

離散事象系モデリングの一手法について

5W-3

猪股 俊光, 橋爪 進, 小野木 克明, 西村 義行  
豊橋技術科学大学 工学部

1. ま え が き

離散事象系のモデルとしては, 種々のシミュレーション言語, ペトリネット, あるいはそれに類するものなどがあるが, まだシステムの構造解析や設計に繋がるまでに体系化が進められているとはいえない。

そこで筆者らは, 離散事象系の解析・設計法の基礎となるモデルの開発を目指して, 一つのモデル, 事象ファイルグラフ [EFG: Event File Graph] を考え, これを中間言語とする3種のシミュレーション言語 (BSF, GPSS, ECL) 間のトランスレータを試作することによって, EFGがこれらを含む表現能力を有することを示した<sup>1)</sup>。特に, EFGは離散事象系が非決定性を含んでいればそれをそのまま表現することが可能である。

ここでは, EFGの解析能力に関する考察結果について述べる。

2. 離散事象モデル: EFG

EFGは2種類のノード(事象の集合E, ファイルの集合F)からなる2部有向グラフである。集合Fは, ステートファイルの集合Qとタイマーファイルの集合Dに分割される。各事象  $e_i \in E$  には生起の条件を表す論理関数  $\Lambda_i$  と生起に伴ってステートファイルが変化する規則  $\Gamma_i$  が対応する。ただし,  $q_k \in Q$  から  $e_i$  に向かうアークが存在するとき  $q_k$  は  $\Lambda_i$  の引数となり,  $e_i$  から  $q_j$  へのアークが存在するとき  $e_i$  の生起に伴って規則  $\Gamma_i$  によって  $q_j$  の内容が変化するものとする。また,  $e_i$  から  $d_j \in D$  にアークが存在するとき,  $e_i$  の生起に伴ってタイマーファイルが起動されて  $\tau_{ij}$  時間(タイマー継続時間)経過したのち,  $d_j$  から出るアークの指す事象が生起するものとする。入力ファイルがステートファイルの事象をステートイベント, タイマーファイルの事象をタイムイベントという。

図1に単一窓口待ち行列システムのEFGによるモデリングの例を示す。

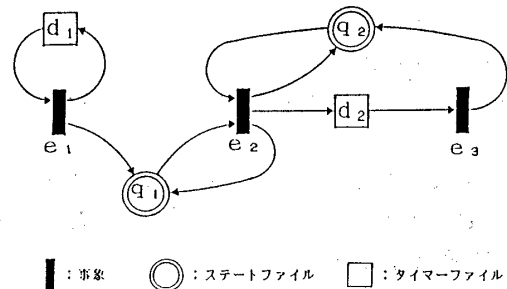


図1 単一窓口待ち行列システムのEFG

なお, EFGから次のようにして Schruben<sup>2)</sup>の事象グラフ [EG: Event Graph] (E, A) を抽出することができる: EFGにおいて,  $e_i$  から  $e_j$  への初等的なパスが存在するとき, EGにおいて  $e_i$  から  $e_j$  へのアーク  $a_{ij}$  を設ける。A はこのようにして作られたアーク  $a_{ij}$  の全体の集合である。図2にEFG(図1)から抽出されるEGを示す。

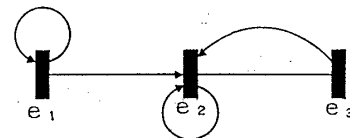


図2 図1のEFGから抽出されるEG

3. EFGとEGによるシステムの構造解析

3.1 EFGによる非決定性の抽出

一つのステートファイルから複数個のステートイベントへのアークが存在する部分を見いだすことにより, 系の持つ非決定性を抽出することができる。例えば図3において, ステートファイル  $q_2$  から事象  $e_1, e_2$  へのアークが存在することから, 事象  $e_1, e_2$  とステートファイル  $q_1, q_2, q_3$  の状況に応じて, 事象  $e_1, e_2$  の発生について衝突が起こり得ることがわかる。

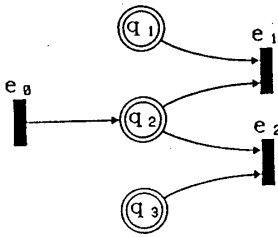


図3 衝突の可能性のある事象

3.2 EGによる解析

前述のようにEFGからEGが抽出できるので、Schrubenにより開発された次のような解析が可能である<sup>2)</sup>。

- i) 必要な状態変数(ファイル)の決定。
- ii) EGを強連結成分に分解することによる開始事象の抽出。
- iii) 同時に発生可能なタイムイベントの抽出。
- iv) 独立でない事象の抽出によるEGの縮約。

筆者らは、iv)のEGの縮約を行うための一つのアルゴリズムを作成したので以下に述べる。

<EGの縮約のアルゴリズム: 図4>

- ① EGのアーキに時間の重みを付け、重み付き隣接行列  $S = (s_{ij})$  を求める。

$$s_{ij} = \begin{cases} \infty & e_i \text{ から } e_j \text{ へのアーキが存在しないとき。} \\ 0 & e_j \text{ がステートイベントであるとき。} \\ \tau_{ij} & e_j \text{ がタイムイベントであるとき、ただし、} \tau_{ij} \text{ はアーキ } a_{ij} \text{ のタイムファイル継続時間。} \end{cases}$$

- ②  $S^{*(i)}$  を求める ( $i=n-1: n$  は  $S$  の次数)。
- ③ 開始および終了事象以外に対応する  $S$  の列で、対角要素以外に  $\infty$  と  $0$  しか値としてもたないノード集合  $K$  を求める。
- ④  $k \in K$  について次のことを行う。  
 $S^{*(i)}$  の  $k$  行  $k$  列を除くと共に、 $S^{*(i)}$  の添字  $k$  も取る。
- ⑤ ④で求めた行列をもとにEG' をかく。

ここで、 $S^{*(i)}$  の演算を次のように定義する<sup>3)</sup>。

$$S^{*(i)} = S^{*1} + S^{*2} + \dots + S^{*i}$$

$+$  は最小和で、 $X + Y = Z$  の  $a$  行  $b$  列の元を

$$z_{ab} = \min_b (x_{ab}, y_{ab})$$

とする。

また、 $S^{*i} = \underbrace{S * S * \dots * S}_{i \text{ 個}}$  の  $*$  は最小

積であり、 $X * Y = Z$  の  $a$  行  $c$  列の元を

$$z_{ac} = \min_b (x_{ab} * y_{bc})$$

とする。ただし、

$$x_{ab} * y_{bc} = \begin{cases} \infty & x_{ab} \text{ と } y_{bc} \text{ のいずれかが } \infty \text{ のとき。} \\ x_{ab} + y_{bc} & x_{ab} \text{ と } y_{bc} \text{ がともに } \infty \text{ でないとき。} \end{cases}$$

また、最小積を求めるとき、各元に次のような規則で添字を与えていくものとする。

$$x_{im} * y_{mn} = z_{imn}$$

②  $S^{*(2)} = S^{*1} + S^{*2}$

$$= \begin{bmatrix} 10_{11} & 0_{12} & \infty \\ \infty & 0_{32} & \infty \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 20_{11} & \infty & 20_{123} \\ \infty & 20_{232} & \infty \\ \infty & \infty & 20_{223} \end{bmatrix}$$

$$= \begin{matrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 10_{11} & 0_{12} & 20_{123} \\ 2 & \infty & 20_{232} & 20_{23} \\ 3 & \infty & 0_{32} & 20_{323} \end{matrix}$$

③  $K = \{2\}$

④ 2行2列を除く

$$S^{*(2)} = \begin{matrix} 1 & 3 \\ 1 & 10_{11} & 20_{13} \\ 3 & \infty & 20_{33} \end{matrix}$$

⑤ EGをかく

図4 EGの縮約

4. あとがき

考案したEFGの解析から、衝突する可能性のある事象の組の抽出が可能であることを指摘した。

また、EFGからSchrubenのEGを抽出することができ、従って開始事象などの解析が可能となることを指摘した。特に、EGの縮約からはシステムをモデル化する際に必要最小限の事象の組が求められる。

参考文献

- 1) 猪股,橋爪,小野木,西村: "ある離散事象モデルを用いたシミュレーション言語間のトランスレータの試作", SICE'86, pp.279-280.
- 2) Schruben, L: "Simulation Modeling with Event Graphs", Communications of the ACM, Vol.26, No.11, 1983.
- 3) 小野寺力男: "グラフ理論の展開と応用", 森北出版, 1973.