

関係DBMSビューサポートサブシステムのLUPによる構成法について

増永良文(東北大学 電気通信研究所)

1. はじめに

現代のデータベース管理システム(DBMS)体系はANSI/X3/SPARCレポート[TS1C78]に報告されている様に、応用プログラム(利用者)の物理的かつ論理的データ独立性を保証する為に、云々内部、概念、外部スキーマの三層構成をとる傾向にある。この体系中では利用者視野(Users View, これを本稿ではビューと呼ぶ)は外部スキーマによって定義される。しかしながら現在のデータベースシステムでは商用システムであれ研究用システムであれ外部スキーマをサポートしているシステムはほとんどなく、従って利用者の論理的データ独立性はほとんど実現されていない[Kim79]。外部スキーマをサポートし得る為には外部スキーマと概念スキーマ間のインタフェースが確立していなければならないが、現状ではこのインタフェース設計に困難が存在しているということである。解決しなければならない主要な問題点として次の二点が考えられる:

- (1) 少くとも一の利用者視野をサポートする為に必要な外部スキーマと概念スキーマ間のインタフェースの構成問題,
- (2) マルチプルビューがお互いに干渉しあうことなくサポートし得る為の干渉現象の制御問題。

本稿はこれらの問題解決の第一ステップとして、(1)の問題を外部スキーマ、概念スキーマ等に関係モデルで記述されていて、関係DBMSが一般のビューをサポートするとした場合のインタフェース構成(本稿ではビューサポートサブシステムの構成と呼ぶ)を提示している。本構成はビュー定義本上を動作するLUP(Local View Updater Processor)の動作を記述するという形で提示され、LUP動作は著者が既に主張しているビュー及びビュー更新の“意味”に従って規定される[Masu79]。

2. ビューとビュー更新問題

2.1 ビューとビュー定義本

データの関係モデルでは実体の層性と実体相互間の関連の数学的關係として表現される。[CODD70]で定義された通り、 n 個の層性ドメイン $dom(A_1), dom(A_2), \dots, dom(A_n)$ ($=$ に $dom(A_i)$ は層性 A_i のドメインを表わす) 上の関係 $R(A_1, A_2, \dots, A_n)$ は直積 $dom(A_1) \times dom(A_2) \times \dots \times dom(A_n)$ の (これを本稿では簡略に $dom(R)$ と表わす) 有限部分集合である。基本関係とはディスク等の物理的記憶媒体上に実現されている関係のことを云い、それら全体が関係データベースの概念スキーマを構成しているとする。ビューはそれら基本関係に連関の代数演算や AVARAGE 等の計算関数 (但し本稿では議論を簡明にする為にこれら計算関数は考察の対象としない) を適用して得られる仮想的関係のことを云う。元来関係代数演算としては4つの通常の集合演算(直積, 和集合,

共通集合, 差集合演算) と 4 つの関係代数独自の演算 (射影, 結合, 商, 制限演算) からなっている。しかしながらこれら 8 つの演算は極小集合ではなく, 本稿では一つの極小集合を 5 次の 5 つの演算 (直積 $\otimes$, 和集合 $\cup$, 差集合 $-$, 射影 $R[A]$, 制限 $R[A \theta B]$) をビューを定義する為に用いる演算とする。

この体系のもとでは, 例えば関係 R のドメイン A 上と関係 S のドメイン B 上での θ -結合は $R[A \theta B] S \equiv (R \otimes S)[A \theta B]$ と定義され, R の A 上の S の B 上による商は $R[A \div B] S \equiv R[A] - ((R[A] \otimes S[B]) - R)[A]$, ニニに A は A の R の属性集合に関する補集合, と定義される。一般に任意のビューが上述 5 つの演算を使って定義出来るが, その定義を木状に表現したものをビュー定義木と云うことにする。ビューはその木の根になり, それを定義している基本関係が葉となっている。(ビュー定義木の概念は既に COSMATA 93 にみられる。) 例として二つの基本関係 $ED(EMP, DEPT)$ と $DM(DEPT, MGR)$ の自然結合ビュー EDM は $EDM \equiv ((ED \otimes DM)[DEPT^1 = DEPT^2])[EMP \cap DEPT^2 \cap MGR]$ と定義され, その定義木は図-1 に示されている。(ニニに $DEPT$ の左肩についている数字 1 と 2 は各々の $DEPT$ は ED , DM の属性であることを明示する為に用いている。)

2.2 ビュー更新問題と意味論

ビューからのデータ読出しは常にサポート出来るが, ビューを更新 (書込, 削除, 書換) しようとするとき必ずしもその要求が実現されるとは限らない。これはビューが一般に基本関係から適当な関係代数演算を用いて導出された後継的関係であり, それへの更新要求は丁度所望の更新結果を実現する様な基本関係の更新がなければ始めて実現されるからである。この見地からビュー更新問題は次の二つの問題点を有する:

- (1) ビューの更新可能性とは一体何か,
- (2) ビュー更新実現の為の具体的手法の解明。

これら二つの問題は複雑に絡み合。本節では (1) の問題考察にはビュー及びビュー更新の意味を十分に考慮する必要があることと特に指摘し, 次章以降では逆に (2) の問題点を中心に考察を深め, (1) の問題解決も目指す。

さて, 基本関係 ED , DM の意味を形式的に M_{ED} , M_{DM} と表わす。これらは各々 $dom(ED)$, $dom(DM)$ 上の述語であり, 具体的には $dom(ED)$ の元であるペア $(e1, d1)$ が $M_{ED}(e1, d1) = T$ (真) であるのはその時点で “従業員 $e1$ が売場 $d1$ で働いている” 時及びその時のみであり, 従って $(e1, d1)$ がその時点での ED のインスタンスの元である時及びその時のみである。 ED と DM の自然結合ビュー EDM の意味は ED と DM の意味を使って次の様に定義される:

$$(E1) \quad (\forall x \in dom(EDM)) (M_{EDM}(x) \equiv M_{ED}(x[EMP \cap DEPT]) \wedge M_{DM}(x[DEPT \cap MGR]))$$

今, ED と DM のある時点におけるインスタンスは図-2 に示される通りとする。ビュー $edm(edm$ 存する小文字列はビュー EDM のインスタンスを強調する時に使用) から $tuple(e1, d1, m1)$ を削除しようとする。

これは (E1) 式より “ $M_{EDM}(e1, d1, m1)$ が偽であるのは (i) $M_{ED}(e1, d1)$ が偽であって $M_{DM}(d1, m1)$ は真であるか, (ii) $M_{ED}(e1, d1)$ は真であって $M_{DM}(d1, m1)$ が偽であるか, あるいは (iii) M_{ED}

($e1, d1$) も $M_{DM}(d1, m1)$ も共に偽であるか、のいずれかでなければならぬ"ことが判る。大事なことは $ed\alpha m$ からの一タプル ($e1, d1, m1$) の削除命令が与えられたとすれば、その命令の根拠は (i), (ii), (iii) いずれかの事象が発生していたという事を意味的に主張している事であり、従って $ed\alpha m$ からの二の場合のタプル削除命令として (a) EMP 値が $e1$ で DEPT 値が $d1$ なる全てのタプルを削除する命令が、(b) DEPT 値が $d1$ で MGR 値が $m1$ なる全てのタプルを削除する命令が、(c) EMP 値が $e1$ で DEPT 値が $d1$ であるタプルが DEPT 値が $d1$ で MGR 値が $m1$ であるタプルを全て削除する命令、のいずれかしかあり得ないことが判るということである。この考え方が次章以降、更新変換の基本的考え方となっている。

3. LUPによるビューサポートシステムの一構成法

3.1 理論的基礎

「誘引された構造的保全制約」直積ビューが満たなければならない保全制約で、それが二つの関係の直積であるという定義から構造的に課せられるものである。

つまり二つの関係を $R(A1, A2, \dots, Am)$ と $S(B1, B2, \dots, Bp)$ とする。二の時直積ビュー $R \otimes S$ は次の保全制約を満たさなければならない。これを本稿では以下 $ISIC$ ($Induced\ Structural\ Integrity\ Constraints$) と呼ぶことにする:

(E-2) $(\forall t, t' \in dom(R \otimes S)) ((t, t' \in R \otimes S) \implies (t[A1 \wedge A2 \wedge \dots \wedge Am] \wedge t'[B1 \wedge B2 \wedge \dots \wedge Bp]) \in R \otimes S)$ 。

尚、以下の説明の都合上、次に述べる記号法を導入する。 D, I などを削除、挿入文を表わす。 R 一般に関係とある時、 $res(D, R)$ で R に D が施された結果得られるであろう希望の結果関係を表わす。 $(res(I, R))$ も同様に定義する。 $diff(D, R) = R - res(D, R)$ と定義する。(同様、 $diff(I, R) = res(I, R) - R$)。ISICの主張していることは次の通りである: "直積ビュー $R \otimes S$ に対する削除文 D が $R \otimes S$ (すなわち) S に対する削除文に云わゆる削除的副作用 (deletion side-effect) なく変換されるための構造的必要かつ十分条件は $(\forall t, t' \in dom(R \otimes S)) ((t, t' \in res(D, R \otimes S)) \implies (t[A1 \wedge A2 \wedge \dots \wedge Am] \wedge t'[B1 \wedge B2 \wedge \dots \wedge Bp]) \in res(D, R \otimes S))$ が成立することである"。 $R \otimes S$ に対する挿入文 I についても全く同様のことが成立する。

「更新文変形則」 V はビュー定義木中の根ではない直積ビューとし、 V の一レベル下のビューは A, B, θ に対して $V[A \theta B]$ であったとある。 $D \in V$ は V への削除文とある。この時 D を次の二つの条件を満たす D' に変形する規則を削除文変形則という: (1) $diff(D', V) \supseteq diff(D, V)$, (2) $diff(D', V) \cap V[A \theta B] = diff(D, V)$ 。尚、この規則の運用についてはLUP動作の記述を行なう際述べる。

次に同様 V はビュー定義木中の根ではない直積ビューとする。 $I \in V$ は V への挿入

入文とする。二の時、 $I \in \text{diff}(I', V) \nsubseteq \text{diff}(I, V)$ なる条件を満たす他の挿入文 I' に変形する規則を挿入文変形則と云うことにする。削除の場合と同様この規則の運用については LUP 動作の記述の節で述べる。

「補間則」射影ビュ- $V \in A$ に対する挿入文 α -レベル上のビュ- V への挿入文に変形する際、 V の内包的、外包的性質を使用して V に新たに挿入されるタプルの A 以外の属性値を出来る限り補間しておくという規則である。これは次節以降述べる LUP の仕事である。例えば自然結合ビュ- ed_m に一タプル (e_5, d_3, m_4) を挿入する文 α -レベル上のビュ- $e \in d = d \mid m$ への一タプル (e_5, d_3, d_3, m_4) を挿入する文に変形される。尚この問題は関係モデルの云々ゆる mul 値問題と深く絡む。

3.2 LUP

LUP とは関係 DBMS のビュ-サポートサブシステムをインプリメントしようとする為の *vehicle* である。それはビュ-定義木上を動くプロセッサで、最初根に位置し、そこに居られた更新文 α -レベル上のノード（一つの場合と二つの場合がある）の関係への更新文に変換可能であるかを検証し、もしそれが可能なら変換された更新文を当該ノードに出力し、出力先のノードに移動する。（もし二つのノードに出力が出た場合、LUP は二つに複製されて、当該ノードに移動する。）変換不可能なことが判明すればその旨利用者にアナウンスし変換を止める。LUP は上述の動作を繰返す。もしビュ-定義木上の LUP が全ていづれかの葉に到達し得たならば、ビュ-更新の為の仮計算が開始される。この仮計算は (i) 基本関係の更新が保全制約に触れることなく実行されるか、と (ii) ビュ-更新により云々ゆる付加的副効果 (*additive side-effect*) がどこかで発生するか、を検証する為である。仮計算が支障なく実行終了すればその通り基本関係（従ってビュ-）を更新する。尚、仮計算時の LUP の同期については 3.4 節でもう一度述べる。

3.3 LUP の動作

LUP の動作をそれが駐在しているノードのビュ-の種類、更新が削除であるのか挿入であるのかに大別して記述する。これらの動作は第二章で提示したビュ-及びビュ-更新の意味論的立場にその理論的基礎を置き記述されている。次の記号法を導入する：ビュ-定義木の各ノードには重複し得る非負整数が割当てられる。一般にノード n は一つの先祖 $anc(n)$ と高々二つの子孫 $des_L(n)$ と $des_R(n)$ （一つの場合は $des(n)$ ）を持つ。根の先祖は ϕ （空）である。 $rel(n)$ でノード n の関係を表わすことにする。

「削除文 D の変換動作」

動作 D-1-1 ($rel(n)$ が直積ビュ-で $anc(n) = \phi$ の時) : ISIC が $res(D, rel(n))$ に対して成立するかが検証する。成立すれば $des_L(n)$ と (又は) $des_R(n)$ に $\text{diff}(D, rel(n))$ [α], 二に α は $rel(des_L(n))$ の全属性集合、と (又は) $\text{diff}(D, rel(n))$ [β], 二に β は $rel(des_R(n))$ の全属性集合、を削除する文 D_{out} と (又は) D_{root} を出力し、出力先のノードに LUP は移動する。成立しなればそこで変換不可能を利用者にアナウンスし変換を止める。

動作 D-1-2 ($rel(n)$ が直積ビュ-で $anc(n) \neq \phi$ の時) : ISIC が $res(D, rel(n))$ に対して成立するかが検証する。成立すれば

はLUPの動作D-1-1と同様に動作する。或立しないなら $rel(anc(n))$ が $rel(n)$ の制限ビズーであるか否かをみる。もしそうなら削除文変形則の適用を開始し、 $res(D', rel(n))$ に対しISICが或立しかつ変形が極小である、つまり D' 以外に $diff(D', rel(n)) \not\subseteq diff(D'', rel(n)) \not\subseteq diff(D, rel(n))$ で $res(D'', rel(n))$ に対しISICが或立する D'' が存在しない、 D' を見つける。もし見つければその D' に対して動作D-1-1と同様にLUPの動作する。それ以外は全て変換不可能とアサウンスし変換を止める。

動作D-2 ($rel(n)$ が和集合ビズーの時): $rel(n) = rel(des_L(n)) \cup rel(des_R(n))$ であり、 $rel(n)$ の形式的意味記述は $(\forall x \in dom(rel(n))) (M_{rel(n)}(x) \equiv M_{rel(des_L(n))}(x) \vee M_{rel(des_R(n))}(x))$ である。従って $rel(n)$ からタプル x を削除するためには、 $rel(des_L(n))$ と $rel(des_R(n))$ から共に x を削除しなければならぬことが判る。(これが意味論的LUP動作規定の一例である。) 従ってLUPは $diff(D, rel(n))$ と $rel(des_L(n))$ と $rel(des_R(n))$ から削除するべく D_{Lout} , D_{Rout} と当該ノードに出カし、制御されて移動する。

動作D-3 ($rel(n)$ が差ビズーの時): 意味論的に $rel(n) (= rel(des_L(n)) - rel(des_R(n)))$ からタプル x を削除するには (i) $rel(des_L(n))$ から x を削除するか、(ii) $rel(des_R(n))$ にタプル x を挿入するか、(iii) (i) と (ii) を共に実行するか、のいづれかの曖昧性が存在することが判る。従って (a) 会話方式を導入し、利用者に上のいづれの意味で $rel(n)$ への削除文 D が発せられたのかをまき、その結果に基づいてLUPの動作を決定する本動作は、(b) 変換に二重の意味論的曖昧性が生じてしまつたとしてこれ以降の変換を中止する、この動作を動作D-3' とする、のいづれかの動作が考えられる。

動作D-4 ($rel(n)$ が射影ビズーの時): $rel(n) = rel(des(n)) [A]$ で、 $rel(n)$ の形式的意味記述は $(\forall x \in dom(rel(n))) (M_{rel(n)}(x) \equiv (\exists u \in dom(rel(des(n))) (u[A] = x \wedge M_{rel(des(n))}(u)))$ であるから、 $rel(n)$ からタプル x を削除することは $rel(des(n))$ から $u[A] = x$ とする全てのタプル u を削除することに等しい。この様にLUPは動作する。

動作D-5 ($rel(n)$ が制限ビズーの時): $rel(n) = rel(des(n)) [A \oplus B]$ の時、LUPは $rel(n)$ に対する削除文 D を $rel(des(n))$ に対し、 D の指定する条件を満たす $rel(des(n))$ のタプル x で $x[A] \oplus x[B]$ なるものを削除しようとする文 D' に変換する。この変換は[STON75]の項間変形(query modification)の手法で常に可能である。

[挿入文工の変換動作]

動作I-1-1 ($rel(n)$ が直積ビズーで $anc(n) = \phi$ の時): ISICが $res(I, rel(n))$ に対して或立するか否かを検証する。或立するならば動作D-1-1の場合と同様に $des_L(n)$ と (又は) $des_R(n)$ に $diff(I, res(n)) [\alpha]$ と (又は) $diff(I, res(n)) [\beta]$

を挿入しようとする文 D_{Lout} と D_{Rout} を出力し、出力先に移動する。もし成立しなければ LUP は利用者に変換を可能とアナウンスし変換を中止する。

動作 E-1-2 ($rel(m)$ が直積ビューストリー $amc(m)$ の時): ISIC が $res(I, rel(m))$ に対して成立するかの検証をする。もし成立していれば動作 E-1-1 と同様に LUP は動作する。もし成立しなければ $res(I', rel(m))$ に対し ISIC が成立する様 I を最小変形し I' を求める。この変形は常に可能である。この I' について LUP は動作 E-1-1 と同様動作する。

動作 E-2 ($rel(m)$ が和集合ビューストリーの時): 動作 D-3 で発生したと全く同様の意味での意味論的曖昧性が生じる。従って LUP は (a) 利用者に $rel(m)$ へのタプル t の挿入は (i) $rel(des_L(m))$ への t の挿入を意味しているのか、(ii) $rel(des_R(m))$ への挿入を意味しているのか、(iii) (i) と (ii) を共に意味しているのかを問合せて動作を決定するのか、(b) 意味論的曖昧性の為に変換を可能とするのかのいずれかの動作をする。この場合動作 E-2' と云うことにする。

動作 E-3 ($rel(m)$ が差集合ビューストリーの時): 意味論的考察から LUP は I を $diff(I, rel(m))$ を $rel(des_L(m))$ に挿入する挿入文 I_{Lout} とそれを $rel(des_R(m))$ から削除する削除文 D_{Rout} に変換し出力し複製されて移動する。

動作 E-4 ($rel(m)$ が射影ビューストリーの時): $rel(m) (= rel(des(m)) [A])$ に挿入しようとする各タプル t について、 A 以外の属性値については null としたタプル u を作り、それを $rel(des(m))$ に挿入する様に LUP は I を変換する。尚変換された挿入文にやる。1 節で述べた補間則を適用して値を補うかどうかはノード $des(m)$ に駐在する LUP の仕事となる。この問題は云々関係モデルの null 値の問題と深くかかわるが本稿ではこれ以上議論しない。

動作 E-5 ($rel(m)$ が制限ビューストリーの時): LUP は $rel(m)$ に対する挿入文 I を $rel(des(m))$ に対し、 I の指定すると同じ条件を満たす $rel(des(m))$ のタプル t で $[A] \cap t[B]$ なるもののみを挿入しようとする文 I' に変換する。この変換は動作 D-5 の場合と同様、質問変形の形式を用いて常に可能である。

5. 4 更新実行制御

「実行制御」前節で LUP の動作を述べた。もしある時間の後に全ての更新が成功しビューストリー上の全ての LUP が葉以外のノード上に駐在しなくなったら LUP はビューストリー更新の為に仮計算を開始する。LUP 軌跡という言葉で LUP が駐在したノードの持つビューストリー定義木の部分木を云うことにする。LUP による (仮) 更新動作の同期をとる為に LUP 軌跡の分岐点には道標 (milestone) をおく。LUP は LUP 軌跡の葉から根の向きに更新を実行してゆき道標のある時点で相手方からの LUP がそこ迄降りて来ているのを待つ。この同期がとれた時点で二つの LUP は一つに合併され、以下同様の実行パターンが繰り返される。尚注意しなければならないのは削除文の実行に関しては動作 D-3 がタプルの挿入文が誘起されない限り、云々削除的副効果は動作で規定された変換の性質上起り得ず、基本関係のみ仮実行の後、直ちに実実行に入

ってよい。挿入文についての実行や削除文でも動作D-3で挿入文への変換が生じた場合、云わゆる付加的副効果が生じるかもしれないので、次に述べる制御が必要で、かつ後実行を行なわれなければならない。

「付加的副効果の制御」LUPが動作E-1-2を採った事に依り生じうるかもしれないので、LUP軌跡のノードにこの動作が採られた場合星印(*)を付随させることにする。更新の後実行はこの星印のついたノードより下に来た場合、付加的副効果が発生しているかどうか検証しながら行なわれる。ビューストの挿入が副効果なく行なわれる事が判明すれば実行に移る。尚、挿入の場合でもLUP軌跡に星印が一つも付随しなかった場合、削除の場合と同様後実行は不要で直ちに実行に入る。

4. 例題

ビューストは図-1で定義されている通りのEDM, そのインスタンスは図-2に示されている通りとする。edmビューストに対して削除文 D_0 が送られたとする。

D_0 : "edmから $d1$ と $m1 \in DEPT^2$ 値とMGR値を持つ全てのタプルを削除せよ。"

LUPは動作D-4により $D_0 \in e[d=d]m$ への削除文 D_1 に変換しノード1に移動する。

D_1 : "e[d=d]mから $d1$ と $m1 \in DEPT^2$ 値とMGR値を持つ全てのタプルを削除せよ。"

次いで動作D-5により D_1 はedmへの削除文 D_2 に変換されLUPはノード2に移動する。

D_2 : "edmから $d1$ と $m1 \in DEPT^2$ 値とMGR値を持つかつ $DEPT^1$ 値と $DEPT^2$ 値が等しい全てのタプルを削除せよ。"

edmは直積ビューストなので、ノード2のLUPはISICが $res(D_2, edm)$ に対して成立しているかを検証する。この場合成立している。このノードは根ではないので削除文変形規則が適用可能かどうかを検証する。この場合それが可能でその結果 D_2 は D_3 に変形される。

D_3 : "edmから $d1$ と $m1 \in DEPT^2$ 値とMGR値を持つ全てのタプルを削除せよ。"

従ってノード2でのLUPは動作D-1-2により、 D_3 をノード4の基本関係dmへの削除文 D_4 に変換する。実行が行われ所望の削除がビューストedmで行なわれる。

D_4 : "dmから $d1$ と $m1 \in DEPT^2$ 値とMGR値を持つ全てのタプルを削除せよ。"

尚、この例題の場合のLUP軌跡を図-3に示す。

5. おわりに

LUPを用いた関係DBMSのビューストサポートシステムの一構成法を示した。LUPを導入した利便は次の通りである。

(1) ビュー定義木上を動く LUP は局所的な動作 (2 の数に有限) のみを行なうことができる。

(2) LUP 動作の積み重ねとしてビュー更新変換過程を均一、統一的に記述出来る。

(3) LUP の挙動の正確さをビュースポーツポートサブシステムをインプリメントする場合の一例を示している。

[謝辞] 本研究を遂行する機会を与えて下さった本学野口正一教授に感謝する。又これ迄本研究に関連して御討論下さった皆様に感謝する。尚、本研究の昭和54年度文部省科学研究費補助金、課題番号468008の援助のもとで行われたことを付記する。

[文献]

[Codd 70] Codd, E. F., "A relational model of data for large shared data banks," CACM 13, 6, 1970, p. 377-387 (1970)

[Kim 79] Kim, W., "Relational database systems," Computing Surveys 11, 3, p. 185-211 (1979)

[Stonebraker 75] Stonebraker, M., "Implementation of integrity constraints and views by query modification," Proc. 1975 SIGMOD Conf., ACM, N.Y., p. 65-78 (1975)

[Tsichritzis 78] Tsichritzis, D. C. and A. Klag (ed.), "The ANSI/X3/SPARK DBMS framework, report of the study group on database management systems," Inform. Systems. 3, p. 173-191 (1978)

[Masuoka 79] 増永, "関係データベースでの利用を視野を通じたデータ処理について," 情報処理学会 DBMS 研究会資料, 14-3 (1979年7月)

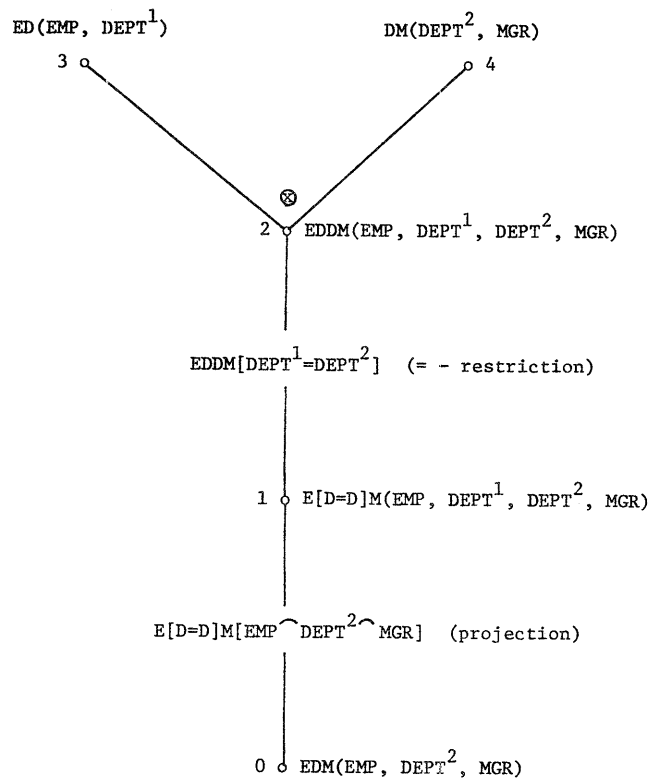


図-1. ビ₂-EDMのビ₂-定義木

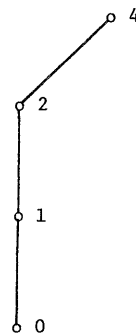


図-3. LUP軌跡 (ビ₂-edmに削除文D₀の場合)

<u>ED</u>			<u>DM</u>		
ed:	<u>EMP</u>	<u>DEPT</u> ¹	dm:	<u>DEPT</u> ²	<u>MGR</u>
	e1	d1		d1	m1
	e2	d1		d1	m2
	e3	d2		d2	m3
	e4	d3			

<u>EDDM</u>					
eddm:	<u>EMP</u>	<u>DEPT</u> ¹	<u>DEPT</u> ²	<u>MGR</u>	
	e1	d1	d1	m1	*
	e1	d1	d1	m2	*
	e1	d1	d2	m3	
	e2	d1	d1	m1	*
	e2	d1	d1	m2	*
	e2	d1	d2	m3	
	e3	d2	d1	m1	
	e3	d2	d1	m2	
	e3	d2	d2	m3	*
	e4	d3	d1	m1	
	e4	d3	d1	m2	
	e4	d3	d2	m3	

e[d=d]m: This consists of five tuples of eddm marked *.

<u>EDM</u>			
edm:	<u>EMP</u>	<u>DEPT</u> ²	<u>MGR</u>
	e1	d1	m1
	e1	d1	m2
	e2	d1	m1
	e2	d1	m2
	e3	d2	m3

図-2. ED, DM, EDDM, E[D=D]M 及び EDM の
インスタンス.