

Quad Treesに対する比較実験と考察

乗松 誠志・ 佐藤 政生・ 大附 辰夫・

* 早稲田大学理工学部
** 拓殖大学工学部

あらまし 4分木(Quad Tree)は、2次元平面におけるデータ処理に有効なデータ構造である。2分木と同様にその構造が単純なことから、地理情報処理、VLSIのレイアウトパターンデータ管理等広い分野に応用されている。本稿では、4分木を、その管理方法の違いにより数種類に分類する。さらに、その中から4種類を選び出し計算機上に実装し、性能比較実験を行う。その結果、改良型4分木が、メモリ使用量、木構造構築時間、領域探索時間の点で最も優れていることが示される。

Experimental Comparisons among Quad Trees

Seiji Norimatsu・ Masao Sato・ Tatsuo Ohtsuki・

*School of Science and Engineering, Waseda University
3-4-1 Ohkubo, Shinjuku-ku, Tokyo 169, Japan
**Faculty of Engineering, Takushoku University
815-1 Tatemachi, Hachioji-shi, Tokyo 193, Japan

Abstract Quad Tree is an effective data structure for processing two-dimensional data. Because of its simplicity, it has been applied to many fields such as geometrical information processing, VLSI pattern data management, etc. Quad Trees are classified in this paper in terms of data management method. Four of them are implemented on a computer and their performance data of experimental programs are compared. As a result, it is shown that modified quad tree is the most effective in terms of memory space requirement and the time needed for tree construction and area search.

1. はじめに

Quad Tree (以下、4分木と訳す)は、1974年にFinken, Bentleyらによって提案されたデータ構造である[1]。4分木は、2種類の異なるキー値 (2次元平面に存在する点のx, y座標)を取り扱うためのデータ構造であり、図1の様に、領域を再帰的に4分割していくからその名がつけられている。

この4分木を用いれば、2次元平面上の点や領域を管理することができる。図1の4分木はFinken,Bentleyらが提案した点を管理する4分木であるが、この4分木を図2の様に領域に適用し、地理情報処理、VLSIのパターンデータ管理等の2次元データ処理に用いることが可能である。[2]

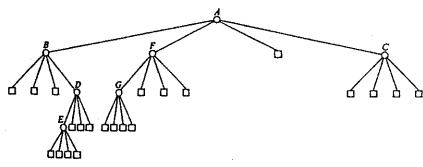
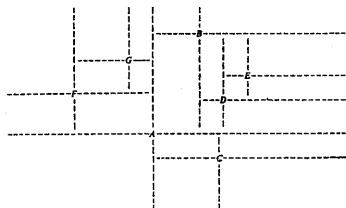


図1 Finken,Bentleyが提案した4分木 [1]

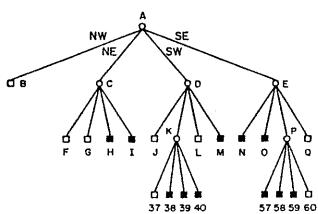
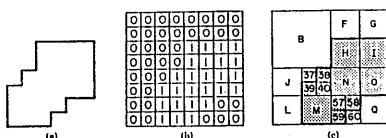


図2 4分木を用いた領域管理 [2]

4分木によって長方形データを管理することは、図3の様に全てのオブジェクト（長方形データ）が分割線上に

かかるまで領域を再帰的に4つに均等分割していくという方法で実現される。分割線に交差するオブジェクトはノードに線形連結リストでつなぐか（これを分割線リスト型4分木と呼ぶことにする）、あるいは図4に示される様な2分木構造にしておく。

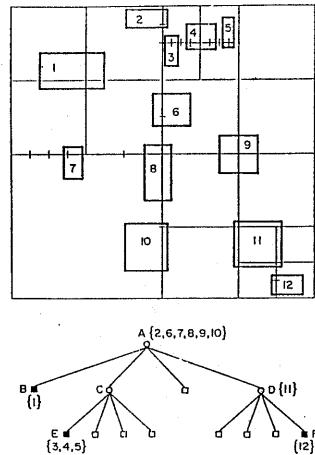


図3 4分木を用いたパターンデータ管理 [2]

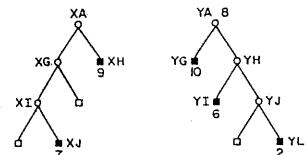


図4 ノードAにおける2分木 [2]

しかし、VLSIのレイアウト設計などでは膨大な数のオブジェクトを扱うため、全てのオブジェクトが分割線にかかるまで分割を繰り返すのは効率的でない。そこで、分割された副領域中に存在するオブジェクトの数がある一定値以下になれば分割を停止するのが一般的である。その一定値のことをしきい値 (Threshold Value) という。副領域中のオブジェクトは線形連結リストで子のノードにつながることになる。結果としてできる4分木は適応性のある4分木 (Adaptive Quad Tree) と呼ばれる。以下、4分木とは、このしきい値を導入した、適応性のある4分木であることとする。

長方形データ管理によく用いられるデータ構造として4元木 (4-dimensional Tree) と呼ばれるものがある。1984年にRosenberg[3]が4元木と分割線リスト型4分木を計算機上に実装し、領域探索時間、メモリ使用量について比較実験している。その結果の詳細は割愛するが、大まかにいえばメモリ使用量では分割線リスト型4分木の方が少ないが、探索速度では4元木の方が優っている

ということであった。

また、1985年にBrown[4]が、分割線のリストを用いずに、2つ以上の副領域にまたがるオブジェクトはそのままそれらの副領域にいれてしまうという手法を提案した。これを重複保持型4分木(Multiple Storage Quad Tree)と呼ぶ。Brownは重複保持型4分木と4元木について、メモリ使用量、及び領域探索時の訪問されたノード数について比較実験を行っている。その結果、メモリ使用量は重複保持型4分木の方が少なく、探索時の訪問ノード数は探索領域(ウインドウ)が小さいときにはほぼ同等、ウインドウが大きくなると4元木の方が少ないということであった。

重複保持型4分木の致命的な欠点として、探索の際のオブジェクトの重複列挙を避けるために、2回の探索を必要とすることである。これを改善するために、1989年にWeytenら[5]が、4分リスト型4分木(Quad List Quad Tree)なるものを提案している。

Weytenらは、重複保持型4分木と4分リスト型4分木を計算機上に実装、比較実験している。その結果、メモリ使用量は4分リスト型4分木がわずかながら多いが、探索速度ははるかに4分リスト型4分木の方が優っていた。

また、1989年にPitaksanokkulら[6]が、分割線にかかるオブジェクトについて、4元木と同様に、ある基準に基づいて1つの副領域に入れてしまうという方法で4分木を構築した場合、4元木より探索速度の面で優ることを計算機実験により示した。この様にしてできた4分木を、改良型4分木(Modified Quad Tree)と呼ぶことにする。以上の分類に基づいた4分木の分類表を図5に示す。

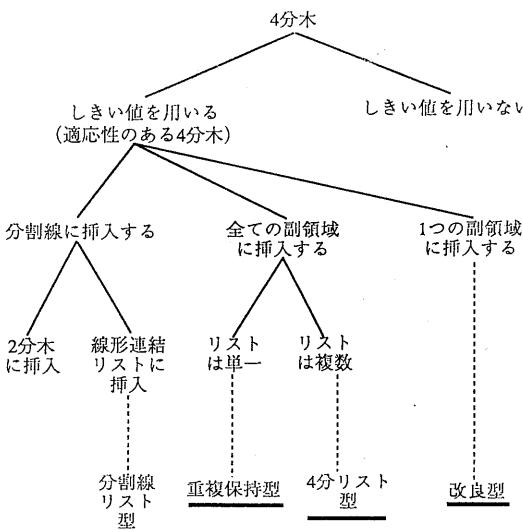


図5 4分木の分類表

この様に、現在までに様々な手法の4分木が提案され、4元木との比較実験が行われてきた。しかしながら、4分木同士についての比較実験というのは、Weytenらが重複保持型と4分リスト型について行った以外、現在まで全く行われていない。4元木との比較のみならず、他のデータ構造との比較のためにも、4分木同士の比較を行い、4分木同士の優劣を確かめることは意義のあることだとえる。そこで、本稿では、図6に下線で示す4種類の4分木について計算機上にC言語で実装、メモリ使用量、木構造構築時間、領域探索について比較実験した結果について述べる。

なお、本稿で扱う4分木の前提条件をここで整理しておく。

- ・領域の分割の方法は、オブジェクト(パターンデータ)の分布の粗密にかかわらず一定(radix型)であるとする。
- ・適応性のある4分木である。
- ・パターンデータの形状は長方形に限定する。長方形以外の複雑な图形を扱う場合には、通常その图形を長方形に分割するか、外接長方形で代表させる方法がとられる。本稿では、この様な前処理がすでに行なわれたものとして議論を進める。

2. 各4分木の詳細

2-1 分割線リスト型4分木(NORMAL)

これは、分割の過程において、分割線に交差するオブジェクトはノードに連結リストでつなぐという方法である(図6)。

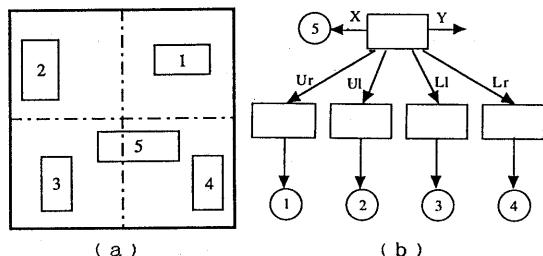
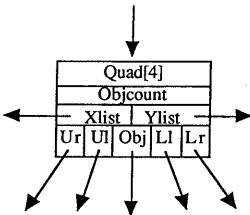


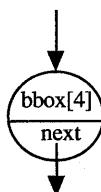
図6 (a) 領域の例 (b) (a)に対する分割線リスト型4分木

図6(b)のノードの型を詳細に記述すると、図7の様になる。



Quad[4] : 副領域の境界を表す 4 座標
 Objcount : Obj に挿入されているオブジェクトの数
 Xlist, Ylist : X, Y 分割線に交差するオブジェクトへの
 ポインタ
 Ur, Ul, Ll, Lr : 4 つの子へのポインタ
 Obj : 葉のノードにおけるオブジェクトへのポインタ

図 7 (a) 分割線リスト型 4 分木のデータ型



bbox[4] : オブジェクトの境界 4 座標
 next : 次のオブジェクトへのポインタ

図 7 (b) オブジェクトのデータ型

次に、木構造構築、及び領域探索のアルゴリズムの概略を以下に示す。

◎木構造構築

- 木構造構築を行う関数 qtree_build には、次の 2 つの値が渡る。
 - ・根のノード qroot (Obj) には全長方形オブジェクトの 線形連結リストの先頭へのポインタ、Objcount には 全オブジェクト数がそれぞれ入っている) へのポインタ
 - ・根の領域の 4 座標

```

qtree_build(Q,rect) {
  if(Q==NULL) return;
  if(Q->Objcount<=しきい値) return;
  Q->Quad=rect;
  rectを 4 つの象限に分割;
  全てのQ->Objについて do {
    if(Objectが第 1 象限に含まれれば) {
      Q->Ur->Objにそれを挿入;
      Q->Ur->Objcount++;
    }
    else if(Objectが第 2 象限に含まれれば) {
      Q->Ul->Objにそれを挿入;
    }
    ...
  }
}
  
```

```

    Q->Ul->Objcount++;
  }
}

else if(Objectが第 3 象限に含まれれば) {
  Q->Ll->Objにそれを挿入;
  Q->Ll->Objcount++;
}

else if(Objectが第 4 象限に含まれれば) {
  Q->Lr->Objにそれを挿入;
  Q->Lr->Objcount++;
}

else if(Objectが X 分割線に交差していれば)
  Q->Xlistにそれを挿入;
else if(Objectが Y 分割線に交差していれば)
  Q->Ylistにそれを挿入;

}

Q->Obj=NULL ;
Q->objcount=-1 ;

qtree_build(Q->Ur, 第 1 象限の境界座標);
qtree_build(Q->Ul, 第 2 象限の境界座標);
qtree_build(Q->Ll, 第 3 象限の境界座標);
qtree_build(Q->Lr, 第 4 象限の境界座標);
}
  
```

◎領域探索

q には最初に木構造の根へのポインタ、window には探索領域の境界の 4 座標が渡る。

```

regionsearch( q,window ) {
  if(qが葉ならば) {
    Objをたどり、windowと交差するものを列挙 ;
    return ;
  }
  else {
    Xlist,Ylistをたどり、windowと交差するものを
    列挙;
  }
  if(q->Ur->Quadと windowが交差)
    regionsearch(q->Ur,window) ;
  if(q->Ul->Quadと windowが交差)
    regionsearch(q->Ul,window) ;
  if(q->Ll->Quadと windowが交差)
    regionsearch(q->Ll,window) ;
  if(q->Lr->Quadと windowが交差)
    regionsearch(q->Lr,window) ;
}
  
```

2-2 重複保持型4分木 (MULTI)

分割の過程において、2つ以上の副領域に交差するオブジェクトはそのままその副領域に入れてしまう手法である（図9）。重複するオブジェクトはそのコピーを作成し葉に保持しても良いが、メモリのオーバーヘッドが極めて大きい。そこで、オブジェクト実体へのポインタのみからなるリファレンスを作成し、葉に保持する。

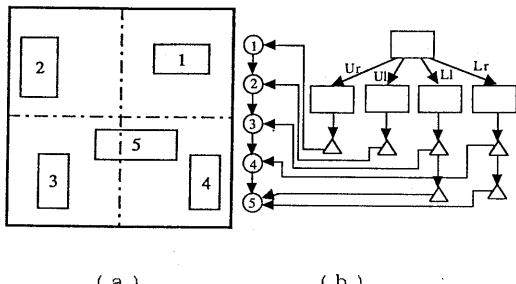


図8 (a) 領域の例 (b) (a)に対する重複保持型4分木

図8(b)のノードの型を詳細に記述すると図9の様になる。

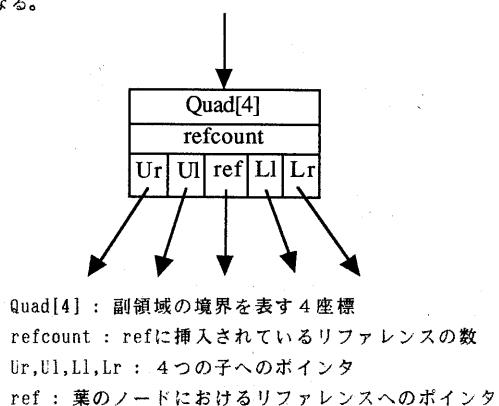
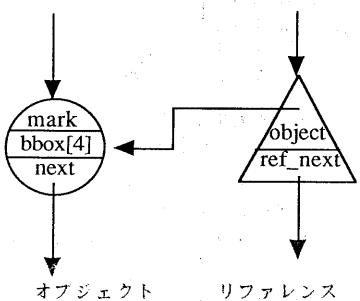


図9 (a) 重複保持型4分木のデータ型



mark : 重複チェックのためのフラグ
bbox[4] : オブジェクトの境界4座標
next : 次のオブジェクトへのポインタ
object : オブジェクト実体へのポインタ
ref_next : 次のリファレンスへのポインタ

図9 (b) オブジェクトとリファレンスのデータ型

さらに各アルゴリズムについて述べる。

④木構造構築

分割線リスト型4分木のqtree_buildに準ずる。
但し、分割線リストは用いず、オブジェクトが交差する全ての副領域にリファレンスを作成し、リストに挿入していく所が異なる。

⑤領域探索

分割線リスト型のregionsearchの分割線リスト探索を無くし、探索対象をリファレンスとするだけでは不十分である。なぜなら、このまま探索を行なえば、同じオブジェクトが重複して列挙されるからである。

そこで、オブジェクトにフラグ(mark)を用いる。これは最初全て0である。もしそれが列挙されたならばフラグを1にし、2度と列挙しない様にする。こうすることにより、重複列挙を避ける。

1回の領域探索が終る毎に、領域探索とほとんど同様な手続きを用いて、領域探索で立ったオブジェクトのフラグは全て0に戻す。

2-3 4分リスト型4分木 (QLQQT)

基本的には2-2の重複保持型4分木と同じである。
しかし、葉におけるリファレンスリストを4種類に分類し、領域探索時のアルゴリズムに工夫をすることによって、重複列挙を避けている。

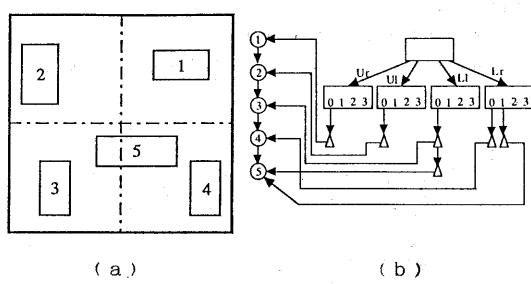
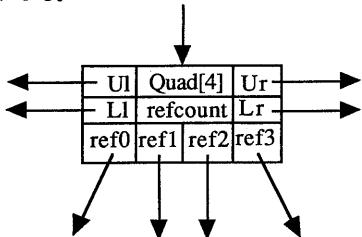


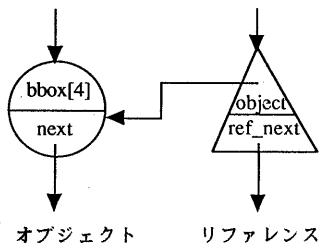
図10 (a) 領域の例 (b) (a)に対する4分リスト型4分木

図 10 (b) のノードの型を詳細に記述すると図 11 の様になる。



Quad[4] : 副領域の境界を表す4座標
refcount : refに挿入されているリファレンスの数
Ur, Ul, Ll, Lr : 4つの子へのポインタ
ref0 : }
ref1 : } 葉のノードにおける
ref2 : } リファレンスへのポインタ (4個)
ref3 : }

図 11 (a) 4分リスト型4分木のデータ型



bbox[4] : オブジェクトの境界4座標
next : 次のオブジェクトへのポインタ
object : オブジェクト実体へのポインタ
ref_next : 次のリファレンスへのポインタ

図 11 (b) オブジェクトとリファレンスのデータ型

各アルゴリズムについて以下に述べる。

◎木構造構築

重複保持型4分木の木構造構築に準ずる。

但し、葉において、リファレンスを表1に示すような4種類のリストに分類する。

オブジェクトと副領域の底辺が	オブジェクトと副領域の左辺が	リストタイプ
交差しない	交差しない	0
交差しない	交差する	1
交差する	交差しない	2
交差する	交差する	3

表1 葉におけるリファレンス分類表

◎領域探索

先のregionsearchと同様、まず深さ優先探索で、ウインドウと交差する葉のノードに到達する。その後、windowの左辺と交差する葉については、そのノード中の0, 1リストを調べる。windowの下辺と交差する葉については、そのノード中の0, 2リストを調べる。windowの左下隅を含む葉については、そのノード中の0, 1, 2, 3リストを調べる。その他の葉については、そのノード中の0リストを調べる。この探索により、オブジェクトは必要かつ十分に探索され、1回だけ列挙される。この証明については[5]を参照されたい。

2-4 改良型4分木(MOD)

2つ以上の副領域に交差するオブジェクトについては、ある基準に基づき、1つの副領域に含めてしまうのがこの方法である。ここでは、オブジェクトの左下隅を含む副領域に含めることにする(図12)。

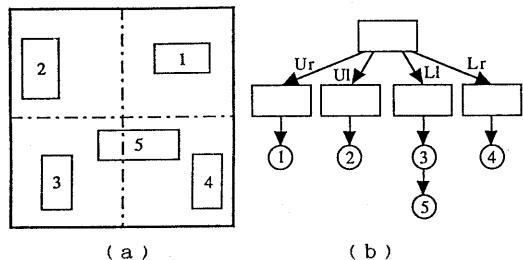
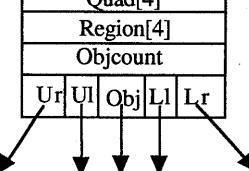


図12 (a) 領域の例 (b) (a)に対する改良型4分木

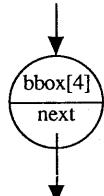
図12 (b) のノードの型を詳細に記述すると図13の様になる。



Quad[4] : 副領域の境界を表す4座標
Region[4] : 修正された副領域の境界座標
Objcount : Objに挿入されているオブジェクトの数
Ur, Ul, Ll, Lr : 4つの子へのポインタ
Obj : 葉のノードにおけるオブジェクトへのポインタ

図13 (a) 改良型4分木のデータ型

ここでRegion[4]とは、そのQuadに保持されている全てのオブジェクトを外包する最小の長方形の境界座標であり、Quad[4]に代わり、探索時のキー値となる。



bbox[4] : オブジェクトの境界 4 座標
next : 次のオブジェクトへのポインタ

図 13 (b) オブジェクトのデータ型

各アルゴリズムを以下に述べる。

④木構造構築

分割線リスト型 4 分木のqtree_buildに準ずる。

但し、分割線リストは用いず、オブジェクトの左下隅を含む副領域のリストにオブジェクトを挿入していくところが異なる。

⑤領域探索

分割線リスト型 4 分木のregionsearchに準ずる。

但し、分割線リストの探索は必要ない。また、探索時の分歧の条件は、Region[4]とウインドウが交差するか否かとなる。

3. 時間・空間複雑度

オブジェクトが平面に均一に分布していると仮定したときの各木の空間複雑度、及び各操作の時間複雑度を以下に示す。但しオブジェクト数（重複保持型 4 分木、4 分リスト型 4 分木ではリファレンス数）を n、しきい値を S とする。

★メモリ使用量

$$O(n/S + n)$$

★木構造構築時間

$$O(n \log_4 (n/S))$$

★領域探索時間

点探索等の、ウインドウが比較的小さいとき

$$O(\log_4 (n/S) + S(+L))$$

但し、L は分割線リスト型 4 分木での、分割線リストに

入るオブジェクト数のうち、探索時に訪問されるオブジェクト数であり、L は高々 $n^{1/2} \log n$ に比例した個数であることが言える。

4 種類何れの木の場合も、ウインドウが大きくなるにつれ、領域探索の時間複雑度は $O(n)$ に近づく。

4. 実験結果及び考察

2 章で示した 4 種類の 4 分木を C 言語で実装したものを作成し、SUN 4/110 上で動作させ、実験を行った。その結果を表 2 ~ 6、図 14 ~ 23 に示す。なお、領域全体の大きさは 100000 * 100000 であり、そこに長方形オブジェクトを乱数によってほぼ均一分布になるように発生させた。木構造構築時間は、既に計算機の主記憶上にある全オブジェクトの線形連結リストから木構造を構築するまでの時間である。領域探索時間は、ウインドウの大きさを固定し、乱数で位置を変えながら探索を数千回試行したもののが平均である。なおウインドウの大きさは 25000 * 25000、5000 * 5000、0 * 0 (即ち点探索) の 3 種類である。いずれの木の場合も、しきい値を 10 と 100 の 2 つの場合について実験を行った。

実験結果より次の様なことが明らかになった。

まず、全ての木について領域探索時間に着目した場合、ウインドウが 25000 * 25000 の時に、しきい値が 100 の方が 10 の場合よりも領域探索時間が短くなる傾向が見られる（表 4、図 18、図 19）。この様にウインドウが大きい場合は、しきい値が大きい方が探索すべき葉のノード数が少なくて済む分、有利であると思われる。ウインドウが小さいときは領域探索時間はしきい値と共に増大していることが読み取れる（表 6、図 22、図 23）。これは 3 章で示した理論的な時間複雑度とも合致している。今回の実験ではしきい値は 2 種類しか用いていないが、より多くのしきい値を用い領域探索時間を計測する実験は興味深い。

次に各々の木の性能比較を行う。

メモリ使用量は、重複保持型と 4 分リスト型は分割線リスト型と改良型の約 2 倍であることがわかる（表 2、表 3、図 14、図 15）。改良型 4 分木のみが持つ附加的な領域情報（図 13 (a) における Region）も、さほどメモリ使用量のオーバーヘッドを生じていない様である。

木構造構築時間は、重複保持型と 4 分リスト型は、分割線リスト型と改良型よりも 2 ~ 6 倍程度要している（表 2、表 3、図 16、図 17）。

領域探索時間は、重複保持型の探索時間が他の 3 つに比べ長い（表 4 ~ 6、図 18 ~ 23）。これは、重複列挙を避けるための 2 回の探索が影響しているからである。

また、分割線リスト型は、ウインドウの大きさは探

索時間は比較的短いが、ウインドウが小さくなるにつれて他の3つに比べ探索時間が長くなってくる（表6、図22、図23）。これは、3章で示したとの影響が増大して来るからである。重複保持型と4分リスト型では、探索時間に約2～4倍の差があることが分かり（表4～6、図18～23）、Weytenらが以前実験した結果と合致する。改良型と4分リスト型は、他の2つに比べいかなるウインドウの大きさ、オブジェクトの数についても探索時間は短い（表4～6、図18～23）。

今回の実験によれば、メモリ使用量、木構造構築時間、領域探索時間を総合的に判断したとき、4種類の4分木の中では改良型が最も優っているといえるであろう。

参考文献

[1]R.A.Finkel and J.L.Bentley,"Quad-trees--A data structure for retrieval on composite keys,"Acta Inform.,vol.4,no.1-9,1974.

[2]H.Samet,"The Quadtree and Related Hierarchical Data Structures",Computing Surveys,Vol.16.No.2, June 1984.

[3]J.B.Rosenberg,"Geographical data structures compared: A study of data structures supporting region queries,"IEEE Trans.Computer-Aided Design, vol.CAD-4,pp.53-67,Jan.1985.

[4]R.L.Brown,"Multiple Storage Quad Trees: A Simpler faster alternative to bisector list quad trees,"IEEE Trans.Computer-Aided Design,vol. CAD-5,pp.413-419,July 1986.

[5]L.Weyten and W.D.Pauw,"Quad List Quad Trees: A Geometrical Data Structure with Improved Performance for Large Region Queries,"IEEE Trans. Computer-Aided Design,vol.8,No.3,pp.229-233,March 1989.

[6]A.Pitaksanokkul et al., "Comparisons of Quad Trees and 4-D Trees: New Results,"IEEE Trans. Computer-Aided Design,vol.8,No.11,November 1989.

オブジェクト数 n (個)	分割リスト型4分木 (NORMAL)		改良型4分木 (MOD)		重複保持型4分木 (MUTLI)		4分リスト型4分木 (QLQT)		
	使用メモリ (bytes)	木構造構築 (秒)	使用メモリ (bytes)	木構造構築 (秒)	リファレンス数(個)	使用メモリ (bytes)	木構造構築 (秒)	使用メモリ (bytes)	
512	15098	0.03	18240	0.02	855	28356	0.07	28804	0.14
1024	32356	0.06	37780	0.09	1674	54764	0.23	55228	0.32
2048	62456	0.11	75600	0.19	3513	116404	0.51	118868	0.65
4096	126764	0.27	153580	0.40	6912	226540	1.25	230028	1.44
8192	251116	0.62	308760	0.87	13380	459612	3.87	468268	3.06
16384	505124	2.38	607300	2.15	27091	898484	5.87	911620	6.49

表2 しきい値 = 10 のときの各4分木のメモリ使用量及び木構造構築時間

オブジェクト数 n (個)	分割リスト型4分木 (NORMAL)		改良型4分木 (MOD)		重複保持型4分木 (MUTLI)		4分リスト型4分木 (QLQT)		
	使用メモリ (bytes)	木構造構築 (秒)	使用メモリ (bytes)	木構造構築 (秒)	リファレンス数(個)	使用メモリ (bytes)	木構造構築 (秒)	使用メモリ (bytes)	
512	11144	0.02	11280	0.02	596	18012	0.05	16204	0.05
1024	21800	0.05	22000	0.04	1170	35244	0.14	31484	0.17
2048	44360	0.07	45120	0.12	2397	71748	0.34	64468	0.34
4096	87192	0.14	88240	0.25	4737	141380	0.89	126388	0.80
8192	175976	0.35	179040	0.57	9536	284940	2.17	255436	1.86
16384	348968	0.80	355840	1.26	18948	567052	3.39	507564	4.07

表3 しきい値 = 100 のときの各4分木のメモリ使用量及び木構造構築時間

オブジェクト 数 (個)	しきい値 = 10				しきい値 = 100			
	NORMAL	MOD	MULTI	QLQT	NORMAL	MOD	MULTI	QLQT
	探索時間 (msec.)							
5 1 2	1.26	1.03	3.35	1.37	1.41	1.27	3.38	1.41
1 0 2 4	2.07	1.57	4.84	2.00	3.70	2.06	5.18	2.55
2 0 4 8	3.71	2.74	9.22	4.02	4.78	3.29	7.39	3.53
4 0 9 6	6.68	5.47	16.55	6.65	6.56	5.78	14.09	5.85
8 1 9 2	11.56	9.33	32.96	11.52	10.50	9.39	26.85	9.78
1 6 3 8 4	30.40	17.90	80.89	21.21	18.07	15.36	38.25	18.50

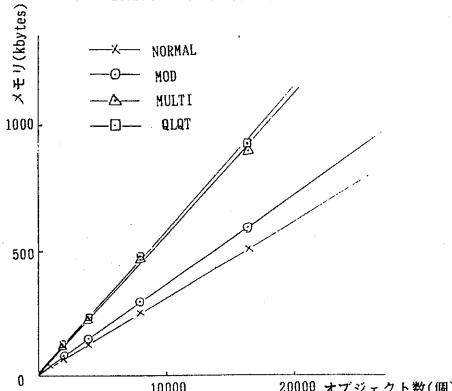
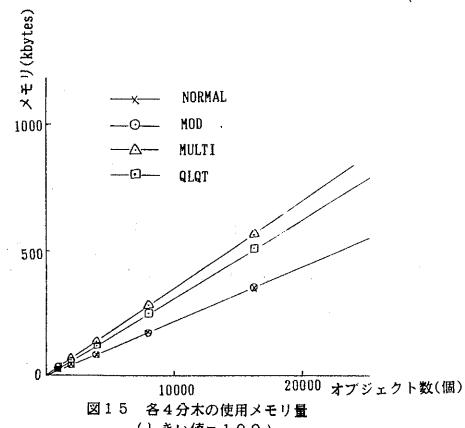
表4 領域探索における各4分木の探索時間(ウインドウの大きさ25000*25000)

オブジェクト 数 (個)	しきい値 = 10				しきい値 = 100			
	NORMAL	MOD	MULTI	QLQT	NORMAL	MOD	MULTI	QLQT
	探索時間 (msec.)							
5 1 2	0.68	0.34	0.81	0.42	0.78	0.39	1.08	0.56
1 0 2 4	0.85	0.39	1.03	0.48	1.18	0.78	1.85	0.70
2 0 4 8	1.36	0.53	1.50	0.75	1.59	0.98	2.43	0.95
4 0 9 6	1.86	0.68	2.27	0.83	2.11	1.32	2.78	1.40
8 1 9 2	2.61	1.07	3.27	1.25	3.54	1.48	4.28	1.70
1 6 3 8 4	4.98	1.64	5.27	2.15	4.49	2.26	5.42	2.55

表5 領域探索における各4分木の探索時間(ウインドウの大きさ5000*5000)

オブジェクト 数 (個)	しきい値 = 10				しきい値 = 100			
	NORMAL	MOD	MULTI	QLQT	NORMAL	MOD	MULTI	QLQT
	探索時間 (msec.)							
5 1 2	0.55	0.20	0.45	0.21	0.66	0.43	0.75	0.40
1 0 2 4	0.70	0.21	0.50	0.22	0.75	0.50	0.83	0.45
2 0 4 8	0.84	0.24	0.55	0.26	0.96	0.58	0.95	0.52
4 0 9 6	1.28	0.26	0.62	0.27	1.49	0.59	1.20	0.62
8 1 9 2	1.67	0.28	0.70	0.28	1.90	0.60	1.52	0.64
1 6 3 8 4	2.23	0.32	0.91	0.32	4.36	0.67	1.93	0.74

表6 領域探索における各4分木の探索時間(ウインドウの大きさ0*0、即ち点探索)

図14 各4分木の使用メモリ量
(しきい値 = 10)図15 各4分木の使用メモリ量
(しきい値 = 100)

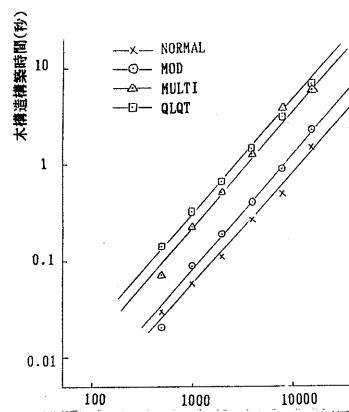


図 16 各 4 分木の木構造構築時間
(しきい値 = 10)

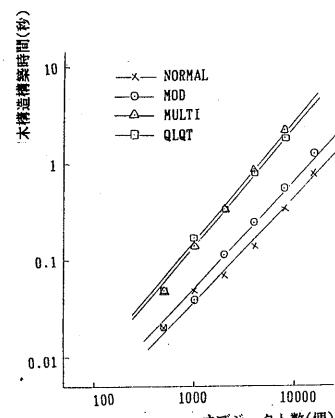


図 17 各 4 分木の木構造構築時間
(しきい値 = 100)

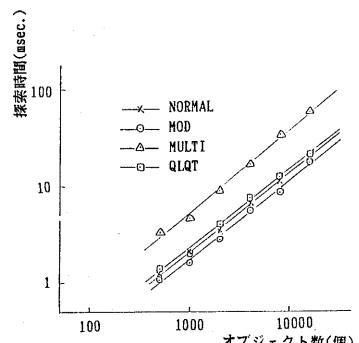


図 18 各 4 分木における領域探索時間
(ウインドウ = 25000*25000, しきい値 = 10)

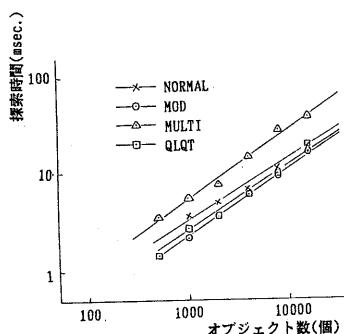


図 19 各 4 分木における領域探索時間
(ウインドウ = 25000*25000, しきい値 = 100)

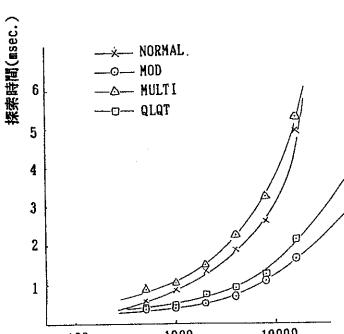


図 20 各 4 分木における領域探索時間
(ウインドウ = 5000*5000, しきい値 = 10)

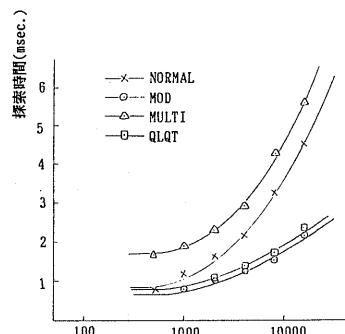


図 21 各 4 分木における領域探索時間
(ウインドウ = 5000*5000, しきい値 = 100)

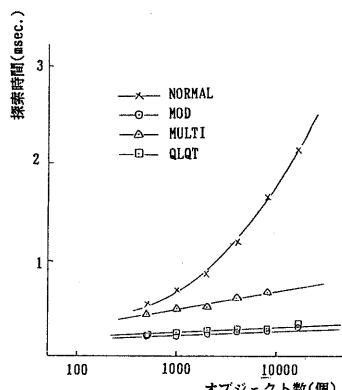


図 22 各 4 分木における点探索時間 (しきい値 = 10)

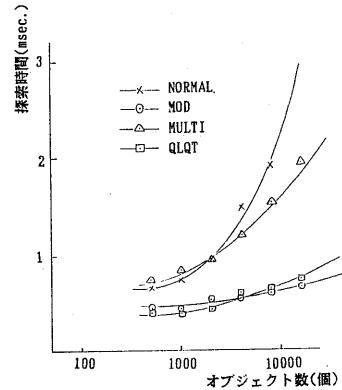


図 23 各 4 分木における点探索時間 (しきい値 = 100)