7P-07

# ES を用いた PSO のパラメータの最適化とその分析

佐久間 司†

Claus Aranha‡

狩野 均‡

筑波大学 情報科学類节

筑波大学 システム情報系誌

# 1. はじめに

Particle Swarm Optimization (PSO)は、鳥の群れをモデルにした多点探索手法である。PSO には複数のパラメータが存在し、パラメータの値が探索能力に大きな影響を与える。M. Jiang らは、PSO の探索が収束するパラメータの条件を示した[1]。しかし、優れた探索をもたらすパラメータに関する研究はあまり見当たらない。

本研究では、Evolution Strategy (ES)を用いて、PSOのパラメータの値を最適化する。また、優れた探索をもたらすパラメータについての分析を行う。

## 2. 基礎事項

### 2.1 PSO

**PSO**は個体が探索した中の最良解 (pbest) と、集団が探索した中の最良解 (gbest) に基づき、それぞれの個体の速度と座標が更新される[2]。

速度の更新式:  $v_i^{k+1} = wv_i^k + c_1r_1(pbest_i^k - x_i^k) + c_2r_2(gbest^k - x_i^k)$ 

座標の更新式:  $x_i^{k+1} = x_i^k + v_i^{k+1}$ 

i: 個体の番号 k: 反復回数  $v_i^k: k$  回目の個体 i の速度  $x_i^k: k$  回目の個体 i の座標

 $pbest_i^k: k$ 回目の個体iの最良解の座標 $gbest^k: k$ 回目の集団の最良解の座標 $w, c_1, c_2:$  重み付けのパラメータ

 $r_1, r_2: [0,1]$ の一様乱数

## 2.2 ES

一般的な $(\mu+\lambda)$ -ESをここで説明する。

個体数 $\mu$ の集団からランダムな個体を選択し、突然変異させる。これを $\lambda$ 回繰り返し、個体数 $\lambda$ の子集団を作成する。この子集団に親集団を加えたサイズ ( $\mu$ + $\lambda$ )の集団の、上位 $\mu$ 個の個体を次の親集団とする [3]。連続値の突然変異には正規分布を用いる。

Optimization of PSO algorithm's parameters with ES algorithm and its analysis

<sup>†</sup>Tsukasa Sakuma, College of Information Science, University of Tsukuba

<sup>‡</sup>Claus Aranha, Hitoshi Kanoh, Faculty of Engineering, Information and Systems, University of Tsukuba

図1 ESのコード化の例

## 3. 実験方法と実験条件

#### 3.1 実験方法

本研究では、ESを用いて PSO のパラメータを最適化する。ES のコード化の例を図 1 に示す。各個体のパラメータを用いた PSO で N 変数最小化問題を複数回解き、その最良解の平均値を ES の個体の適応度とする。

## 3.2 対象問題

対象問題は Sphere、Rastrigin、Rosenbrock、Rride、Schwefel の 5 間の関数[4]。すべて 10 次元。Sphere、Rosenbrock、Rride は単峰関数、Rastrigin、Schwefel は多峰関数。また Schwefel 以外は、最適解が探索空間の中央にある。

### 3.3 実験条件

2 種類の実験を行う。実験 1 では 5 問すべてを対象として実験を行う。実験 2 では Sphere、Rastriginの 2 問を対象に、それぞれ PSO の反復回数を 50、100、150、200 として実験を行う。

## 4 実験結果と考察

4.1 各関数における最適パラメータ(実験 1)

#### 4.1.1 実験結果

図 2 は Rride に対して最適化された 60 試行のパラメータのうちの、上位 50 試行のwと  $c_1$  である。負の相関があることが読み取れる。また、wと  $c_2$  や他の 4 問の関数でも、同様に負の相関が見られた。

表 1 実験条件

		実験 1	実験 2		
	ES の種類	(1+1)-ES			
ES	試行回数	60			
	世代数	30			
	個体数	20			
PSO	試行回数	30			
	反復回数	150	50,100,150,200		
対象問題		5 問	Sphere		
		すべて Rastrigin			

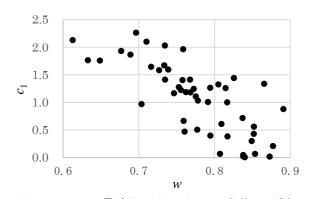


図 2 Rride の最適化した w と c<sub>1</sub> の上位 50 試行

表 2 c1、c2の変化と収束時の反復回数の平均

平均からの差		-4	-2	0	+2	+4
Rastrigin	c <sub>1</sub> が 変動	57.5	61.4	66.3	71.2	84.4
	c <sub>2</sub> が 変動	58.0	62.1	66.3	76.1	87.8

#### 4.1.2 考察と確認実験

PSOでは、収束が早いと大域探索の割合が減り、収束が遅いと局所探索の割合が減る。そのため大域探索と局所探索をバランスよく行うには、問題に応じた適切な速度の収束が必要となる。

表 2 は PSO が収束したときの反復回数の 30 試行の平均である。 $c_1$ 、 $c_2$ の一方を固定し、もう一方を前述の上位 50 試行の平均値の-4 から+4 まで変動させる。すべての PSO の個体の速度の平均が、初期速度の平均の 1/100 以下に達したとき、収束したとみなす。

表 2 から、 $c_1$ 、 $c_2$  が大きくなると収束が遅くなることがわかる。他の 4 間に関しても、同様の結果が得られた。また PSO の更新式から、w が大きくなると収束が遅くなることは明白である。

以上のことから、ES で最適化した w と  $c_1$ 、w と  $c_2$  に負の相関が現れる理由は、収束の速さを一定、もしくは特定の範囲内に収めるためだと考えられる。

## 4.2 各反復回数における最適パラメータ(実験 2) 4.2.1 実験結果

表 3 は 50、100、150、200 回の反復回数に対して最適化された 60 試行のパラメータのうちの、上位 50 試行のwの平均である。Sphere、Rastrigin ともに、反復回数が増加するごとにwも増加している。

### 4.2.2 考察と確認実験

図 3 は  $c_1$ = $c_2$ =(一定)、二通りの w で Rastrigin を解いたときの、gbest の 30 試行の平均のグラフである。 反復回数 50 回付近で、gbest の値の優劣が入れ替わっている。

同様の実験をw=0.65からw=0.85まで0.04刻みで行った結果、どれも最初は小さいwが大きいwより優れ、ある反復回数を境に、大きいwが小さいwより優れるという結果になった。Sphere でも同様の結

表3 反復回数に対して最適化されたwの平均

	反復回数	w
	50	0.769
Sphara	100	0.834
Sphere	150	0.853
	200	0.863
	50	0.650
Dogtnicin	100	0.759
Rastrigin	150	0.772
	200	0.808

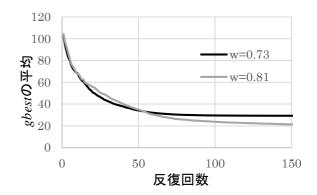


図 3 異なる w における gbest 平均の変化 果が得られた。

以上のことから、反復回数を増加させると ES で 最適化されたwが増加する理由は、大きいwは探索 の速度は遅いが、反復回数が大きくなると、小さい wより優れた解を発見できるためだと考えられる。

# 5. おわりに

ES を用いて PSO のパラメータを最適化し、PSO のパラメータの性質を分析した。実験結果から、最適な $w \geq c_1$ 、 $w \geq c_2$ の組み合わせには負の相関があること、最適なwは反復回数とともに増加することがわかった。今後の課題は、これらの知見をパラメータ決定へ応用することである。

#### 参考文献

[1] M. Jiang, Y.P. Luo, & S.Y. Yang, Stochastic convergence analysis and parameter selection of the standard particle swarm optimization algorithm, Information Processing Letters 102, 2007, pp. 8–16. [2] Kennedy,J., Eberhart,R.: Particle swarm optimization, IEEE international conference on neural networks,Vol.4, 1995, pp. 1942–1948.

[3] Hans Georg Beyer, Hans Paul Schwefel. Evolution strategies: A comprehensive introduction. Natural Computing 1, Kluwer Academic Publishers, 2002. pp. 9–18

[4] 横田裕史, 増田和明, 栗原謙三, Particle Swarm Optimization のパラメータ選択による探索挙動の定量的解析, 第 54 回自動制御連合講演会, 2011, p.1174