

# 信号処理技術について

星子幸男  
(東北大工学部)

## §1. はじめに

信号処理技術はシステムの機能、特性面において著しい展開がみられ各方面への応用が期待されていて、ここでは通信における信号処理の意義と動向、とくに伝送、交換への信号処理技術の導入に伴う問題点とその将来性についての考察を述べる。

通信への信号処理または情報処理の導入におけるべきはその方向に次の 2通りあるものと考えられる。

(i) 制御、とくに通信網の制御にコンピュータを導入する方向で、その代表的なものが蓄積プログラム形電子交換である。これにはあらゆるアルゴリズムが用いられる。

(ii) 今後の課題であるが、より高度の信号処理を行う立場からのコンピュータの導入。

コンピュータ間通信では(i)、(ii)が当然行なわれているが、それ以外の通信サービスに対する適用は今後の問題と思われる。

通信サービスに信号処理を導入していくに際し、想定されることとは、

### (i) 伝送系の各機能の処理

- ① 符号構成
- ② 波形構成、等化
- ③ 変復調、多重化
- ④ 信号検出

### (ii) 通報(メッセージ)の情報処理

- ① パターン(波形)の冗長度抑圧  
⇒ 波形の独立要素の抽出
- ② 情報要素；画像では輪郭などの画像構成要素、音声なら音韻要素の抽出
- ③ その再構成

といつて諸問題である。これらの広義の信号処理として取扱り。

本稿ではこの点に視点を絞って、筆者らが行ってきた研究を概観しつつ考察していくこととする。

## §2. 信号処理

### 2.1 伝送機能の信号処理

#### ① 符号構成

デジタル符号伝送においては、伝送路の周波数特性に適合し、これを有効に利用できるような伝送路符号を得るための符号構成法が高速かつ高信頼度な伝送を実現する上で重要である。

そこで、符号系列の電力スペクトルを近似する電力スペクトル特性関数を定義し、これを因数として含むような符号を得る符号構成法を求めていく。

すなはち得られる符号系列の電力スペクトラム  $W(f)$  は、

$$W(f) = C(f) \cdot U(f) \quad (1)$$

となる。ただし、 $U(f)$  は電力スペクトル特性関数によるスペクトル成分である。

$U(f)$  をあらかじめ指定することは、希望の電力スペクトルの基本構造はほぼ規定でき、とくに実用上重要な電力スペクトルの零点、とその近傍のスペクトル抑圧特性は十分より近似で与えられる。

この方法は任意の原情報系列を(1)式の電力スペクトルをもつ符号系列に変換するもので、従来まで提案されていくつかの符号構成法を含む一般的なものである。

この方法によって得られた符号系列の電力スペクトルの一例を図 1 に示す。

しかし符号構成によって任意の電力スペクトルが得られるかどうかについてはまだ解決されていない。

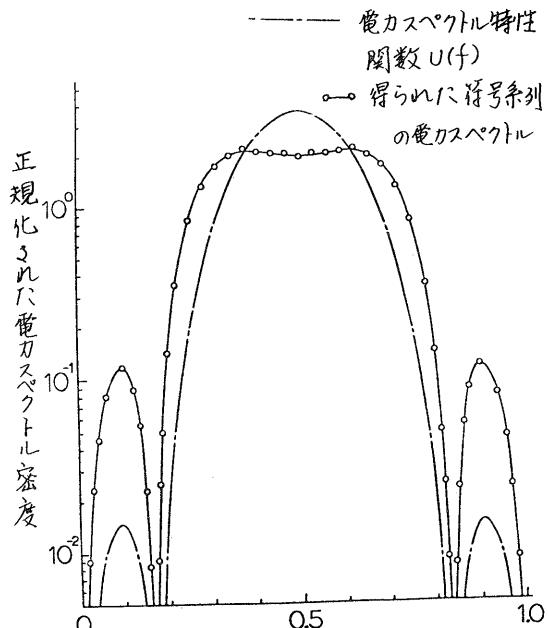


図 1

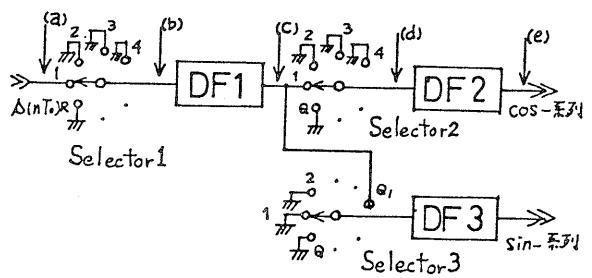


図 2. 変調系の基本構成

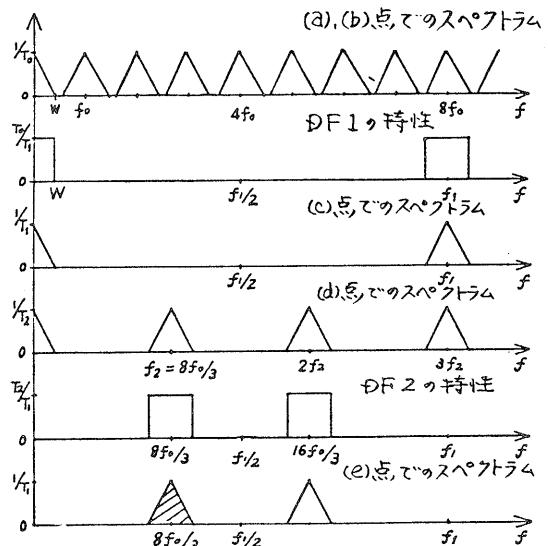


図 3. 各部のスペクトル

(2) 変復調系のデジタル処理  
データ伝送の発達に伴い、デジタル演算処理による変復調機能の実現に対する要求が強まり、いくつかの方式が提案されている。この場合、システムの高速化、簡易化のためには搬送波乗算によるオーバーヘッドをいかにして軽減するかが重要な問題となる。

この問題を解決するため、サンプリングレートの整合とデジタルフィルタの組合せで搬送波乗算を全く用ひずく変復調機能の実現を図った<sup>(2)</sup>。これはデジタル標本系で生ずる高調波の分布がサンプリングレートの変化によって移動する原理を利用したものである。すなはち、サンプル値の間引くおよび補間によるサンプリングレートの変換とデジタルフィルタによる渦波を組合めせて、基底帯域形のスペクトルの変調信号をばね任意の周波数の帯域形のスペクトルに変換することができる。これと位相が直交するサンプリングによって得られる直交成

分を用いることによつてかなり一般的な変調信号の構成が可能となる。

このようないくつかの原理による変調系の基本構成を図2に、スペクトルの変換の様子を図3に示す。

これと逆の原理で復調系を構成することができる。

このようないくつかのシステムでは、処理速度誤差などの点で問題があるので乗算を用いることなく実現できるので高速かつ高性能な変復調系が構成できる。またマイクロプロセッサを用いたシステムでフローグラム処理による多様な変復調機能の実現のためにも有効であろう。

## 2. 2 通報の冗長度抑圧

[独立な成分の抽出]

### ① 各種の直交変換

各種の直交変換が信号処理における重要な基本技術の一つとなる。中心となるものは離散的フーリエ変換(DFT)とその効率的演算法であるFFTである。画像信号の直交変換は冗長度抑圧のための処理として実用的にも重要である。

画像を数画素あるいは数十画素から成るブロックに分割し、ブロック毎に直交変換を施して得られる成分を対応したビットレートで伝送し、受信側では逆変換によって原信号を復元する。

各種の直交変換について検討されてゐるが、実時間処理の点からアスマール変換、順余数変換がハードウェアの容易さからよく

### ② 数論変換

有限語長の離散的近似込みを高速化し誤差なく計算する方法として数論変換(Number Theoretic Transform)と呼ばれる直交変換が提案されている。

有限語長の離散的近似込みは次のようになる。

$$y(n) = h(n) * x(n) \\ = \sum_{m=0}^{N-1} h(n-m)x(m) \quad (2)$$

$n = 0, 1, 2, \dots$

(2)式の演算は

$$\text{DFT}[h * x] = \text{DFT}[h] \cdot \text{DFT}[x] \quad (3)$$

および

$y(n) = [\text{DFT}\{\text{DFT}[h] \cdot \text{DFT}[x]\}]_n$   
が実行されることがわかる。Nが大きく、FFTのアルゴリズムを用いることかでなる場合には、(2)式を直接演算するより是有利となる。

そこで(3)式の演算を効率的に行うために次のようないくつかの変換を考える。

$$X(k) = \sum_{n=0}^{N-1} x(n) \alpha^{-nk} \quad (\text{mod } M) \quad (4)$$

$$X(n) = N^{-1} \sum_{k=0}^{N-1} X(k) \alpha^{-nk} \quad (\text{mod } M) \quad (5)$$

ただし

$$\alpha^N = 1 \quad (\text{mod } M)$$

で  $\alpha$  は 1 の原始  $N$  次根

$\alpha = e^{-j2\pi/N}$  として複素数体上で(4),(5)式を定義したものか DFT となる。

計算機で処理する場合には  $M$  を法とする整数環上で(4),(5)式を定義すれば、まるでによる誤差のない演算ができる。  $M, N, \alpha$  を適当に選択すると、(4),(5)式の演算は加算とシフトだけでよく、しかも FFT のアルゴリズムを用いることかでれば高速処理も可能となる。

このような変換を総称して数論変換と呼ぶ。

$M$  の選び方でメルセンヌ数変換やフェルマ数変換が提案されている。

ただし、このような変換は適用条件が厳しく、たとえ込み系列の長さが限られる。

そこで比較的長い系列のたとえ込み演算にも上記の変換が適用し得るようすすめ因4に示すように剰余数システムで(4),(5)式の変換を定義し、(2)式の演算を実行することを考えよ。

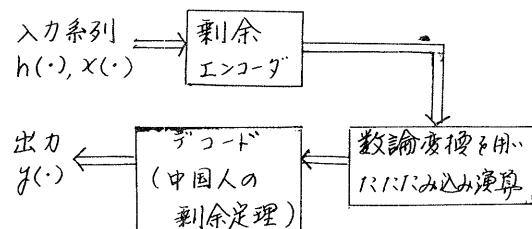


図4. 数論変換を用いたたとえ込み演算

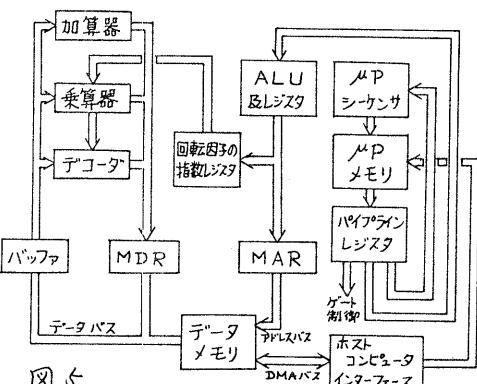


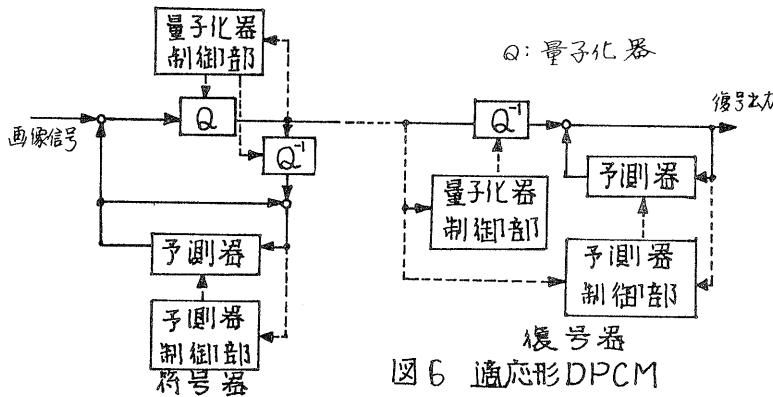
図5

これをマイクロプロセッサ制御のハードウェアシステムとして実現したものと図5に示す。このシステムは音声周波数帯域の信号は実時間処理が可能であり、アダプティブディジタルフィルタとしての展開を考えられる。

### ③ 予測方式

信号の冗長度抑圧のための有力な手法として予測を用いるものがある。これは原信号値を送る代りに、各時点での信号値を系内に記憶して過去のいくつかのデータから予測し、この予測値と現時点での信号値との差の値を量子化して送るものである。受信側ではこの差信号を積分することでよく信号を復元する。

この方式は画像信号や音声信号の符号器として、極めて一般的に用いられている。当初は定常信号を対象とするものであったが、音声も画像も非定常信号であるため、非定常性に対する適応形の予測方式が検討されてきている。



このような観から、筆者らもフレーム内、フレーム間の画像信号の非定常性を処理するものとして図6のような符号化方式について検討している<sup>(4)</sup>。

その結果、ハードウェア構成はかなり複雑になるものの、固定係数測定に比べてかなりの改善がみられる。しかし輪郭部など輝度が急変する部分での追従性はいまでも十分でなく、適応量子化方式を併用することによって更に改善がみられるものと考えられる。

画像信号の生成過程まで考慮した適応形の予測方式としてカルマンフィルタ形の予測器についても検討を行った。しかしシステムがかなり複雑となるので画像信号の実時間処理には適切ではないと考え、画像の復元( Image Restoration )のためのフィルタとして考察を行った<sup>(5)</sup>。

この種の処理は推定値が再帰的に得られるので計算機処理には有利である。

画像信号モデルを工夫するとよい、カルマンフィルタにおける各種の演算はFFTを用いて効率的に処理できるようプログラムを構成した。

基本構成を図7に示す。輪郭部分の適応処理をは加えることによって推定誤差を更に減少させることができる。

音声、画像とも非定常性をいかにうまく処理するかが今後の重要な問題となる。

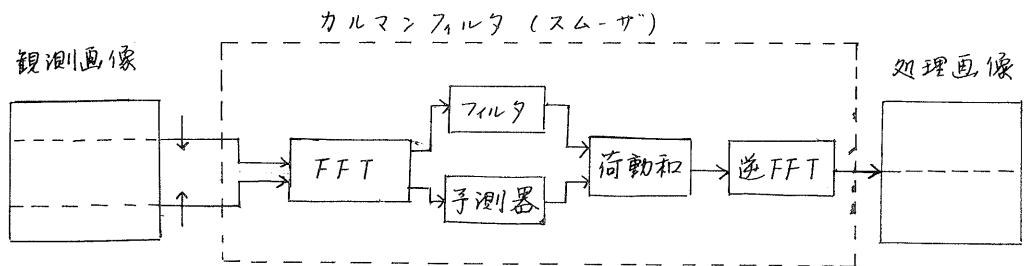


図7. カルマンフィルタによる画像の2次元フィルタリング

### [再生法]

#### ④ 最大エントロピー法(MEM)による信号再生

伝送系のみならず他の応用分野においても、不十分な測定データあるいは雑音等が混入する不正確なデータから所望の信号を再生しなければならない場合が多い。

一方、スペクトル解析の分野では、最大エントロピー法と呼ばれるパワースペクトル推定法が注目されてくる。この方法によると、少々測定データからでも分解能の高いスペクトルが得られることがから、急速に応用分野を広めつつある。そこで、この方法を用いて画像再生法について検討を行った<sup>(1)(2)</sup>。

すなはち、再生画像上でエントロピーメジャーを定義し、得られた測定値、事前情報に矛盾のないようにして、このエントロピーメジャーを最大にする推定値が最も偏見の少いものであると考えて、再生を行なう処理法である。

この方法はエントロピーメジャーを最大にする推定値を傾斜法などによく逐一求めなければならず、実時間処理

法としては問題が多い。

そこで、医学診断や各種の計測などで広く用いられるようになつた。投影からの画像再生の問題への適用について検討した。

すなはち、限られた数の投影データ、あるいは観測粗有り含むるよりは不正確な投影データからでも分解能の高い画像を再生するためとして考察した。この方法による再生誤差と現在一般的に用いられる再生法であるフルタ補正逆投影法(FBP)および代数的再構成法(ART)によるものと比較して図8に示す。

処理時間が長くなる難点はあるが、良好な合理性特性を示している。

#### ⑤ 外挿法による信号再生

帯域制限された実信号は任意の一部周区間の振舞が分かれれば他の部分は外挿によって決定できることが明らかにされつつある。そのための各種の外挿法も提案されており、one-stepで外挿することも可能になる、まさにいる。

我々が取扱う信号は帯域制限された実信号(解析信号)と考えよので、外挿法を用いて不完全なデータから所望の信号を推定する処理について現在検討中である。

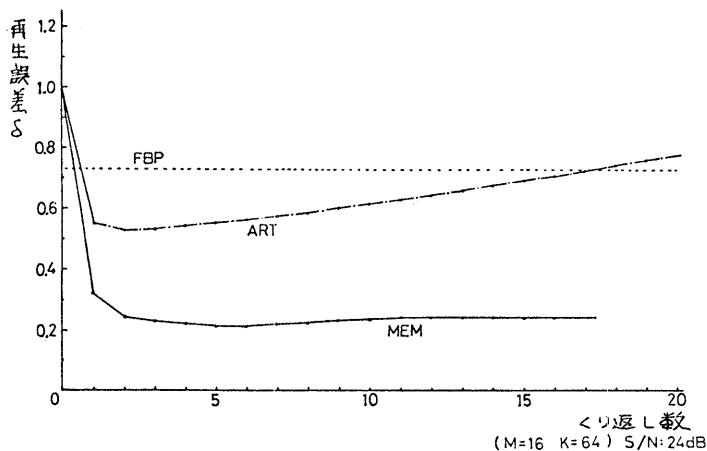


図8. 再生誤差

### § 3 信号処理用コンピュータシステム

伝送系における各種の信号処理においては、基本的には実時間処理が要求される。高速の各種プロセッサが開発されつつある現在でも、通信システムにおける各種の信号処理をリアルタイムで実行するということは極めてか困难な条件であると言える。

筆者はこの問題を並列処理による高速化によって解決することを考え、並列処理プロセッサについての考察を進めてくる。LSI技術の進歩は並列処理、分散処理による高速処理の実現可能性を示唆しており、与えられれば処理アルゴリズムを適切に反映させる計算機アーキテクチャの確立が重要な問題にならざると考えられる。

#### ① FFT用並列処理

信号処理の基本的な算法であるFFTアルゴリズムの並列処理装置としてマルチプロセッサシステムを開発した<sup>(8)</sup>。

並列処理による結果は十分に得られたものの、用いて素子の特性からの制約で絶対的な速度としては十分なものとは言へ難いものであった。

#### ② データフロー・プロセッサ

非ノイマン形の計算機アーキテクチャとして近年注目されてくるデータフロー

プロセッサは、問題のもつ並列処理性を自然な形で効率よく実行できる計算概念であると言える。また関数概念に基づく非逐次的なプログラムによく処理を記述する関数形システムとしても適している。

データフロー計算機としてこれまで種々のシステムが提案されている。処理本体をどのようないべく見方が異なるが、これまで述べてきた信号処理という観点からは処理の基本レベルを演算器レベルでとらえるべきであると考え、基本プリミティブのレベルまで関数性を徹底した関数形のデータフロー・プロセッサについて検討を進めてみる<sup>(9)</sup>。

考え方アーキテクチャを図9に示す。

命令語メモリ(インストラクションメモリ)には連想記憶を導入し、システム内に待ち行列(Quene)を用いるなどして効率的な情報転送が行えるような具体的なハードウェアシステムを現在設計中である。

プロセッサ全体のパフォーマンスや信号処理用プロセッサとして適切であるかどうかなどの詳しい点についてはまだ明確な結論は得られていない。

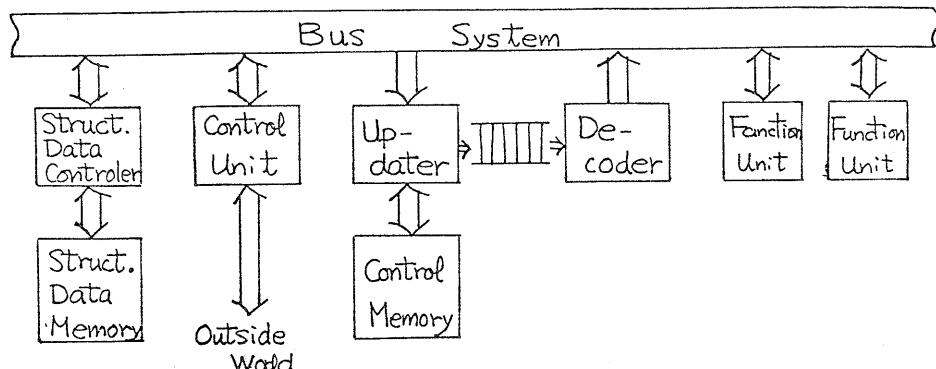


図9. データフロー・プロセッサ

## §4 計算機間通信

計算機網の発達により、待ち行列理論の計算機システムへの応用が重要な問題となる。データフロー計算機も、コンピュータの通信システム化と見方をすることもできる。

- えご
- (1) 通信網(あるいはコンピュータ内)のトラヒック制御
  - (2) G/G系に対する状態変数を用いて待ち行列理論の確立などの研究も進めている。

コンファレンス論文集 8-5, (昭53)

- (7) 山口, 成沢, 球田, 有藤, 星子, “最大エントロピー法による投影から画像再生,” 信学技報 E 79-69, (昭54-11)
- (8) 伊藤, 山本, 有藤, 星子, “マルチマクロプロセッサによる並列フーリエ変換” 情報処理学会論文誌, 20巻, 2号, pp. 187-189. (昭54-03)
- (9) 伊藤, 出口, 有藤, 星子, “閾数型データフローシステム,” 情報処理学会21回全大, 2J-1, (昭55-05)

## 文献

- (1) 大内, 有藤, 星子, “電カスペクトル特性閾数に基づく符号構成法”, 信学論, 62-B巻, 10号, pp. 940-947 (昭54-10)
- (2) 嵩, 星子, “サンプリングレイト変換を用いた度復調のデジタル処理”, 信学技報 CS 79-157, (昭54-06)
- (3) 小谷野, 有藤, 星子, “数論変換を用いたデジタルハミング込み込み処理装置”, 信学論, 62-D巻, 6号, pp. 387-394, (昭54-06)
- (4) 向井, 有藤, 星子, “適応形線形予測を用いた画像信号の符号化方式”, 信学論, 62-B巻, 11号, pp. 1037-1044, (昭54-11)
- (5) 下江, 有藤, 星子, “カルマンフィルタによる画像の2次元フィルタリング”, 信学論, 61-D巻, 8号, pp. 541-548 (昭53-08)
- (6) 小林, 球田, 星子, “最大エントロピー法による再生問題”, 第9回画像