

階層統合型粗粒度タスク並列処理における タスク階層決定手法

吉 田 明 正[†]

本稿では、マルチプロセッサを対象とした階層統合型粗粒度タスク並列処理において、実行時間最小化を目指したタスク階層の決定手法を提案する。階層統合型粗粒度タスク並列処理では、階層ごとにタスク間並列性を抽出した後、ダイナミックスケジューラが全階層のタスクを統一的にプロセッサに割り当てることにより、階層を越えたタスク間並列性を利用することが可能である。本手法では、さらなる性能向上を実現するために、各階層の並列度とスケジューリングオーバーヘッドを考慮し、上位階層で十分な並列性を確保できるプログラムにおいては、下位階層のタスク集合を1回のダイナミックスケジューリングによりプロセッサに割り当てる方針をとる。ランダムマクロタスクグラフを用いた性能評価の結果、提案手法は並列実行時間を最小化しており、その有効性が確認された。

A Task-Layer Decision Scheme in Coarse Grain Task Parallel Processing

AKIMASA YOSHIDA[†]

This paper proposes a task-layer decision scheme to minimize the execution time in the layer-unified coarse grain task parallel processing on multiprocessors. In this parallel processing, the parallelism among tasks of each layer are exploited, and a dynamic scheduler assigns the ready tasks of all layers to processors simultaneously, so that the parallelism between different layers can be utilized. In this scheme, in order to improve the performance, considering the parallelism of each layer and the scheduling overheads, a set of lower-layer tasks may be assigned to a processor by one-time dynamic scheduling when the program has the enough upper-layer parallelism. The performance evaluations using the random macrotask graphs showed that the proposed scheme could minimize the parallel execution time.

1. はじめに

近年、マルチプロセッサやマルチコアプロセッサ上での並列処理手法として、ループ並列処理^{1),2)}や、ループやサブルーチン等の粗粒度タスク間の並列性^{3)~5)}を利用する粗粒度タスク並列処理が広く用いられている。

粗粒度タスク並列処理^{5),8)}では、粗粒度タスク間の並列性を並列化コンパイラが抽出して階層型マクロタスクグラフを生成し、各階層の粗粒度タスクを、グルーピングしたプロセッサに階層的に割り当て並列処理を行っていた。この場合、対象プログラム中の各階層の粗粒度タスクは、その階層を処理すべきプロセッサグループに割り当てられて実行されるため、十分な台数のプロセッサを確保できない場合には、対象プログラムに内在する全階層の粗粒度タスク間並列性を利用できない可能性がある。

そこで、粗粒度タスク並列処理で用いられている階層型マクロタスクグラフ⁵⁾を利用しつつ、対象プロ

ラム中の異なる階層の粗粒度タスクを統一的に取り扱い、異なる階層にまたがった粗粒度タスク間並列性を最大限に利用する階層統合型実行制御手法^{6),7)}が提案されている。

本稿では、この階層統合型実行制御を伴う粗粒度タスク並列処理において、各階層の並列性とダイナミックスケジューリングオーバーヘッドを考慮し、実行時間を最小化するタスク階層決定手法を提案する。本手法では、上位階層に並列性が多いプログラムの場合、上位階層タスクがプロセッサを多く確保するため、下位階層タスクが使用できるプロセッサ数は制限される。このような場合には、下位階層タスク集合を1タスクのように取り扱い、1回のスケジューリングで1プロセッサに割り当て、ダイナミックスケジューリングオーバーヘッドを軽減する。

本稿の構成は以下の通りとする。第2章では階層統合型粗粒度タスク並列処理の概要を述べる。第3章では並列度を考慮したタスク階層決定手法について述べる。第4章では、ランダムマクロタスクグラフを用いたシミュレーション実行により、タスク階層決定手法の性能を評価する。第5章でまとめを述べる。

[†] 東邦大学理学部情報科学科

Department of Information Science, Toho University

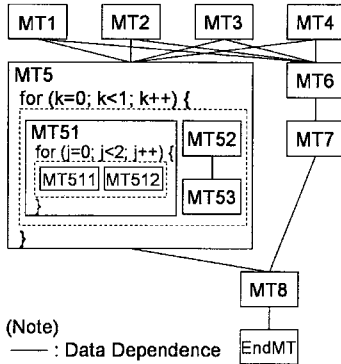


図1 階層型マクロタスクグラフ (MTG) .

2. 階層統合型粗粒度タスク並列処理

階層統合型粗粒度タスク並列処理では、粗粒度タスク並列処理手法⁵⁾ で用いられている並列性抽出技術を用いて、階層型マクロタスクグラフ (MTG) を生成し、その階層型 MTG に対して階層開始マクロタスク⁶⁾ を導入する。その後、全階層のマクロタスクを統一的に取り扱い、最早実行可能条件を満たした粗粒度タスク (マクロタスク) から順に、プロセッサに割り当てるダイナミックスケジューリングルーチン生成する^{5),6)}。

ここで、従来の粗粒度タスク並列処理⁵⁾ (階層型実行制御方式と呼ぶ) では、各階層のマクロタスク (MT) は、プロセッサグループ (PG) に階層的に割り当てられて実行される。例えば、図1のように、第1階層が MT1~MT8、MT5 内部の第2階層が MT51~MT53、MT51 内部の第3階層が MT511~MT512 (ループでそれぞれ2回実行される) で構成されているプログラムを、2PG*2PE (各 PG は 2PE 構成で計 4PE) 上で実行したイメージは、図2(a) のようになる。

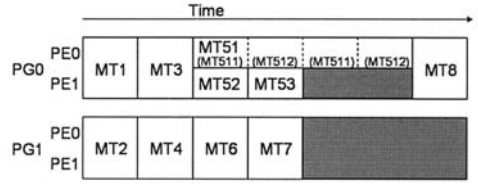
それに対して、階層統合型粗粒度タスク並列処理⁶⁾ では、図2(b) に示すように、全階層のマクロタスクが統一的に取り扱われ、異なる階層のマクロタスク間並列性が最大限に利用される。

2.1 対象アーキテクチャ

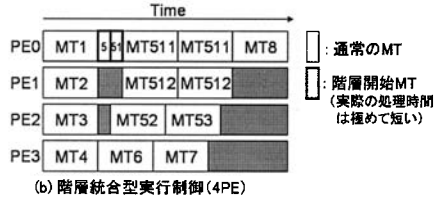
階層統合型粗粒度タスク並列処理⁶⁾ は、現在までに、共有メモリ型マルチプロセッサ (SMP) やマルチコアプロセッサにおいて、Pthread や OpenMP を用いて実装されている。また、PC クラスタ上においても、MPI を用いて実装されている⁷⁾。

2.2 粗粒度タスク並列処理のための並列性抽出

粗粒度タスク並列処理⁵⁾ は、階層的にループやサブルーチン等の粗粒度タスク間の並列性を抽出し、粗粒度タスク (マクロタスク) をプロセッサあるいはプロセッサグループに割り当て並列処理する方式である。



(a) 従来の階層型実行制御 (2PG*2PE)



(b) 階層統合型実行制御 (4PE)

図2 粗粒度タスク並列処理の実行イメージ。

粗粒度タスク並列処理による実行では、まず、プログラム (全体を第0階層マクロタスクとする) を第1階層マクロタスク (MT) に分割する。マクロタスクは、擬似代入文ブロック (基本ブロック)、繰り返しブロック (ループ)、あるいは、サブルーチンブロックの3種類から構成される⁵⁾。次に、第1階層マクロタスク内部に複数のサブマクロタスクを含んでいる場合には、それらのサブマクロタスクを第2階層マクロタスクとして定義する。同様に、第L階層マクロタスク内部において、第(L+1)階層マクロタスクを定義する。ここで、繰り返しブロックが Doall ループ (あるいはリダクションループ) である場合には、粗粒度並列性を向上させるために、複数の部分 Doall ループに分割し、それらを別々のマクロタスクとして定義する。

マクロタスク生成後、各階層のマクロタスク間の制御フローとデータ依存を解析し、階層型マクロタスクグラフ⁵⁾ を生成する。次に、制御依存とデータ依存を考慮したマクロタスク間並列性を最大限に引き出すために、各マクロタスクの最早実行可能条件⁵⁾ を解析する。最早実行可能条件は、制御依存とデータ依存を考慮したマクロタスク間の並列性を最大限に表しており、マクロタスクの実行制御に用いられる。

例えば、図1の MT5 の最早実行可能条件は、 $1 \wedge 2 \wedge 3 \wedge 4$ と求められ、MT5 は MT1~MT4 の実行終了後に実行可能となることを表している。各階層のマクロタスクの最早実行可能条件は、図1のような階層型マクロタスクグラフ (MTG)⁵⁾ によって表すことが可能である。

2.3 階層開始マクロタスク

粗粒度タスク間並列性を抽出した後、階層統合型実行制御⁶⁾ を適用する場合、全階層のマクロタスクを統一的に扱うため、階層開始マクロタスクを導入する。第L階層マクロタスクを内部に持つ上位の第(L-1)階層マクロタスクを、第L階層用の階層開始マクロタスクとして取り扱う。この階層開始マクロタ

スクは、内部の第 L 階層マクロタスクの実行を開始するために使用される。この階層開始マクロタスクの導入により、当該階層のマクロタスクの実行が可能になったことが保証され、全階層のマクロタスクを同時に取り扱うことが可能となる。

例えば、図 1 の MT5 の場合、内部に第 2 階層 MT (MT51, MT52, MT53) を含んでおり、MT5 は第 2 階層用の階層開始マクロタスクとして扱われる。同様に、MT51 の場合、内部に第 3 階層 MT (MT511, MT512) を含んでおり、MT51 は第 3 階層用の階層開始マクロタスクとして扱われる。

2.4 最早実行可能条件の階層統合型変換

階層開始マクロタスクの導入により、従来の階層ごと求めた最早実行可能条件⁵⁾を階層統合型実行制御用に変換する。具体的には、第 L 階層マクロタスクの最早実行可能条件が「true」（即ちその階層が実行可能になればすぐに実行可能）である場合、その条件を「第 L 階層用の階層開始マクロタスク MT_i の終了」に置き換える。

図 1 の場合、第 2 階層の MT51 と MT52 の最早実行可能条件は、従来の階層型実行制御用では「true」であるため、階層統合型実行制御用では「その階層の階層開始マクロタスク MT_5 の終了」と置き換える。なお、本方式では、階層開始マクロタスクとしての MT_i の実行終了を表す終了ステートは、階層開始マクロタスク自身に発行させ、 MT_i 内部の第 L 階層の実行終了を表す終了ステートは、第 L 階層の ExitMT に発行させている。

2.5 階層統合型実行制御によるマクロタスクスケジューリング

階層統合型実行制御によるマクロタスクスケジューリングでは、各マクロタスクはその最早実行可能条件⁵⁾が満たされた後、レディマクロタスクキューに投入され、プライオリティの高い (Critical-Path (CP) 長の大きい) マクロタスクから順にレディマクロタスクキューから取り出されてプロセッサに割り当てられる。

階層統合型実行制御では、全ての階層のマクロタスクが統一的に取り扱われ、それぞれのプロセッサ (グルーピングなし) に割り当てられ実行される。例えば、図 1 の階層型マクロタスクグラフの場合、図 2(b) に示すように、MT1~MT8 の第 1 階層マクロタスク、MT5 内部の MT51~MT53 の第 2 階層マクロタスク、MT51 内部の MT511~MT512 の第 3 階層マクロタスクを統一的に取り扱い、それらを各プロセッサに割り当てて実行することが可能となる。

3. 並列度を考慮したタスク階層決定手法

階層統合型粗粒度タスク並列処理では、通常、全ての階層のマクロタスクをスケジューリングの対象とすることにより、プログラム中の並列性を最大限に利用

することが可能となる。しかしながら、対象プログラムの上位階層のマクロタスク間並列性が、全プロセッサ (PE) を有効利用するのに十分な場合、下位階層のマクロタスク間並列性を利用する必要はない。そこで、本手法では、上位階層のマクロタスクグラフ (MTG) から順に利用できる並列性を解析し、十分な並列性を確保できた段階で、その階層のマクロタスクを最下位階層マクロタスク (その内部のマクロタスクに対してはダイナミックスケジューリングを適用しない) と定義し、そのマクロタスクを 1 回のダイナミックスケジューリングで PE に割り当てる。この結果、並列性を最大限に利用した上で、ダイナミックスケジューリングオーバーヘッドを軽減することが可能になる。

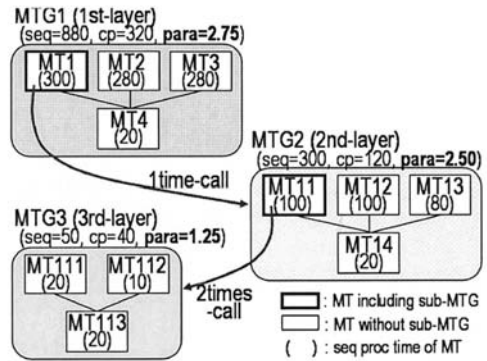


図 3 階層型マクロタスクグラフの並列度。

3.1 並列度による最下位階層 MTG 候補の検出

本手法では、各階層の MTG_i に対して、 MTG_i のクリティカルパス長 (入口ノードから出口ノードまでの最長パス長) CP_{MTG_i} と、 MTG_i の逐次処理時間 Seq_{MTG_i} を算出し、 MTG_i の並列度 (MTG_i の平均的な粗粒度タスク間並列性) $Para_{MTG_i}$ を、 Seq_{MTG_i}/CP_{MTG_i} として求める。ここで、 CP_{MTG_i} は PE 数が無制限の場合の MTG_i の最小処理時間であり、 Seq_{MTG_i} は 1PE で実行した処理時間となる。各マクロタスクの処理時間は逐次処理時間を用いる。

次に、上位階層の MTG_i から順に、その並列度 $Para_{MTG_i}$ を、 MTG_i の処理に必要な PE 数として確保する。下位階層の MTG_j を並列実行するときには、その MTG を呼び出す上位階層マクロタスクの 1PE も使用することができるため、 MTG_j のために別途必要な PE 数は、 $Para_{MTG_j} - 1$ となる。このとき、PE に余りがなくなった、あるいは、 MTG_j が他 MTG の呼出しをもたない場合には、その MTG_j は最下位階層 MTG 候補として定義され、 MTG_j 内部のマクロタスクは最下位階層マクロタスク候補となる。

例えば、図 3 の階層型マクロタスクグラフは、3 階層構成となっており、MTG1 の MT1 が MTG2 を 1 回呼び出し、MTG2 の MT11 が MTG3 を 2 回転分

呼び出している。仮に3PE実行とすると、MTG1がその並列度 $para = 2.75$ を実現するために2.75PEを確保し、次にMTG2が並列度 $para = 2.50$ に相当するPE数の確保を試みる。このとき、剰余PE数は $3.00 - 2.75 = 0.25$ であり、MTG2を呼び出すMT1用の1PEを加えても、1.25PEしか確保できないことになる。それゆえ、MTG2は最下位階層MTG候補となる。

3.2 並列処理時間を考慮した最下位階層MTGの決定

前節で求めた最下位階層候補の MTG_i は、全PE数分の並列度を得るために、最上位階層からどの階層までの並列性を利用すればよいかを求めたものである。しかしながら、最下位階層MTG候補を最下位階層MTGと定義するのが望ましいかどうかを、スケジューリング時間を含めた並列処理時間と逐次処理時間を比較することにより判定する。

ここで、最下位階層候補 MTG_i の逐次処理時間を Seq_{MTG_i} 、1つのMTを割り当てるのに要するダイナミックスケジューリング時間を $ScheCost$ 、 MTG_i 用として確保できるPE数（上位階層の1PEを含む）を $GivenPE_{MTG_i}$ 、 MTG_i を構成するマクロタスク数を $MTnum_{MTG_i}$ と表現する。このとき、スケジューリングオーバーヘッドを考慮した並列処理時間は、 $MAX(CP_{MTG_i}, Seq_{MTG_i} / GivenPE_{MTG_i}) + ScheCost * MTnum_{MTG_i} / GivenPE_{MTG_i}$ として算出される。

MTG_i の逐次処理時間が並列処理時間より短い場合には、 MTG_i を1PEで実行した方が処理時間が短縮可能であるため、 MTG_i の並列性は利用されことなく、 MTG_i を呼び出した上位マクロタスクが最下位階層マクロタスクとして定義され、この MTG_i は1PEで実行されることになる。

但し、 $(MTG_i \text{ の逐次処理時間}) * (\text{上位マクロタスクからの呼び出し回数})$ が、全処理時間に対して大きな割合を占める場合には、PE間の負荷アンバランスを招く可能性がある。そこで、本インプリメントでは、 $(MTG_i \text{ の逐次処理時間}) * (\text{上位マクロタスクからの呼び出し回数})$ が $(\text{全処理時間} / (2 * PE))$ より大きい場合には、負荷バランスを配慮して、 MTG_i を呼び出した上位マクロタスクを最下位階層マクロタスクと定義しない。即ち、 MTG_i は、通常通り並列処理の対象となる。

前節で求めた図3の最下位階層候補MTG2の場合、 $GivenPE_{MTG2} = 1.25$ 、 $ScheCost = 10[u.t]$ とすると、その並列処理時間は逐次処理時間より短くなるので、並列処理適用の最下位階層となる。一方、MTG2のMT11から呼び出されるMTG3には逐次処理が適用される。

4. タスク階層決定手法を伴う階層統合型粗粒度タスク並列処理の性能評価

4.1 評価用マクロタスクグラフによる性能評価

本節では、図4のコールグラフで表される3種類の6階層マクロタスクグラフ Type-I (4width-6layer)、Type-II' (Single-4descendant-6layer)、Type-III (Perfect-4descendant-6layer) と、3種類の4階層マクロタスクグラフ Type-I' (8width-4layer)、Type-II' (Single-8descendant-4layer)、Type-III' (Perfect-8descendant-4layer) を用いて性能評価を行う。Type-I'~Type-III'の形状は、Type-I~Type-IIIの形状にそれぞれ対応しており、descendant数(1つのMTGから呼び出す下位階層MTG数)を4から8に変更し、layer数(最大階層数)を6から4に変更した形となっている。

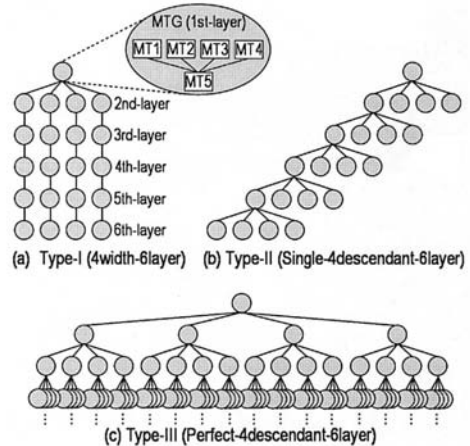


図4 評価用マクロタスクグラフのコールグラフ。

図4(a)のType-Iの場合、円ノードはMTGを表しており、21個のMTG(それぞれはMT1~MT5)から構成されている。各マクロタスクの処理時間は、下位階層MTGの呼び出しをもたない場合 $100[u.t]$ とし、一方、下位階層MTGの呼び出しをもつ場合には、下位階層MTGの処理時間*繰返し回数(2回転)をMT処理時間としている。第1階層(最上位階層)のMTGでは、その構成要素となるMT1~MT4までが、直接descendantのMTG(for文のボディに相当)を2回転呼び出している。第2階層~第5階層のMTGは、それぞれMT1~MT5から構成されており、MT1のみが直接descendantのMTGを2回転呼び出すものとする。

図4(b)のType-IIの場合にも、円ノードはMTGを表しており、21個のMTGから構成されている。各MTGはMT1~MT5より構成されており、各階層

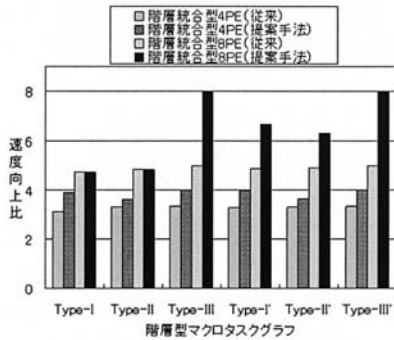


図5 評価用マクロタスクグラフの階層統合型実行.

で1つのMTG(そのMTGのMT1)が下位階層のMTGを2回転分呼び出している。図4(c)のType-IIIの場合、1365個のMTG(それぞれMT1~MT5より構成)からなっており、全てのMTG(そのMTGのMT1)が、下位階層のMTGを2回転分呼び出している形となる。

本性能評価では、6種類の上記マクロタスクグラフに対して、提案手法を伴う階層統合型粗粒度タスク並列処理を適用し、シミュレーションにより評価する。本シミュレーションでは、共有メモリ型マルチプロセッサシステムでの分散型ダイナミックスケジューリング実装をモデル化しており、各PEで実行されるダイナミックスケジューラは、共通のレディマクロタスクキューをアクセスするため、排他的に動作するものとしている。ダイナミックスケジューリング時間は、対象となる階層型マクロタスクグラフの最下位マクロタスクの平均処理時間の20%をスケジューリング処理時間としている。

図5はシミュレーションによる実行結果を表しており、提案するタスク階層決定手法を適用すると、4PEの場合は全種類のマクロタスクグラフにおいて、4倍近い速度向上(1PEの逐次処理時間比)が得られており、低オーバーヘッドで並列性が十分に引き出されていることが分かる。また、8PE実行の場合、Type-IやType-IIのマクロタスクグラフでは、8PEを利用するだけの十分な並列性がないため、プロセッサが余剰となった状況にあり、提案するタスク階層決定手法を適用しても処理時間は適用前と同じになっている。一方、Type-III, Type-I'~Type-III'のように並列性が大きいプログラムでは、タスク階層決定手法の効果が非常に大きく、プロセッサ数にスケラブルな性能が達成されていることが分かる。

次に、ダイナミックスケジューリング処理時間を、最下位階層マクロタスクの平均処理時間の0%から30%まで変動させて評価を行う。図6は、Type-II'(Single-8Width-4Layer)のマクロタスクグラフを8PE実行し

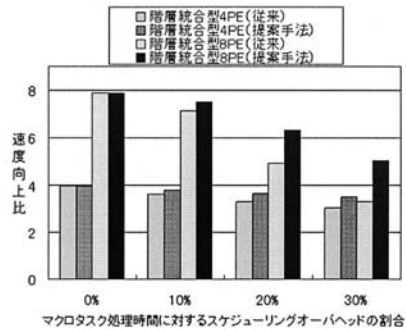


図6 Type-II'(Single-8Width-4Layer) グラフの8PE実行.

たものであり、1回のダイナミックスケジューリング時間を、Type-II'プログラムの最下位階層マクロタスクの処理時間(100[u.t.])の0%、10%、20%、30%と可変にしている。スケジューリングオーバーヘッドが増すと、従来手法では速度向上比が極端に低下しているが、提案手法では最下位階層マクロタスクの定義を適切に行うことにより、ダイナミックスケジューリングオーバーヘッドが軽減されており十分な速度向上が達成されている。

以上の結果から、提案手法は、プロセッサ数が増加した場合やスケジューリング時間が増加した場合にも、並列性を有効利用しつつダイナミックスケジューリングオーバーヘッドを軽減することが可能であり、顕著に処理時間が短縮されることが確かめられた。

表1 ランダムマクロタスクグラフ生成パラメータ.

パラメータ	値
最大階層数	6
MTG内MTの下位階層MTG生成率	0~40[%]
下位階層MTGの繰返し回数	1~2
各MTGの幅	1~16
各MTGの高さ	1~4
先行データ依存エッジ数	1~4
最下位階層マクロタスクの処理時間	1~100[u.t.]

4.2 ランダムマクロタスクグラフによる性能評価

本節では、表1のパラメータを用いて、6階層ランダムMTGを20個生成し、シミュレーションにより性能評価を行った。各パラメータは可変の値をとっており、ランダムにその値を選んでMTGを生成している⁸⁾。各MTGから下位階層のMTGを呼び出す割合は0~40%としており、その呼出し回数は1~2としている。呼出し回数が1の場合にはサブルーチン呼出しに相当しており、呼出し回数が2の場合は2回転の収束ループのイメージになる。各階層のMTGにおけるマクロタスクの配置は、幅が1~16、高さが1~4となっており形状的には並列性が大きく見えるが、マクロタスク処理時間のばらつきが大きいいため、各階層

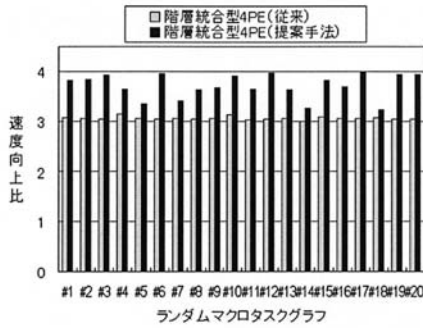


図7 ランダムマクロタスクグラフの4PE上での階層統合型実行.

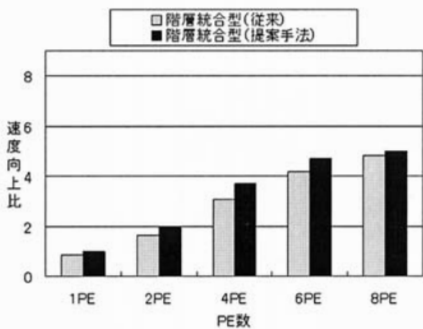


図8 ランダムマクロタスクグラフの階層統合型実行 (20 グラフ平均値).

の並列度は低い。

本評価では、これらのランダム MTG を、階層統合型粗粒度タスク並列処理 (提案手法の適用有無) によりシミュレーション実行する。なお、ダイナミックスケジューリングオーバーヘッドは、最下位階層マクロタスクの平均処理時間の 20% としている。

図7は、6階層のランダムマクロタスク (20例) を4PE上でのシミュレーション実行した結果であり、提案手法の適用により、ダイナミックスケジューリングオーバーヘッドが軽減され、9例で20%以上の速度向上が得られている。

次に、プロセッサ数を1~8まで変動させ、前述の20例のランダムマクロタスクグラフの平均値を取ったものを図8に示す。本評価で生成した20例のランダムマクロタスクグラフは、各階層の並列度が小さいにもかかわらず、4PEで17%、6PEで10%、8PEで3%の性能向上が得られており、並列性を利用しつつダイナミックスケジューリングオーバーヘッドが大幅に軽減されていることが分かる。

5. おわりに

本稿では、階層統合型粗粒度タスク並列処理において、マクロタスク並列度を用いたタスク階層決定手法を提案した。階層統合型粗粒度タスク並列処理では、従来、全ての階層のマクロタスクがダイナミックスケジューリングの対象となっていたが、本手法では上位階層で十分な並列性が得られた場合に、下位階層のマクロタスク集合は1回のダイナミックスケジューリングでプロセッサに割り当てることにより、ダイナミックスケジューリングオーバーヘッドを大幅に減らすことが可能である。

6階層ランダムマクロタスクグラフを用いたシミュレーションによる性能評価の結果、提案するタスク階層決定手法の適用により、並列性を利用しつつ、ダイナミックスケジューリングオーバーヘッドを軽減することが可能であり、階層統合型粗粒度タスク並列処理の有効性が確かめられた。

今後の課題としては、ベンチマークプログラムを用いて有効性を評価することがあげられる。

参考文献

- 1) M. Wolfe. High performance compilers for parallel computing. Addison-Wesley Publishing Company, 1996.
- 2) R. Eigenmann, J. Hoeflinger, and D. Padua. On the automatic parallelization of the Perfect benchmarks. *IEEE Trans. on Parallel and Distributed System*, Vol. 9, No. 1, Jan. 1998.
- 3) C. J. Brownhill, A. Nicolau, S. Novack, and C. D. Polychronopoulos. Achieving multi-level parallelization. *Proc. of ISHPC'97*, 1997.
- 4) X. Martorell, E. Ayguade, N. Navarro, et al. Thread Fork/Join techniques for multi-level parallelism exploitation in NUMA multi-processors. *Proc. of International Conference on Supercomputing*, 1999.
- 5) 笠原博徳, 小幡元樹, 石坂一久. 共有メモリアルチッププロセッサシステム上での粗粒度タスク並列処理. *情報処理学会論文誌*, Vol. 42, No. 4, 2001.
- 6) 吉田明正. 粗粒度タスク並列処理のための階層統合型実行制御手法. *情報処理学会論文誌*, Vol. 45, No. 12, 2004.
- 7) 吉田明正. PC クラスタ上での階層統合型粗粒度タスク並列処理. *情報処理学会研究報告*, 2006-HPC-107-22, 2006.
- 8) A. Yoshida. An Overlapping Task Assignment Scheme for Hierarchical Coarse Grain Task Parallel Processing. *Journal Concurrency and Computation: Practice and Experience*, Wiley, Vol. 18, Issue 11, 2006.