

先読みスケジューラの性能評価

河添 博之・藤原 敬子・加藤 直樹

株式会社QUICK・富士通・神戸商科大学

本論文では、データベースシステムの同時実行制御方式として提案された先読みスケジューラについて、その性能評価を計算機を使用して、シミュレーション実験を行った。このスケジューラは、トランザクション到着時にその処理単位が既知であるとの仮定の下でデッドロックやロールバックなどを起こさないものである。我々がとりあげたスケジューラは、 $CS(WW)$, $CS(\overline{WRW})$ と多版方式にもとづく $CS_m(MWW)$, $CS_m(MWRW)$, $CS_m(M(WR+RW^-))$, $CS_m(M(RW+WR^-))$ をとりあげて、待ち時間とスケジューラの負荷について性能評価を行った。その結果、待ち時間は $CS_m(M(WR+RW^-))$ と $CS_m(M(RW+WR^-))$ が短く、負荷はどのスケジューラもあまり変わらないという結論を得た。これらの結果から、先読みスケジューラはよりよいデータベースシステムを構築するのに役立つと、考えられる。

"Performance Evaluation of Cautious Scheduler"

by Hiroyuki KAWAZOE(QUICK, 1-28-24, Shinkawa Chuo-ku

Tokyo 104 Japan), Keiko FUJIHARA (FUJITSU),

Naoki KATOH(Kobe University of Commerce)

Most of the currently known transaction schedulers (e.g. those based on two-phase locking or time-stamping) use rollback. In this paper we examine practical performance of cautious schedulers, which never resort to rollback for the purpose of concurrency control under the assumption transactions on arrival predict their read and write sets. We experiment six types of cautious schedulers $CS(WW)$, $CS(\overline{WRW})$, $CS_m(MWW)$, $CS_m(MWRW)$, $CS_m(M(WR+RW^-))$ and $CS_m(M(RW+WR^-))$ by computer simulation. We conclude that $CS_m(M(WR+RW^-))$ and $CS_m(M(RW+WR^-))$ are superior to others.

1. まえがき

データベースシステムにおいて、複数の命令を同時に処理するときに、なんらかの制御を行わないと、データの論理的首尾一貫性が、保たれなくなることがある。この保障を行うための制御が、同時実行制御の考え方である。この同時実行制御の手段として、現在、二相ロック方式や時刻印方式が、良く使用されている。しかし、これらの方は、デッドロックやロールバックを起こす可能性がある。このような事態に一旦陥ると、データを回復するために、多大な費用と時間がかかる。

我々がここでとりあげた先読みスケジューラは、命令は到着すると同時に、そのすべての処理単位をスケジューラに知らせるという仮定のもとで、デッドロックやロールバックを起こさないというものである。

この先読みスケジューラが、優れていることは、理論上確認されているが[2,4]、実際に、計算機上、どの程度の性能を持っているのかを調べるために、いくつかのサブクラスをとりあげ、シミュレーション実験をおこなった。

2. システムモデルとスケジュールの定義

データベースシステムは、データ項目の集合 D とトランザクションの集合 $T = \{T_0, T_1, \dots, T_f\}$ から成る。トランザクション T_i の read operation $R_i[X]$ はデータ項目 X の値を参照する。read operation $W_i[X]$ は X の値を更新する。 S を D のサブセットとするとき、read のステップ $R_i[S] = \{R_i[X] | X \in S\}$ は T の read operation のこれ以上分割できない最小単位の集合である。write operation $W_i[S]$ も同様に定義する。なお T_0, T_f は、初期トランザクション、最終トランザクションと呼ばれる架空のトランザクションである。 T_0 は、すべてのデータ項目を初期化する $W_0[D]$ からなるトランザクションで、 T_f は他のトランザクションがすべて完了したのちに、すべてのデータ項目の最後

の値を参照する $R_f[D]$ からなるトランザクションである。

トランザクションは、ステップの構成上から、次の 3 つのモデルに分類される。

i) 2 ステップ モデル

トランザクションには、2 つのステップしかなく、必ず、READステップ、WRITEステップの順に到着する。

例) $R_i[X, Y] W_i[X, Y]$

ii) READ-WRITE モデル

トランザクションでは、READステップがすべて到着した後、WRITEステップが到着する。

例) $R_i[X, Y] R_j[Z] W_i[X] W_j[Z]$

iii) 一般モデル

READステップ、WRITEステップがランダムに到着する。但し、READ、WRITE両方を行うデータ項目については、必ず、READステップが、WRITEステップに先立つ。

例) $W_i[Y] R_j[X] R_i[Z] W_j[X]$

我々が、ここで扱う先読みスケジューラは、单版先読みスケジューラと多版先読みスケジューラに分類することができる。[2,4] 单版先読みスケジューラでは、データ項目 X について最新の X の値を参照するものである。一方、多版先読みスケジューラは、データ項目 X に過去に更新された値を持つ版の存在を許し、READ命令は、それまでに書かれている版の中から適当なものを選んで参照することができるというものである。

各トランザクションのステップの順序を保つ Step(T) 上の系列は log と呼ばれる。トランザクションの集合上の log h が与えられると、 T 上のスケジュールは、 $s = \langle h, I \rangle$ のペアで示される。ただし、 $I(R_i[X])$ は、 h の中で $R_i[X]$ に先行する write operation の集合への mapping であり、 I は、interpretation と呼ばれる。もし $I(R_i[X]) = W_j[X]$ なら、 T_i が T_j の更新した X の値を参照したという。特に、すべての $R_i[X] \in h$ に対して、 $W_j[X] = I(R_i[X])$ が $R_i[X]$ に先行する最新の更新操作であるとき、 I は、標準的 interpretation と呼ばれ、 I^* で示される。

単版先読みスケジューラの場合も $\langle h, I^* \rangle$ として表現されるが I^* が $\log h$ の中に潜在してしまうので、一般に、 h だけで示される。

同じステップ集合に対しての 2 つのスケジュール $s = \langle h, I \rangle$, $s' = \langle h', I' \rangle$ において、 $I = I'$ なら s と s' は等価であると言いつつ $s \equiv s'$ で示される。違うトランザクションのステップが挟まれていない \log で、しかも I^* を持つスケジュールは、serial スケジュールと呼ばれる。また、serial スケジュールと等価であるスケジュールを直列可能と呼ぶ。

次に、モデルを説明をするための重要な定義を述べる。

• TIO グラフ [1]

s がトランザクションの集合 T 上のスケジュールであるとき、 $TIO(s)$ によって示される s の TIO グラフは、ノードの集合 $T \cup T'$ と枝の集合 A をもつラベル付き多重グラフである。 T' , A は以下のように定義する。もし T_j が T_i から X を参照するなら X のラベルを持つ $read-from-arc(T_i, T_j) \in A$ ($(T_i, T_j) : X$ と示す) を持つ。もし T_j が更新した X の値を他のどのトランザクションも参照しないなら、ダミーノード $T'_j \in T'$ を作り、 $(T_j, T'_j) : X \in A$ を導入する。なお、 $W_j[X]$ は useless write と呼ばれる。

• DITS [1]

$TIO(s)$ のノードの集合の全順序に対して次の 2 つの条件を満足するなら DITS (disjoint interval topological sort) を持つという。

1) $T_k \ll T_j$ なら $TIO(s)$ には T_j から T_k への道はない。

2) [Exclusion rule (排除規則)]

$TIO(s)$ グラフ上の $(T_k, T_\ell) : X$ と $(T_j, T_\ell) : X$ (ただし $T_k \neq T_j$) に対して、 $T_k \ll T_j$ または $T_j \ll T_k$ のいずれかが成り立つ。

2) の時に T_k から T_ℓ へパスが $TIO(s)$ にある場合、DITSを持たせるためにラベル無しの exclusion arc (T_k, T_ℓ) を $TIO(s)$ に導入する。

[定理 2.1] [1]

もし $TIO(s)$ が最初のトランザクション T と最後のトランザクション T' を順序付ける DIS T を持つなら、スケジュールは直列可能である。

一般に与えられた $TIO(s)$ グラフが DITS を持つかどうかを判定する問題は N P 完全問題である。そこで以下のようないくつかの制約を導入する。

WW 制約：あるデータ項目 X に対して $W_i[X] < W_j[X]$ なら T_j の前に T_i は順序付けられていなければならない。

同様に、RW 制約、WR 制約、RR 制約を定義する。また、WR 制約と RW 制約の結合を WRW として表わす。

制約集合を C とすると、 $TIO_C(s)$ は C に属するすべての制約の枝を $TIO(s)$ に加えたグラフを示す。また $TIO_C(s)$ にすべての exclusion arc を加えて得られるグラフを $TIO_C^*(s)$ で表わす。

3. 先読みスケジューラ

直列可能なサブクラス C に属するスケジュールを出力する一般的なアルゴリズム $C_S(C)$ について簡単に説明する。アルゴリズムに必要な主なデータ構造は、 $\langle P, I \rangle$, q , PEND, DEL で、 $\langle P, I \rangle$ はすでに実行された部分的なスケジュールである。 q は現在テストされるべきステップである。PEND は、最初のステップが到着しているトランザクションのうち、すでに認められているものと、現在テストされているものを除いたものの集合である。

DEL は、先読みスケジューラによって遅らされたステップのリストである。DEL には、1 つのトランザクションからはせいぜい 1 つのステップしか存在しない。なぜならもしその要求が遅らされたら、トランザクションは、次の要求を送れないからである。

以下に、正確なアルゴリズムを示す。 [4]

Procedure CS(C)

[CS0 : (初期化)] P := W₀(X), q := 最初のリクエスト (最初のトランザクション T₁ によって発行された) DEL := A, PEND := Steps(T₁) - {q}

[CS1 : (q のテスト)] 部分的なスケジュール P_q と PEND に完成テストを適用する。もしそれが失敗すれば、CS2へ行く。さもなくば、q を認め、CS3へ行く。

[CS2 : (q は遅らされる)] PEND := PEND ∪ {q}、現在のリクエスト q によって、次のうちの 1 つの作業を行う。

- 1) q ∈ DEL で、しかも DEL のすべてのステップがテストされ失敗したなら CS5 へ行く。
- 2) q ∈ DEL で、1) 以外の場合に、q を DEL の次のステップにして CS1 へ行く。
- 3) q 不在 DEL なら DEL の最後に q を加え、CS5 へ行く。

[CS3 : (q は認められた)] P := P_q で q ∈ DEL なら、DEL から q を削除。

[CS4 : (DEL の中から次の q を選ぶ)] もし、DEL ≠ A なら q は DEL の中の最初のステップであるとし CS1 へ行く。DEL = A なら CS5 へ行く。

[CS5 : (次の到着のステップを待つ)] q は次の到着のステップになる。もし q が新しいトランザクション T_j の最初のステップなら、PEND := PEND ∪ Steps(T_j) - {q} で CS1 へ戻る。

4. 完成テスト

完成テストが成功するかどうかを判定するための重要な定義を以下に示す。

・ ATIO グラフ [4]

$\langle P, I \rangle, q, PEND$ が、与えられたとき、ATIO グラフは、 $ATIO(\langle P, I \rangle, q, PEND)$ で表わされ、P_q と PEND の中にあるステップからなるトランザクションのノードとダミーノードを持つまた枝の集合は、A と A' からなる。A は read-from-arc と P_q のステップのダミー枝である。A' は PEND のステップ

の各 $W_k(X)$ に導入されるダミー枝 (T_k, T'_k) : X と各 $R_k(X)$ に導入される始点の定まらない枝 (-, T_k) : X の集合である。単版スケジューラの場合、I は一意的に定まるので、 $ATIO(Pq, PEND)$ と書く。

この ATIO グラフも TIO グラフ同様に $ATIO_c^*(\langle P, I \rangle, q, PEND)$, $ATIO_c^*(\langle P, I \rangle, q, PEND)$ が定義される。

[定理 4.1]

C = WW の時、WW 完成テストが成功する時は、 $ATIO_{WW}^*(Pq, PEND)$ がサイクルを持たないときに限る。

完成テストが、WW と同様に $ATIO_c^*(\langle P, I \rangle, q, PEND)$ のサイクルの存在の有無で判定できるサブクラスは、表 4.1 に示すようなものがある。我々はこれらのスケジューラを取り上げ、性能評価を行ったために、シミュレーション実験を行った。

| | スケジューラ | 制約枝 |
|----|----------------------------|-----------------------|
| 単版 | CS(WW) | WW 制約枝 [4] |
| | CS(WRW) | WR, RW 及び一時枝 [4] |
| 多版 | CS _m (MWW) | WW 制約枝 [2] |
| | CS _m (MRWRW) | WR と RW 制約枝 [2] |
| | CS _m (M(WR+RW)) | WR 制約枝と RW 制約枝の一組 [5] |
| | CS _m (M(RW+WR)) | RW 制約枝と WR 制約枝の一組 [5] |

表 4.1 スケジューラ

5. 効率向上のための工夫

完成テストの際に導入される $ATIO_c^*(\langle P, I \rangle, q, PEND)$ はすべての exclusion arc を必要とするので枝数が多く、ノードの数も新しいトランザクションが到着するたびに 1 つずつ増加していくので、グラフを保持するための領域や完成テストの処理時間が時間の経過にともない増加していくという欠点を持つ。そこで我々は、 $ATIO_c^*(\langle P, I \rangle, PEND)$ グラフよりも枝数が少なく、しかもサイクルの有無に関しては等価な SG グラフを導入して、完成テストを行う。

ここでは表 4.1 のスケジューラのうち CS(WW) を取り上げ、 $SG_{WW}(Pq, PEND)$ の定義だけを行い、他は省略する。

・ SG_{WW}(Pq, PEND) (4)

SG_{WW}(Pq, PEND) は各データ項目 X に対して、 ATIO_{WW}((P, I), q, PEND) に次の枝を加えることによって、作ることができる。

(i) WW-arc(T_j, T_l)

W_j[X] と W_l[X] は、 Pq の中に X に関して、 相続 < write operation(Pq において W_j[X] W_l[X] の間には、 X に関する write operation は無い) に対して引く枝。

(ii) WW-arc(T_k, T_j)

Pq の中に X についての最後の write operation W_k[X] から各 pending write W_j[X] ∈ PEND への枝。

(iii) WR-arc(T_k, T_j)

Pq の中に X についての最後の write operation W_k[X] から各 pending read R_j[X] ∈ PEND への枝。

(iv) exclusion arc(T_k, T_l)

(i) の WW-arc(T_j, T_l) について、 T_k が T_j から X を read しているときに、 R_k[X] から W_l[X] へ引く枝。

(v) exclusion arc(T_k, T_j)

(ii) の WW-arc(T_k, T_j) について、 T_k が T_j から X を read しているときに、 R_k[X] から W_j[X] へ引く枝。

[定理 5. 1] [3]

C = WW に対して、 SG_{WW}(Pq, PEND) がサイクルを持たないとき、かつその時に限り、 ATIO_{WW}^{*}(Pq, PEND) はサイクルを持たない。

定理 5. 1 の証明は少し複雑であるので、 ここでは詳しい証明は省き、方針だけを説明する。

SG_{WW}(Pq, PEND) に導入するのと同様の read-from-arc, constraint arc, exclusion arc が ATIO_{WW}^{*}(Pq, PEND) にも存在するので、 SG_{WW}(Pq, PEND) がサイクルを持つなら、 ATIO_{WW}^{*}(Pq, PEND) もサイクルを持つ。逆に、 SG_{WW}(Pq, PEND) がサイクルを持つなければ、 ATIO_{WW}^{*}(Pq, PEND) もサイクルを持つない事を示さなければならない。

ATIO_{WW}^{*}(Pq, PEND) もサイクルを持たない事と ATIO_{WW}(Pq, PEND) が DITS を持っていることが等価であること参考文献[4]で証明されている。

したがって、 SG_{WW}(Pq, PEND) がサイクルを持つなければ、 ATIO_{WW}^{*}(Pq, PEND) が DITS を持つことを証明すれば良い事になる。最初に、 ATIO_{WW}^{*}(Pq, PEND) 中のすべての read-from-arc, constraint arc が SG_{WW}(Pq, PEND) の中のパスとして、 表される事を示し、 ((i)(ii)(iii)) の枝を加えることによって満たされる。) 次に、 i ≠ k であるような 2 つのインターバル (T_i, T_j): X と (T_k, T_l): X がお互いに overlap しないことを示し、 証明が完成する。

SG グラフにおいて、 トランザクションのすべてのステップが終了して、 なおかつ、 SG グラフ上でその祖先にあたるトランザクションも同様に終了しているとき、 erasable と呼ばれ、 SG グラフから消去することが可能である。このことにより、 SG グラフをコンパクトに保つことができ、 完成テストの処理時間を短くすることができる。

6. シミュレーション

| 変数 | 範囲 | 内容 |
|-----------|-------|--|
| T-INT-Arr | 6~16 | トランザクションの平均到着間隔 |
| MAXWSET | 5~10 | トランザクションが WRITE するデータ項目の最大 |
| WRRATIO | 0~ | WRITE するデータ項目数と READ するデータ項目数の割合 |
| OV | 0~100 | READ SET と OVERLAP する WRITE SET のパーセンテージ |

表 6. 1

| 変数 | 値 | 内容 |
|-----------|-----|------------------------|
| NUM-T | 600 | トランザクションの発生数 |
| S-INT-Arr | 5 | ステップの平均到着間隔 |
| D-SIZE | 45 | データベースシステム内でアクセス可能な項目数 |

表 6. 2

我々は、表6.1のパラメタをいろいろと変化させることによって、トランザクションの待ち時間にどのような影響を与えるかを調べるために、シミュレーション実験を行う。また、表6.2は常に固定させておくパラメタである。

1からMAXWSETの間の任意の値をトランザクションが更新するデータ項目数であると決め、WRATIO, OVの値により、参照だけ行う項目数を決める。たとえば、更新するデータ項目数 = 10, WRATIO = 1.2, OV = 0.8の場合、更新だけ行う項目数 = 2、参照だけ行う項目数 = 4、更新参照の両方行う項目数 = 8となる。これらの値を決め、項目数に従い、データ項目を割り当て、任意に並べることによって、トランザクションが決定される。ただし、更新と参照の両方を行う項目については、必ず、参照が更新に先立つと仮定される。

次に、トランザクションがどのように到着するかを考えてみる。トランザクション間、トランザクションのステップ間は、それぞれT-INT-Arr, S-INT-Arrを平均とする指數分布に従って到着すると仮定する。

スケジューラの性能を評価するために、以下のようないシミュレーションの評価基準を考える。

a) 平均待ち時間

トランザクションが、終了するまでに、スケジューラによって、待たされる時間（完成テストなどの処理時間は0と仮定する）。これはトランザクションより次の2つを考える。

1) トランザクション平均待ち時間

トランザクションは、その最後のステップが認められた段階で終了したものとみなされる。

2) Commit平均待ち時間

先読みスケジューラは、ロールバックされる可能性ないと最初に述べたが、ハードウェアの故障などの理由でトランザクション終了前にアボートするかもしれない。もしそのようなことが起こったら、アボートしたトラン

ザクションからデータを読んだトランザクションをロールバックしなければならない。万一そのようなことが起こってもロールバックする必要がないことが確認されたときに初めてCommitする。Commitされた段階ではじめてトランザクションが終了したものとみなされる。

b) 平均トランザクション数

S G ((P, I), q, PEND) のノードの数の平均

各スケジューラを異なった環境で、実行させて性能比較を行うために、次のような3つシミュレーション実験を行った。実験1では、WRATIO=1.2, OV=82%, MAXWSET=8として、T-INT-Arrを2~16まで変化させる。実験2では、WRATIO=1.2, OV=82%, T-INT-Arr=8として、MAXWSETを5~10まで変化させる。実験3では、MAXWSET=6, T-INT-Arr=8として、OVを0~100%まで変化させる。（トランザクションが操作するデータ項目数の最大値を一定にするためにOVの変化にともないWRATIOも同様に変化させる）以上の実験を2ステップ、READ-WRITE、一般的の各トランザクションモデルについて行った。

まず、各実験の結果を考えてみる。実験1では、トランザクション平均到着間隔がスケジューラに及ぼす影響を考える。T-INT-Arrの値を増加させると、S-INT-Arrが一定に保たれているので、S-INT-ArrとT-INT-Arrの比が増加し、実行中のトランザクションの数が減り、トランザクションの競合が少なくなり、待ち時間が減少する。実験2では、writeするデータ項目の最大数がスケジューラに及ぼす影響を考える。MAXWSETの値を増加させると、ほとんどの場合において、待ち時間は増加する。これは、MAXWSETの値が増加すると、1つのトランザクションが操作するデータ項目数が増すことによりトランザクションの競合が多くなるからと考えられる。この実験において、MAXWSETを7から8に変化させたときに非常に待ち時間が増すのは興味深い。実験3ではREAD SETとOVER LAPしているWRITE SETのパーセンテージがスケジューラに及ぼす影響を考える。OVの値が高くなると、一般

的に待ち時間が長くなる傾向が有るが、実験1、実験2に比べると、グラフの変動が激しいので長くなるとは、断言しがたい。次に、各スケジューラの性能について考えてみる。まず最初に、他の論文でも比較的よく取り上げられているWW, WRW, MWW, MWRWについてはMWRWが、ほとんどの場合に最も待ち時間が短い事がわかる。他の3つのスケジューラは、2ステップ、READ-WRITEモデルの場合には、ほとんどすべて同じ結果で、一般モデルにおいては外部環境によって、良くなったり、悪くなったりして一概にどれが良いとは言えない。次に、Commit平均待ち時間であるが、これはどのスケジューラもトランザクション平均待ち時間とほぼ同様の傾向である。一般モデルにおいてトランザクションのすべてのステップが終了してからCommitされるまでの時間は平均1秒ぐらいである。一般に、多版スケジューラにした場合、スケジューラにかかる負荷が大きくなると考えられがちなので、これについて考えてみる。これは、平均トランザクション数によって検討することが出来る。ここで、負荷を考えるのは、負荷が大きくなるといくら待ち時間が少なくとも、判定グラフのノード数や枝の数が増え、完成テストなどの処理時間に悪影響を及ぼし、response timeが長くなり、スケジューラの実際の性能を悪くするためである。実験の結果、各スケジューラの平均トランザクション数は、ほとんど違いが無く、それほど大きな値でもなかった。負荷は多版スケジューラも単版スケジューラもあまりかわらず、完成テストなどの処理時間も長くならないと考えられる。次に、他の論文ではあまり取り上げられていない新しいスケジューラ $M(WR+RW^-)$, $M(RW+WR^-)$ について考えてみる。2つのスケジューラとも今までのスケジューラより、よい結果が出ている。2ステップ、READ-WRITEモデルにおいては $M(WR+RW^-)$ の方が良く、一般モデルにおいては $M(RW+WR^-)$ の方が良いことがわかる。しかし、 $M(RW+WR^-)$ はトランザクションが終了してから Commitされるまでの時間が他のスケジューラに比べて長くなる場合がある。平均トランザクション数はいずれも今までの

スケジューラとほとんど違いがなかった。また $M(WR+RW^-)$ で注目すべき点は他のスケジューラに比べて、古いバージョンからかなりの値を参照していることである。

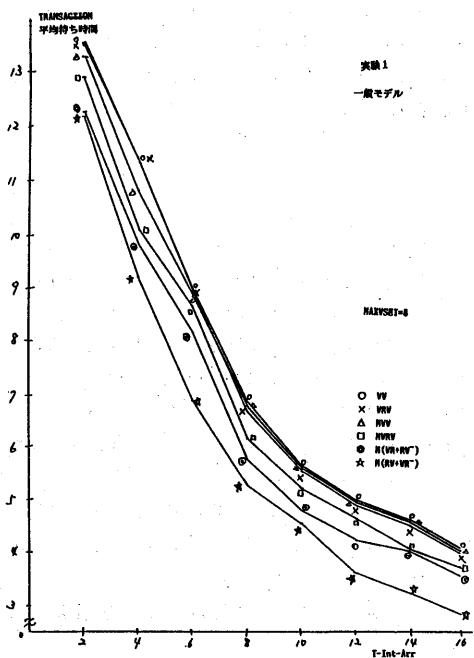
7. あとがき

本稿では、先読みスケジューラをいろいろな環境の下で実際にシミュレーション実験を行い、新しく提案された $CS_M(M(WR+RW^-))$, $CS_M(M(RW+WR^-))$ が今まで提案されている先読みスケジューラよりも優れていることを示した。しかし、我々は、処理時間などを無視して実験を行ったので、今後これらの時間も考えあわせた行わなければならないだろう。またトランザクション実行中にステップを変更する必要が生じたときの対処方法など考えていかなければならぬ。

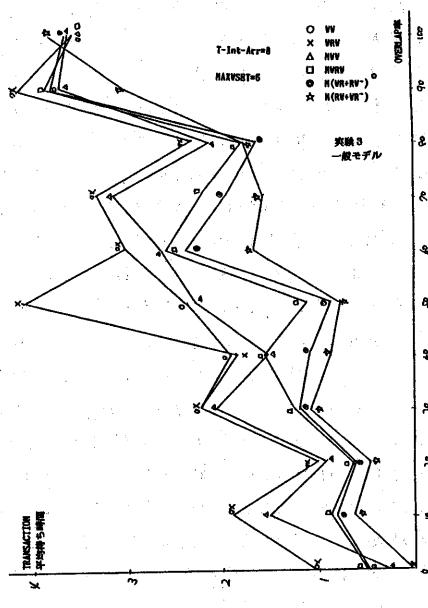
なお、詳しい実験内容は [6] を参照されたい。

8. 参考文献

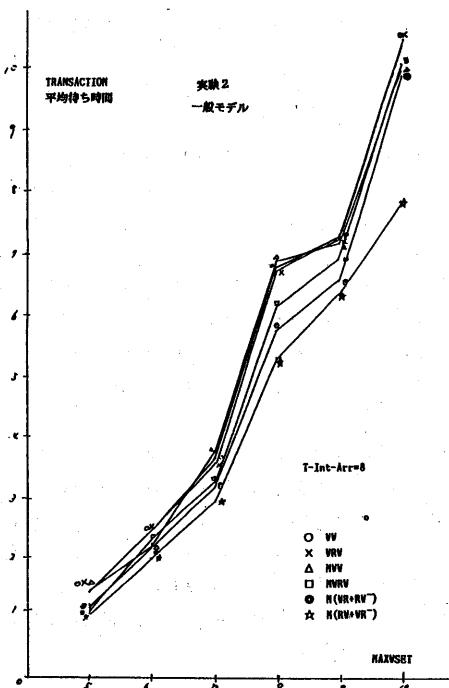
- [1] T. Ibaraki, T. Kameda, and T. Minoura, "Serializability with constraints," ACM Trans. Database Syst., vol. 12, no. 3, pp. 429-452, Sept. 1987
- [2] N. Katoh, T. Kameda, and T. Ibaraki, "A cautious scheduler for multi-step transactions," Algorithmica, vol. 1, pp. 1-26, 1986
- [3] N. Katoh, T. Kameda, and T. Ibaraki, "Efficient implementation of cautious scheduler," Lab. Comput. Commun. Res., Simon Fraser Univ., LCCR Tech. Rep. (to appear), 1988
- [4] T. Ibaraki, T. Kameda, and N. Katoh, "Cautious transaction scheduler for Database Concurrency Control", IEEE Trans. Software Eng., vol. 14, no. 7, July, 1988
- [5] 加藤直樹 未発表論文
- [6] 河添博之・藤原敬子 神戸商科大学卒業論文(1987)



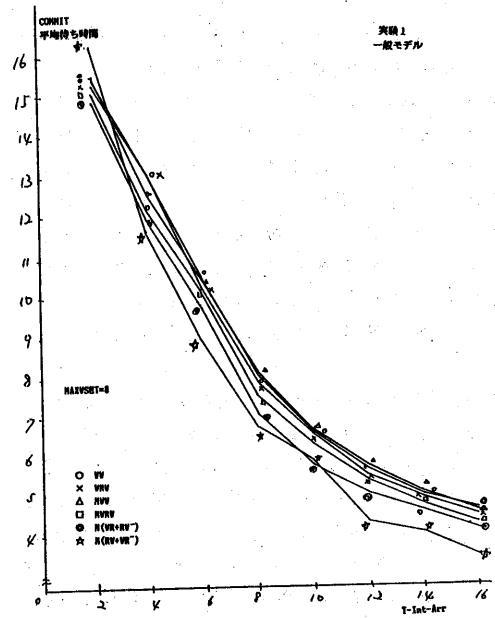
付録1
実験1・トランザクション平均待ち時間(一般モデル)



付録3
実験3・トランザクション平均待ち時間(一般モデル)



付録2
実験2・トランザクション平均待ち時間(一般モデル)



付録4
実験1・Commit 平均待ち時間(一般モデル)