

複合化文法における尤度（構文木列の生起確率）は次式から求められる。

$$L_M(\mathbf{p}^{(M)}, \mathbf{c}^{(M)}) = \prod_{k=1}^N \Pr(T_k | \mathbf{p}^{(M)})$$

この尤度が最大になるようなパラメタ $\mathbf{p}^{(M)}, \mathbf{c}^{(M)}$ を Baum 理論を用いて推定する。Baum 理論とは、変数 x の値を更新することによって、多項式 $f(x)$ を極大、あるいは極小にする x の値を求める手法である。複合化文法における尤度は一般に複数の極大値が存在するため、Baum 理論を用いた推定ではパラメタの初期値によって尤度がどの値に収束するかが左右される。

3 パラメタの初期値設定法

ここでは、パラメタの初期値設定法の考え方を示す。

ここで、Baum 理論において初期値となるものを $p_{l \text{ init}}^{(M)}(\delta_{ij}), c_{i \text{ init}}^{(M)}$ 、収束計算を行った後の値を $p_{l \infty}^{(M)}(\delta_{ij}), c_{i \infty}^{(M)}$ とする。

ある適当な $p: P \rightarrow (0, 1]$ に対して

$$\begin{cases} p_{l \text{ init}}^{(M+1)} &= \mathbf{p}^{(M)}, p \\ c_{i \text{ init}}^{(M+1)} &= \mathbf{c}^{(M)}, 0 \end{cases}$$

とすると、

$$\begin{cases} p_{l \infty}^{(M+1)} &= p_{l \infty}^{(M)} \quad (1 \leq l \leq M) \\ c_{i \infty}^{(M+1)} &= c_{i \infty}^{(M)} \quad (1 \leq l \leq M) \end{cases}$$

となり、この場合、複合化度 M と $M+1$ の文法による尤度は等しくなる。そこで、上記の $\mathbf{p}_{\text{init}}^{(M+1)}, \mathbf{c}_{\text{init}}^{(M+1)}$ の値を少し変えたもの (p の与え方としては、 $\mathbf{p}^{(M)}$ の要素の中でどれとも傾向がちがうものに設定し、 $c_{M+1 \text{ init}}^{(M+1)}$ も 0 でない値にする) を初期値として与えてやると、複合化度 M と $M+1$ の文法による尤度は少なくとも異なることが期待できる。そこで、複合化度 $M+1$ の文法による尤度が複合化度 M の文法による尤度より大きくなるように、いろいろな変え方で試す。

具体的には複合化の手順を次のように考える。

まず、 $c_1 = 1, p_1^1(\delta_{ij})$ を最尤推定法により求めた値に設定する。

次に、複合化文法 $G^{(M)}$ から $G^{(M+1)}$ を新たにつくる手法を次のように考える。

$$\begin{aligned} p_{l \text{ init}}^{(M+1)}(\delta_{ij}) &= p_l^{(M)}(\delta_{ij}) \quad (1 \leq l \leq M) \\ p_{M+1 \text{ init}}^{(M+1)}(\delta_{ij}) &= \frac{1 - p_{l_0}^{(M)}(\delta_{ij})}{m_i - 1} \\ c_{M+1 \text{ init}}^{(M+1)} &= \frac{1}{2} \cdot c_{l_0}^{(M)} \\ c_{l_0 \text{ init}}^{(M+1)} &= \frac{1}{2} \cdot c_{l_0}^{(M)} \\ c_l^{(M+1)} &= c_l^{(M)} \quad (1 \leq l \leq M, l \neq l_0) \end{aligned}$$

上式で $l_0 = 1, \dots, M$ においてすべての l_0 に対して $\mathbf{p}_{\text{init}}^{(M+1)}, \mathbf{c}_{\text{init}}^{(M+1)}$ を計算し、それをパラメタの初期値として Baum 理論を用いて収束計算を行ない、尤度 $L_{M+1}(\mathbf{p}_{\infty}^{(M+1)}, \mathbf{c}_{\infty}^{(M+1)})$ が最も大きくなるような $\mathbf{p}_{\infty}^{(M+1)}, \mathbf{c}_{\infty}^{(M+1)}$ をパラメタ $\mathbf{p}^{(M+1)}, \mathbf{c}^{(M+1)}$ として選ぶ。

以上の繰り返し計算を ϵ が十分小さな正数とすると、

$$L_{M+1}(\mathbf{p}^{(M+1)}, \mathbf{c}^{(M+1)}) - L_M(\mathbf{p}^{(M)}, \mathbf{c}^{(M)}) \leq \epsilon$$

となるまで行う（このとき、複合化度は M となる）。

4 最後に

今回、計算機によって発生させた構文木をサンプルにして実験を行なった。実験の結果はおおむね期待されたものであり、提案した初期値設定の手法はうまくいったと言える。今後の課題として、コーパスなどの実際のデータに対して実験を行ない、構文構造の曖昧性がどのくらい解消されるかを確かめる。

参考文献

- [1] 林田 憲昭, 「確率文脈自由文法の複合化」, 九州大学大学院修士論文 (1997)
- [2] 日高 達, 「確率文法」, 情報処理学会誌 Vol.36 No.2(1995)