ばね質量系を利用した 合唱における歌声の F_0 ダイナミクスのモデル化

川岸基成1 宮島千代美1 北岡教英1 武田一哉1

概要:本報告では、合唱における歌声の基本周波数 (F_0)に含まれる動的変動成分 (ダイナミクス)を歌声の 引き込みという観点から分析し、そのモデル化手法について検討を行う. 我々は、他者の歌声を聴きなが ら歌唱することにより生じる影響を歌声の引き込みと考え、1 つの質点と 2 つのばねで構成されるばね質 量系を利用することで、合唱における歌声の F_0 ダイナミクスをモデル化する. モデルパラメータは最急 降下法に基づいて推定され、合唱における歌声の F_0 軌跡を 44.4 cent 以下の RMSE で生成することがで きる. 評価実験では、歌唱力の異なる歌唱者では F_0 ダイナミクスの特徴が異なると考えられるため、推 定されたモデルパラメータを用いて歌唱者識別実験を行い、モデルの有効性を示した.

1. はじめに

合唱では、複数の歌唱者が同時に歌唱を行うため、他者 の歌声から影響を受け、独唱とは異なった歌唱となる。例 えば、独唱時と合唱時では、音色に関する音響特徴である 歌唱ホルマント (singer's formant)[2] のパワーが異なるこ と、合唱では他者の音圧に合わせて歌唱することが Rossing ら [1] により報告されている。また、他者の歌声の音圧が 非常に大きいと自身の音高を精確に制御することが困難と なり、歌唱のパフォーマンスに影響を与えることが報告さ れている [3]. その他にも、ステージの設計や合唱団内の配 置の決定に役立てることを目的として、各歌唱者の好みの 音圧比 SOR(Self-to-Other Ratio) について調査した研究も ある [4], [5]. このような歌唱の違いは、より自然な合唱音 の生成にとって重要な要素であり、歌声情報処理にとって 重要な課題である.

このような他者の行動に適応するような変化は,行動の 「引き込み」[6],[7],[8]と解釈することができ,音楽情報 処理の分野においても様々な側面から研究されている.引 き込みは,工学の分野において相互作用により振動体の位 相や周波数が一致する現象として知られており,2つ以上 の現象が同期に向かうことによる振る舞いの変化と定義す ることができる.文献[9]では演奏者と聴取者の呼吸のリ ズムの相互作用について,文献[10]ではボーカルとギター による共同演奏におけるリズム及び周波数の引き込みにつ いて分析している.文献 [11] では,より人間らしい演奏 を行うアンサンブルシステムの構築を目指し,2者による ピアノ演奏のリズムの相互作用を分析し,モデル化してい る.合唱に関する研究では,歌声の音高の引き込みにかか る時間に着目し,歌唱技量を評価した研究[12]がある.こ のように,合唱や合奏のような共同演奏における演奏者間 の関係について様々な研究が行われており,合奏時におけ る演奏者のリズムの制御を数学的にモデル化した研究もあ る[13].しかしながら,合唱における歌唱の相互作用をモ デル化する研究はほとんど行われていない.

本研究では合唱における歌唱を特徴づける数学的モデル を構築することを目指す.その第一段階として,歌声の基 本周波数 (F_0)に着目し,合唱における F_0 の動的な特徴 (F_0 ダイナミクス)をモデル化することを目的とする.歌声の F_0 軌跡に含まれる動的な特徴には,ビブラート [14], [15] やオーバーシュート [16] などがある.これらの F_0 の動的 な特徴は,音楽表現において主要な役割を果たし,歌声の 知覚に影響を及ぼすことが知られている [17], [18].合唱に おける F_0 ダイナミクスをモデル化することは,合唱歌唱 の振る舞いを特徴付けるための重要な課題の一つである.

 F_0 ダイナミクスに関する研究として,文献 [19] では,目 標とする音高に引きつけられる F_0 の挙動に着目し, F_0 と その導関数で構成される相平面 (F_0 , \dot{F}_0) に F_0 軌跡を描く ことにより,その動的な変動を分布として表現している. ここでは,分布をパラメトリックに表現するために混合ガ ウス分布 (Gaussian Mixture Model: GMM) が利用されて いる.

¹ 名古屋大学大学院情報科学研究科

Graduate School of Information Science, Nagoya University, Aichi, Japan

IPSJ SIG Technical Report





Fig. 1 Schematic of F_0 creation process of singing voice.

$$(F_0, \dot{F}_0) \sim \sum_i \omega_i \mathcal{N}(F_0, \dot{F}_0; \vec{\mu}_i, \vec{\sigma_i}^2)$$
 (1)

加古らは、歌声の F_0 の動的特徴は相平面上に描かれる F_0 軌跡によって特徴付けることができるという考え方を利用 して、独唱時と合唱時では F_0 ダイナミクスが異なること を示した [20].また、ばね質量系を用いて合唱における歌 声の F_0 ダイナミクスを表現するモデルも提案したが、そ のモデルについては深く議論されていない、そこで本稿で は、加古らの提案したモデルに基づいて、他者の歌声を受 聴しながら歌唱した歌声の F_0 ダイナミクスをモデル化す る手法について検討を行い、モデルパラメータの推定手法 について議論する.

ばね質量系は、二次系のダイナミクスを分析する簡単な モデルであり、音声の F_0 軌跡をモデル化するために用い られてきた [21]. このモデルは、音声だけでなく、独唱に おける歌声の F_0 軌跡を表現するモデルとしても用いられ てきた [17], [22], [23], [24]. 歌声の F_0 ダイナミクスを表 現するばね質量系は次式のような二階の微分方程式で表さ れる.

$$\alpha \frac{d^2 y(t)}{dt^2} + \beta \frac{dy(t)}{dt} + \gamma y(t) = u(t)$$
(2)

ここで、u(t) は外力、y(t) は質点の位置を表す. この方程式 を F_0 ダイナミクスに適用する場合、u(t) は目標とする音高 軌跡である楽譜の旋律、y(t) は歌声の F_0 軌跡を表し、入出 力の関係は図1のようになる. α, β 及び γ はこのシステム を特徴づけるパラメータであり、減衰振動や指数減衰など 様々な変動を表現する.加古らが提案したモデルは、引き 込みの影響を受けた歌声の F_0 を表現することを目的とし て、この基本的なばね質量系を1つの質点と2つのばねで 構成される結合システム (One-Mass-Two-Spring(OMTS) system) に拡張したモデルである.

本稿は5つの節から構成され,次節では歌声データの収録と F_0 軌跡の分析について述べる.ここでは,独唱時と合唱時における歌声の F_0 の違いを比較し,合唱時の F_0 が他者の F_0 に近づくことを示す.3節では,合唱における F_0 ダイナミクスを表現するOTMSモデルについての述べ,モデルのパラメータ推定方法について議論する.4節では,モデルの評価実験を行う.最後に,5節で本稿のまとめと今後の展望を述べる.

表 1 F₀ 推定の実験条件

Table 1 Signal analysis conditions for F_0 estimati	on.
--	-----

サンプリング周波数	16 kHz
量子化ビット数	16 bits
窓関数	ハニング窓
窓幅	64 ms
窓シフト長	$10 \mathrm{ms}$
F0 平滑化 (移動平均窓長)	30 ms

2. 合唱における歌声の *F*₀ 軌跡

2.1 収録データ

本稿では、合唱における歌声の F₀の動的変動成分を歌 声の引き込みという観点から議論する. Fo の引き込みを 分析するため、次のような条件の下、斉唱における6名の 歌声を収録した.歌唱者は、大学の混成合唱団に所属する 歌唱訓練歴 3-7 年の男性 (経験者)3 名と, 歌唱訓練を積ん でいない男性 (素人)3名である.歌唱曲は「ふるさと」と し、その1番のバスパートを用い、低残響室において収録 した. 各歌唱者はそれぞれ, 事前に収録した同じパートの 歌声 (随伴歌唱) と伴奏をヘッドホンで聴きながら3回ずつ 歌唱した. 伴奏音は、合唱パート練習用の Chorus ONTA Vol.10 の CD に収録された音源を用いた. 随伴歌唱は, 3 名とは別の経験者が伴奏と同 CD に収録されたプロの声楽 家の歌声をヘッドホンで聴きながら歌唱した歌声である. また、伴奏をヘッドホンで聴きながら歌唱した独唱の歌声 も収録した.つまり合計で、6名の各歌唱者の独唱3回と 随伴歌唱受聴時の歌唱 (合唱)3 回を収録した.

2.2 F₀ 軌跡の分析

収録した歌唱データを用いて独唱時と合唱時における F_0 軌跡の違いについて分析を行う.歌声の F_0 軌跡は,河 原ら [25] の提案した TANDEM-STRAIGHT を利用して推 定した. F_0 推定の条件を表1に示す.なお,本稿では F_0 の周波数 [Hz] は,式(3)を用いて対数スケールの周波数 [cent] に変換する.

$$f \text{ [cent]} = 1200 \log_2 \frac{f \text{ [Hz]}}{440 \times 2^{\frac{3}{12}-5}}$$
 (3)

このように対数スケールに変換することで、半音が 100 cent に対応する.

図2は、独唱時及び合唱時における F_0 軌跡と、その相平 面表現の例である[19]、[26]. 図2には、楽譜の旋律情報及 び随伴歌唱の F_0 軌跡も示してある. F_0 - \dot{F}_0 構成の相平面 の図より、独唱時と比較し、合唱時の渦軌跡の中心が随伴 歌唱の中心に近づいたことがわかる. これは、合唱歌唱に おいて F_0 の引き込みが生じた典型的な結果であると考え られる. そこで随伴歌唱を受聴することによる F_0 の変化 を議論するために、独唱及び合唱における歌声の音高(F_0)

表 2 dの平均 μ と標準偏差 σ Table 2 Average μ and standard deviation σ of d

	μ [c	ent]	σ [cent]		
	独唱	合唱	独唱	合唱	
素人	25.18	22.81	38.13	37.27	
経験者	12.72	7.93	34.93	33.08	



図 2 独唱時及び合唱時における F_0 軌跡,上段: F_0 - \dot{F}_0 構成の相 平面上に描かれる独唱時の F_0 軌跡. 点線:楽譜の旋律情報 (SCORE),実線 (グレー):随伴歌唱音高 (ACC),破線:独 唱時の F_0 (SOLO),実線 (黒):合唱時の F_0 (CHORUS).

Fig. 2 Melodic contours (top) and corresponding phase plane for F_0 - \dot{F}_0 in solo and chorus singing (middle and bottom). Dotted line: original musical score (SCORE); solid gray line: accompanying vocal (ACC); dashed line: solo singing (SOLO); solid black line: chorus singing (CHORUS).

と随伴歌唱音高(V)との差を計算した.

$$d(t) = V(t) - F_0(t)$$
 (4)

素人と経験者のカテゴリ別に計算した d(t) の平均と標準偏 差を表2に示す.平均と分散についてt検定及びF検定を 行った結果,独唱時と合唱時の間に1%の有意水準で有意 差があることが確認された.この結果より,合唱歌唱では 随伴歌唱を受聴することによる影響が生じることが明らか となった.また,合唱における d(t)の標準偏差が減少した ことから,統計的に歌唱者の歌声の音高は随伴歌唱に近づ くといえる.





3. 合唱における歌声の F₀ ダイナミクスの モデル化

3.1 合唱歌唱の OMTS モデル

前節において,合唱歌唱時の音高が随伴歌唱音高に近づ くことが統計的に確認された.そこで本節では, F_0 の動的 な特徴について更なる分析を行うため,加古ら [20] によっ て提案された1つの質点と2つのばねから構成されるシ ステム (One-Mass-Two-Spring (OMTS) モデル)を利用す る.OMTS モデルは図3に示すような簡単なシステムで ある.このシステムの運動方程式は以下で与えられる.

$$m\frac{d^2F_0}{dt^2} = -\lambda\frac{dF_0}{dt} + k_U\left(U - F_0\right) + k_V\left(V - F_0\right) \quad (5)$$

ここで*m*は質点の質量, λ は動摩擦係数,楽譜の旋律情報 *U*と随伴歌唱音高*V*はそれぞれのばねの自然長の位置と 定義される. k_U と k_V はそれぞれ楽譜の旋律情報と随伴 歌唱音高に対応する振動子に接続するばねのばね定数であ る. このモデルは,従来の独唱における歌声の F_0 ダイナ ミクスを表現するモデル(式(2))に,他者の音高からの影 響を表す項として $k_V(V - F_0)$ を新たに加えたモデルであ る. OMTS モデルにおける 2 つのばねのばね定数の値は, 楽譜情報と随伴歌唱からの影響の度合いを表す.例えば, k_V が大きければ合唱時の歌唱は随伴歌唱からの影響をよ り受けた歌唱となる.逆に, k_U が大きければ随伴歌唱に あまり影響されない歌唱となる.よって,モデルパラメー タ $\Theta = \{m, \lambda, k_U, k_V\}$ は,合唱における歌声の引き込みを 特徴づけるパラメータとなる.

3.2 モデルパラメータ推定方法

本節では、観測信号からモデルパラメータを推定する方法について述べる. 我々は、モデルパラメータを推定する方法として、最急降下法を用いた. 最急降下法とは目的関数 $J(\Theta)$ を最小にする重みベクトル (モデルパラメータ Θ) を目的関数の勾配情報を利用して反復的に求める方法である. ここでは、最小化する目的関数 $J(\Theta)$ として、式(6) で与えられる二乗誤差を用いた.

$$J(\Theta) = \frac{1}{N} \sum_{n=1}^{N} \left(F_0(t_n) - y(t_n, \Theta) \right)^2$$
(6)

ここで、 $F_0(t)$ は観測した歌声の F_0 、y(t)は式(5)を解くことによって得られる関数である.目的関数を式(6)とすると、モデルパラメータ Θ の更新式は以下のようになる.

$$\Theta^{(\tau+1)} = \Theta^{(\tau)} - \eta \frac{\partial J(\Theta^{(\tau)})}{\partial \Theta}$$
(7)

$$\frac{\partial J(\Theta)}{\partial \Theta} = -\frac{2}{N} \sum_{n=1}^{N} \left(F_0(t_n) - y(t_n, \Theta) \right) \frac{\partial y(t_n, \Theta)}{\partial \Theta} \quad (8)$$

ここで、 η は各モデルパラメータに対する学習率パラメー タである. 誤差関数 $J(\Theta)$ の Θ に関する導関数は、モデル パラメータセット Θ が与えられた下で式 (5) を解くこと によって計算することができる. 二階微分方程式である式 (5) は、フーリエ級数展開とラプラス変換を用いて以下の ように解くことが可能である.

まず,式(5)を次式のように書き換える.

$$\ddot{y}(t) + \alpha \dot{y}(t) + (\beta_U + \beta_V) y(t) = \beta_U U(t) + \beta_V V(t)$$
(9)

ここで α , β_U , β_V は,ばね定数を質量mで割り,正規化した値である.次に, $U(t) \ge V(t)$ をフーリエ級数展開を利用し正弦関数と余弦関数に展開する.

$$U(t) = u_0 + \sum_{k=1}^{\infty} \left(u_{1k} \cos k\omega_0 t + u_{2k} \sin k\omega_0 t \right)$$
 (10)

$$V(t) = v_0 + \sum_{k=1}^{\infty} \left(v_{1k} \cos k\omega_0 t + v_{2k} \sin k\omega_0 t \right)$$
(11)

これらを利用すると,OMTS モデルの運動方程式 (式 (5)) を変形して得られた式 (9) は,更に異なる式に変形するこ とができる.

$$\ddot{y}(t) + \alpha \dot{y}(t) + (\beta_U + \beta_V) y(t) = c_0 + \sum_{k=1}^{\infty} (c_{1k} \cos k\omega_0 t + c_{2k} \sin k\omega_0 t)$$
(12)

ここで $c_{.k}$ は、フーリエ係数の重み付け和であり、 $c_{.k} = \beta_U u_{.k} + \beta_V v_{.k}$ と定義する.式 (12)の解はラプラス演算子 sを用いて以下で与えられる.

$$y(t) = \mathcal{L}^{-1} \left[\{ (s+\alpha)y(0) + \dot{y}(0) + R(s) \} Q(s) \right] \quad (13)$$

ここで, \mathcal{L}^{-1} はラプラス逆変換, R(s) は式 (12) における 右辺をラプラス変換したものを表す.また, Q(s) は次式で 与えられる.

$$Q(s) = \frac{1}{s^2 + \alpha s + (\beta_V + \beta_U)} \tag{14}$$

式 (13) を解くと,最終的に式 (12) の解は以下の関数で与 えられる.

$$y(t) = \frac{1}{\xi_1 - \xi_2} \left\{ (y(0)\xi_1 + \dot{y}(0) - \alpha y(0))e^{\xi_1 t} - (y(0)\xi_2 + \dot{y}(0) - \alpha y(0))e^{\xi_2 t} \right\} \\ + \frac{c_0}{\xi_1\xi_2} + \frac{c_0e^{\xi_1 t}}{(\xi_1 - \xi_2)\xi_1} + \frac{c_0e^{\xi_2 t}}{(\xi_2 - \xi_1)\xi_2} \\ + \sum_{k=1}^{\infty} \left\{ \frac{(\xi_1c_{1k} + k\omega_0c_{2k})e^{\xi_1 t}}{(k^2\omega_0^2 + \xi_1^2)(\xi_1 - \xi_2)} + \frac{(\xi_2c_{1k} + k\omega_0c_{2k})e^{\xi_2 t}}{(k^2\omega_0^2 + \xi_2^2)(\xi_2 - \xi_1)} \right. \\ \left. + \frac{(\xi_1\xi_2 - k^2\omega_0^2)c_{1k} + k\omega_0(\xi_1 + \xi_2)c_{2k}}{(k^2\omega_0^2 + \xi_1^2)(k^2\omega_0^2 + \xi_2^2)} \cos k\omega_0 t \right. \\ \left. - \frac{(k^2\omega_0^2 - \xi_1\xi_2)c_{2k} + k\omega_0(\xi_1 + \xi_2)c_{1k}}{(k^2\omega_0^2 + \xi_1^2)(k^2\omega_0^2 + \xi_2^2)} \sin k\omega_0 t \right\}$$
(15)

但し,

$$\xi_{1,2} = \frac{\alpha \pm \sqrt{\alpha^2 - 4(\beta_U + \beta_V)}}{2}$$

このようにフーリエ級数展開とラプラス変換を利用して y(t)の関数を得ることができるため、 Θ を式 (7)に従って 反復更新することで、与えられた信号 F_0, U, V からモデル パラメータを推定することができる.

4. 評価実験

4.1 パラメータ推定

素人と経験者について推定されたモデルパラメータの平 均と、ばね定数 k_U, k_V の比 $k_V/(k_U + k_V)$ 及びと減衰率 ζ を表 3 に示す. この平均は、各歌唱者カテゴリに分類され る 3 名の歌唱者の歌声データ 9 回分によって計算された値 である. ばね定数比 $k_V/(k_U + k_V)$ は、楽譜の旋律情報と 随伴歌唱音高のどちらからより影響を受けるかの指標とな る. 以下の式に基づき計算される減衰率 ζ は、変動の大き さを表し、その値が小さいほどシステムへの入力の変化に 対して大きな変動となる.

$$\zeta = \frac{\alpha}{2\sqrt{\beta_V + \beta_U}} \tag{16}$$

パラメータ推定の結果より,経験者より素人の方が随伴歌 唱音高に対応する振動子に接続するばねのばね定数が大き IPSJ SIG Technical Report

図 4 実際の歌声の F₀ 軌跡の信号 F₀(t) と推定されたモデルパラ メータから生成した信号 y(t)

Fig. 4 An example of the actual sang signal $F_0(t)$ and F_0 contour y(t) derived from the estimated model parameters.

表 3 モデルパラメータ推定結果と RMSE Table 3 Estimated model parameters and RMSE

	α	β_V	β_U	ζ	$\frac{k_V}{k_U + k_V}$	RMSE [cent]
素人	1.53	1.27	1.21	0.49	0.51	44.4
経験者	1.41	1.29	1.37	0.43	0.48	39.4

Note: RMSE の値は, 観測信号と推定されたモデルパラメータから 生成した信号から計算された値である. 減衰率 ζ は変動の大きさを 表し, ばね定数比 $k_V/(k_U + k_V)$ は β_U, β_V から計算され, 随伴歌唱 を重視する割合を表す.

いことがわかる.この素人と経験者に対して推定されたパ ラメータの違いの有意差を確認したわけではないが,経験 者より素人の方が随伴歌唱に影響されやすいということが 示唆される.また,経験者の減衰率 ζ の方が素人より小さ い値となっている.この減衰率 ζ の違いから経験者の F_0 ダイナミクスの方が変動が大きく,素人より表情豊かな歌 唱であると推論できうる.

4.2 歌唱者識別実験

合唱における引き込みの影響は各歌唱者によって異なる と考えられるため、歌唱者毎に異なるモデルパラメータが 推定されると仮定できる.そこで、観測した歌声の F_0 系 列とOMTSモデルから生成した F_0 系列の二乗平均平方根 誤差 (RMSE)を評価尺度として歌唱者識別実験を行うこと により、歌唱の個人性を特徴付ける能力を評価する.本実 験では、6名の歌声データを収録したため、6分類の識別 実験となる.各歌唱者に対して3回分の歌声データがある ため、2回分を学習データとしてモデルパラメータ Θ を推 定する.残り1回分を評価データとして RMSE の値を計 算し、式(17)により歌唱者識別を行う.

$$\hat{s} = \arg\min E(F_0, y_s) \tag{17}$$

$$E(F_0, y_s) = \sqrt{\frac{1}{N} \sum_{n=1}^{N} \left(F_0(t_n) - y_s(t_n, \Theta_s)\right)^2} \quad (18)$$

ここでsは歌唱者, Θ_s は歌唱者sのモデルパラメータ, N

	表	4	RMSE 0	>計算結	ī果	
Table	4	Са	lculation	result	of	RMSE

	素-A	素-B	素-C	経-A	経-B	経-C
素-A	69.26	71.01	69.97	70.90	69.69	69.47
素-B	69.88	68.53	68.58	74.15	72.07	71.46
素-C	51.55	51.08	51.62	56.05	53.61	52.78
経-A	50.46	56.22	54.05	48.55	48.94	49.15
経-B	53.20	57.96	55.64	53.55	52.30	52.27
経-C	46.99	51.66	49.04	48.05	46.39	46.36

Note: "素"と"経"はそれぞれ素人と経験者を表す. 横のラベル はモデルの名称,縦のラベルは評価データの各歌唱者の名称を表す. 識別結果の正解は,対角の値が最も小さくなったときである

は評価データ長, F_0 は評価データ, y_s はモデルパラメー 9Θ から生成した信号を表す.

結果を表4に示す.最小の RMSE の値を示すモデルを ボールド体で強調した.横のラベルはモデルの名称,縦の ラベルは評価データの各歌唱者の名称を表し,対角の値が 最も小さくなったときが正解となる.表4より,6名中4 名の歌唱者が自身のモデルにおいて最も小さい RMSE の 値をとっていることが分かる.つまり,6名のうち4名の 歌唱者を識別することができた.素-Cと経-Bは,歌唱者 自身のモデルにおいて最も小さい値とならなかったが,自 身のモデルにおいて比較的小さい RMSE の値となってい る.また,RMSE の値から素人と経験者を正しく識別でき ていることが確認される.これらの結果から,合唱におけ る F_0 の引き込みの個人性を OMTS モデルにより特徴付け ることができることが示唆された.

5. まとめと今後の展開

本稿では、合唱における歌声の F_0 ダイナミクスを引き 込みという観点から分析し、ばね質量系に基づいてモデル 化する手法について議論した.我々は観測される信号から モデルパラメータを推定する手法として、最急降下法を用 いた.OMTS モデルの評価として、歌唱者識別実験を行 い、6名のうち4名を識別できることができた.また歌唱 者識別実験から、素人と経験者を正確に識別できることが 確認された.これらのことから、 F_0 の引き込みをパラメト リックに表現することのできる手法として、OMTS モデル の有効性が示唆された.

しかし、モデルをより広いアプリケーションに適用する ためには、今後更なる研究が必要である.まず第一に、歌 唱者同士が互いの歌声を聴きながら歌唱するような相互作 用の生じる状況下においてモデルの有効性を確かめる必要 がある.なぜなら、複数の歌唱者が同時に歌唱する場合、 互いの歌声が影響を及ぼすため相互引き込みが生じるが、 本稿では事前に収録した随伴歌唱を聴きながら歌唱すると いう限定的な条件下でのみ F₀の引き込みに関して議論し ているためである.また、モデルの一般的な効果について 評価するためには,より大人数の歌声を収録し,実験を行 う必要があるだろう.

謝辞 本研究は,挑戦的萌芽研究 (23650088) の支援に より行われた.

参考文献

- T. D. Rossing, J. Sundberg, and S. Ternstron.: Acoustic comparison of voice use in solo and choir singing, *Acoustical Society of America*, Vol. 79, pp. 1975–1981, (1986).
- [2] Johan Sundberg.: The Science of the Singing Voice. the Northern Illinois University Press, (1987).
- [3] S. Ternstron and J. Sundberg.: Intonation precision of choir singing, *Acoustical Society of America*, Vol. 84, pp. 59–69, (1988).
- [4] S. Ternstron.: Preferred self-to-other ratios in choir singing, Acoustical Society of America, Vol. 105 pp. 3563–3574, (1999).
- [5] S. Ternstron and J. Sundberg.: Self-to-other ratios measured in an opera chorus in performance, *Acoustical Society of America*, Vol. 118, pp. 3903–3911, (2005).
- [6] J. Buck and E. Buck.: Mechanism of Rhythmic Synchronous Flashing of Fireflies, *Science*, Vol. 159, pp. 1319–1327, (1968.03).
- [7] T. J. Walker.: Acoustic Synchrony: Two Mechanisms in the Snowy Tree Cricket, *Science*, Vol. 166, pp. 891–894, (1969.11).
- [8] Z. Neda, E. Ravasz, Y. Brechet, T. Vicsek, and A.L. Barabasi.:The sound of many hands clapping, *Nature*, Vol.403, pp. 849–850, (2000).
- [9] T. Yamamoto and Y. Miyake.: Analysis of interaction in musical communication and its modeling, In Proc. IEEE International Conference on Systems, Man, and Cybernetics (SMC 2000), Vol. 2, pp. 763–768, (2000).
- [10] 小野寺進,徳田功,山本知仁:共同演奏におけるリズム・ 周波数引き込みの解析,日本音響学会講演論文集,2-1-5, pp. 1017-1018, (2011.03).
- [11] Y. Kobayashi and Y. Miyake.: New ensemble system based on mutual entrainment, In Proc. IEEE International Workshop on Robot and Human Interactive Communication (RO-MAN 2003), pp. 235–240, (2003).
- [12] 野田雄也,徳田功,榊原健一:合唱における基本周波数の同期現象に関する基礎研究,日本音響学会講演論文集, 2-5-13, pp. 913–916, (2008.03).
- [13] 堀内靖雄,坂本圭司,市川熹: 合奏時の人間の演奏制御 の分析・推定,情報処理学会論文誌, Vol. 45, No. 3, pp. 690-697, (2004).
- [14] C. E. Seashore.: A musical ornament, the vibrato, *Psy-chology of Music*, McGraw-Hill Book Company, pp. 33–52, (1938).
- [15] H. B. Rothman and A. A. Arroyo.: Acoustic variability in vibrato and its perceptual significance, *In Proc. Psychology of Music*, Vol. 1, No. 2, pp. 123–141, (1987).
- [16] G. de Krom and G. Bloothooft.: Timing and accuracy of fundamental frequency changes in singing, *ICPhS*, pp. 206–209, (1995).
- [17] T. Saitou, M. Goto, M. Unoki, and M. Akagi.: Speech-To-Singing Synthesis: Converting Speaking Voices to Singing Voices by Controlling Acoustic Features Unique to Singing Voices, WASSPA, pp. 215–218, (2007).
- [18] T. Saitou and M. Goto.: Acoustic and Perceptual Effects of Vocal training in Amateur Male Singing, *International Conference on Spoken Language Processing (INTER-SPEECH 2009)*, pp. 832–835, (2009).

- [19] Y. Ohishi, M. Goto, K. Itou, and K. Takeda.: A Stochastic Representation of the Dynamics of Sung Melody, In Proc. International Conference on Music Information Retrieval (ISMIR 2007), pp. 371–372, (2007.09).
- [20] 加古達也,大石康智,亀岡弘和,長野秀尚,柏野邦夫,武田 一哉:合唱における歌声の基本周波数軌跡の分析,日本音 響学会講演論文集,1-Q-44, pp. 403–404, (2011.03).
- [21] H. Fujisaki.: A note on the physiological and physical basis for the phrase and accent components in the voice fundamental frequency contour, Vocal Physiology: Voice Production, Mechanisms and Functions, (O.Fujimura, ed.), Raven Press, pp. 347–355, (1988).
- [22] N. Minematsu, B. Matsuoka, and K. Hirosse.: Prosodic Modeling of Nagauta Singing and Its Evaluation, *Speech-Prosody 2004*, pp. 487–490, (2004.09).
- [23] H. Mori, W. Odagiri, and H. Hirose.: F0 dynamics in singing: Evidence from the data of a baritone singer, *IE-ICE Trans. Inf. and Syst.*, Vol.E87-D, No.5, pp. 1086– 1092, (2004).
- [24] Y. Ohishi, H. Kameoka, D. Mochihashi, and K. Kashino.: A Stochastic Model of Singing Voice F0 Contours for Characterizing Expressive Dynamic Components, *International Conference on Spoken Language Processing* (INTERSPEECH 2012), (2012.09).
- [25] H. Kawahara, M. Morise, T. Takahashi, R. Nishimura, T. Irino, and H. Banno.: Tandem-STRAIGHT: A temporally stable power spectral representation for periodic signals and applications to interference-free spectrum, F0, and aperiodicity estimation, *ICASSP 2008*, pp. 3933–3936, (2008.04).
- [26] T. Kako, Y. Ohishi, H. Kameoka, K. Kashino, and K. Takeda.: Automatic Identification for Singing Style Based on Sung Melodic Contour Characterized in Phase Plane, *International Conference on Music Information Retrieval (ISMIR 2009)*, pp. 393–397, (2009.10).