合にも PSA/GAc の探索が有効であることが示されている.これらの結果から,提案する PSA/GAc の探索能力は非常に高いといえる.

4.3 タンパク質のエネルギー最小化計算

前節までに数種のテスト関数に PSA/GAc を適用し、その探索能力の高さを明らかにした.本節では、PSA/GAc の実問題への適用例として、タンパク質のエネルギー最小化計算を対象に数値実験を行った.

タンパク質は生命現象に直接関わる重要なものであり、構造を解明することは生命現象の仕組みを説明することにもつながる.タンパク質の立体構造はエネルギーの最小状態に対応しているため,タンパク質のエネルギー最小化計算を行い,最小エネルギー構造を求めることで立体構造予測を行おうとする研究がされている.

これまでタンパク質のエネルギー最小化計算においては SA がよく使用されてきた $^{19)}$. 岡本は , 小規模なタンパク質(Met-enkephalin)を対象としてエネルギー最小化計算における SA の有効性を確かめている $^{20)}$.

Met-enkephalin は図 11 に示すように,Tyr-Gly-Gly-Phe-Met という 5 個のアミノ酸からなり,ECEPP/2 エネルギー関数 21 $^{\sim 23}$) に基づいた気相中において, $E \leq -11kcal/mol$ の領域で最小エネルギー構造をしている 24 $^{\circ}$. 本実験では,Met-enkephalin の主鎖における 10 個の二面角と,側鎖における 9 個の二面角をそれぞれ設計変数とした.二面角のとりうる値は $[-180^{\circ},180^{\circ}]$ の範囲で表現した.各設計変数において順に生成・受理判定を行ってから 1 回のクーリングを行うこととし,これらの処理を 1 Monte Carlo sweep (MCsweep)と呼ぶこととする.つまりこのタンパク質は 19 個の設計変数を持っており,1 MCsweepによって 19 回の Metropolis 判定が課されるものとした.生成処理において,次の状態は近傍内に一様分布を用いて確率的に生成した.近傍の範囲 [min,max]

表 2 最適構造が得られる確率

Table 2 Success rate for prediction of protein tertiary structure.

	Number of		
	MCsweeps	Evaluations	Success rate
PSA/GAc	4992	100005×19	0.90
SSA	100000	100000×19	0.50

は,式(9)で与えた.

$$max = 180^{\circ} + \frac{180^{\circ}(0.3 - 1) \times sweep}{nsweeps}$$

$$min = -max$$
(9)

ここで sweep は現在の MCsweep 数を示し,nsweeps は探索終了までの MCsweep 数を示す.よって近傍の範囲は,探索開始時に $[-180^\circ,180^\circ]$,探索終了時に $[-54^\circ,54^\circ]$ となる.

本実験では PSA/GAc を用いて Met-enkephalin のエネルギー最小化計算を行い, Hansmann らの結果 $^{25)}$ と比較した.Hansmann らの実験で用いられた逐次 SA(SSA)では,1 MCsweep ごとに 19 個の二面角をそれぞれ生成・受理判定するので,100000 MCsweeps の評価計算回数は $100,000\times19=1,900,000$ 回となる.PSA/GAc では解の伝達に遺伝的交叉を用いるときにも評価計算を行う.本実験では 32 MCsweeps ごとに遺伝的交叉を用いた.そのため,個体数を 20 としたときに評価計算回数を約 1,900,000 回とするために,MCsweep 数は 4,992 とした.それぞれ試行は 10 回ずつ行い,最適構造が得られた確率を表 2 に示した.Success rate は 4.2 節と同様である.

表 2 から,最適構造を得る確率は,逐次 SA (SSA) を用いる場合よりも PSA/GAc を用いた場合の方が高いことが明らかとなった.本論文で適用しているタンパク質は小規模ではあるが,タンパク質のエネルギー最小化計算においても,PSA/GAc は逐次 SA より解探索能力が高いといえる.

5. 結 論

本研究では、遺伝的アルゴリズム(GA)のオペレータである遺伝的交叉を用いた並列シミュレーテッドアニーリング (PSA/GAc)を提案し、その有効性を検討した。

GA の他のオペレータであるエリート選択やルーレット選択などを用いた並列 SA と , PSA/GAc との性能を比較した数値実験では , 2 設計変数の Rastrigin 関数と Griewank 関数を対象問題とした . その結果 , PSA/GAc が最も良い振舞いをした .

分散 GA や逐次 SA との比較を行い, PSA/GAc の

有効性を検討した数値実験では,探索がより困難な 10 設計変数以上の Rastrigin 関数,Griewank 関数,Rosenbrock 関数を対象問題とした.PSA/GAc と逐次 SA とを比較した結果,提案する PSA/GAc は収束が早く解の品質も良いことが示された.また分散 GA と比較した結果,GA での探索が困難な問題に対しては PSA/GAc が有効であることが示された.これらから PSA/GAc は優れた解探索能力を有するといえる.

実問題への適用例として 5 個のアミノ酸からなる Met-enkephalin を対象にエネルギー最小化計算を行った数値実験では,従来用いられていた SA よりも PSA/GAc の解探索能力が高いことが明らかとなった.この結果,PSA/GAc はタンパク質のエネルギー最小化計算に有効な手法である可能性が示された.

今後は,現在用いられている手法では解析が困難である大規模なタンパク質のエネルギー最小化計算にPSA/GAcを適用し,良好な解が得られることを確認する.

謝辞 本研究は文部科学省からの補助を受けた同志 社大学の学術フロンティア研究プロジェクト「知能情報科学とその応用」における研究の一環として行った.

参考文献

- Rosen, B.E., 中野良平: シミュレーテッドアニーリング—基礎と最新技術, 人工知能学会誌, Vol.9, No.3 (1994).
- Aarts, E.H.L. and Korst, J.H.M.: Simulated annealing and Boltzmann machines, John Wiley & Sons (1989).
- 3) 森,吉田,喜多,西川:遺伝アルゴリズムにおける熱力学的選択ルールの提案,システム制御情報学会,Vol.9,pp.82-90 (1996).
- 4) Mahfoud, S.W. and Goldberg, D.E.: Parallel recombinative simulated annealing: A genetic algorithm, *Parallel Computing*, Vol.21, pp.1–28 (1995).
- 5) 小圷成一,須貝康雄,平田廣則:遺伝的状態生成処理を取り入れた改良型アニーリング法によるフロアプラン,電学論 C, Vol.112, No.7, pp.411-416 (1992).
- 6) Chen, H. and Flann, N.S.: Parallel Simulated Annealing and Genetic Algorithms: A Space of Hybrid Methods, *Parallel Problem Solving* from Nature, Vol.3, pp.428–438 (1994).
- Yong, L., Lishan, K. and Evans, D.: The annealing evolution algorithm as function optimizer, *Parallel Computing*, Vol.21, pp.389–400 (1995).
- 8) Moscato, P.: On Evolution, Search, Optimization, Genetic Algorithms and Martial Arts: To-

- wards Memetic Algorithms, Caltech Concurrent Computation Program, Report. 790 (1989).
- 9) Metropolis, N., Rosenbluth, A.W., Rosenbluth, M.N., Teller, A.H. and Teller, E.: Equation of State Calculations by Fast Computing Machines, *The Journal of Chemical Physics*, Vol.21, No.6, pp.1087–1092 (1953).
- Kirkpatrick, S., Gelatt, C.D., Jr. and Vecchi, M.P.: Optimization by Simulated Annealing, Science, Vol.220, No.4598, pp.671–680 (1983).
- 11) 喜多 : シミュレーテッドアニーリング, 日本ファジィ学会誌, Vol.9, No.6 (1997).
- 12) Geman, S. and Geman, D.: Stochastic Relaxation, Gibbs Distributions, and the Bayesian Restoration of Images, *IEEE Trans. Pattern Analysis and Machine Intelligence*, Vol.PAMI-6, No.6, pp.721–741 (1984).
- Holland, J.: Adaptation in Natural and Artificial Systems, University of Michigan Press (1975).
- 14) Goldberg, D.: Genetic Algorithms in Search, Optimization, and Machine Learning, Addison-Wesley (1989).
- 15) 坂和正敏,田中雅博:遺伝的アルゴリズム,朝 倉書店 (1995).
- 16) Tanese, R.: Distributed genetic algorithms, *Proc. 3rd International Conference on Genetic Algorithms*, pp.434–439 (1989).
- 17) Corana, A., Marhesi, M., Martini, C. and Ridella, S.: Minimizing Multimodal Functions of Continuous Variables with the 'Simulated Annealing' Algorithm, ACM Trans. Math. Softw., Vol.13, No.3, pp.262–280 (1987).
- Belding, T.C.: The distributed genetic algorithm revisited, Proc. 6th International Conference on Genetic Algorithms, pp.114–121 (1995).
- 19) Kawai, H., Kikuchi, T. and Okamoto, Y.: A prediction of tertiary structures of peptide by the Monte Carlo simulated annealing method, *Protein Engineering*, Vol.3, No.2, pp.85–94 (1989).
- 20) 岡本祐幸: モンテカルロシミュレーションで探るタンパク質の折り畳み機構,物性研究, Vol.70, No.6, pp.719-742 (1998).
- 21) Momany, F., F.A., McGuire, R., Burgess, A. and Scheraga, H.: *J. Phys. Chem.*, Vol.79, pp.2361–2381 (1975).
- Nemethy, G., Pottle, M. and Scheraga, H.: J. Phys. Chem., Vol.87, pp.1883–1887 (1983).
- Sippl, M., Nemethy, G. and Scheraga, H.: J. Phys. Chem., Vol.88, pp.6231–6233 (1984).
- 24) Okamoto, Y., Kikuchi, T. and Kawai, H.:

- Prediction of Low-Energy Structures of Met-Enkephalin by Monte Carlo Simulated Annealing, *Chemistry Letters*, pp.1275–1278 (1992).
- 25) Hansmann, U.H.E. and Okamoto, Y.: Numerical Comparisons of Three Recently Proposed Algorithms in the Protein Folding Problem, Journal of Computational Chemistry, Vol.18, No.7, pp.920–933 (1997).

(平成 13 年 10 月 23 日受付) (平成 14 年 1 月 15 日再受付) (平成 14 年 3 月 12 日採録)



廣安 知之(正会員)

1997 年早稲田大学大学院理工学研究科後期博士課程修了.2001 年より同志社大学工学部専任講師.進化的計算,最適設計,並列処理,設計工学等の研究に従事.IEEE,電

気情報通信学会,日本機械学会,計測自動制御学会, 超並列計算研究会,日本計算工学会各会員.



三木 光範(正会員)

同志社大学工学部知識工学科教授.現在の研究テーマは,並列分散処理に基づくシステムの最適化,遺伝的アルゴリズムやシミュレーテッドアニーリング等の進化的最適化手法の

分散並列化, PC クラスター・コンピューティング等.



小掠 真貴

1978 年生 . 2000 年同志社大学工 学部知識工学科卒業 . 2002 年同志 社大学大学院工学研究科修士課程修 了.同年,日本電気株式会社入社. 並列最適化アルゴリズム,バイオイ

ンフォマティクス等に興味を持つ.



岡本 祐幸

岡崎国立共同研究機構分子科学研究所助教授,総合研究大学院大学数物科学研究科助教授(併任).1984年コーネル大学大学院理学研究科博士課程修了,Ph.D.1986年奈良女

子大学理学部助手等を経て 1995 年より現職.