バイナリ空間分割木を用いた多角形光源による影の計算

奥野弘貴1 岩崎慶1

概要:本稿では、多角形光源による影を考慮した、物理則に基づいたレンダリング手法を提案する.多角形光源による直接光の計算では、入射輝度、双方向反射率分布関数(BRDF)、可視関数の三つを多角形領域について積分する必要があり、この計算には高い計算コストが要求される.多角形光源によるリアルタイムレンダリングを実現するための手法として、多角形光源の辺に沿った境界積分による解析的な手法が存在するが、可視性を考慮していないため影をレンダリングすることができない.そこで、提案法は事前計算された可視関数をクラスタリングによる階層構造で表現することで、境界積分の閉形式を維持しつつ解析的なレンダリングを可能にする.提案法では多角形光源をシェーディング点から可視となる領域に細分化する.実験結果により、GGX BRDF を用いて多角形光源による複雑な影を考慮したレンダリングがインタラクティブな速度でおこなえていることを示す.

キーワード:多角形光源,影,可視関数,GGX BRDF

Interactive Rendering of Shadows for Polygonal Light using a Binary Space Partitioning Visibility Tree

HIROKI OKUNO^{†1} KEI IWASAKI^{†1}

1. はじめに

多角形光源によるインタラクティブな物理ベースレン ダリングは重要な研究の一つとなっている.特に影はシー ン内の物体同士の空間的関係を表現することができ、リア リティのあるレンダリング結果を得るための重要な役割を 果たしている.近年、多角形光源を用いた手法[1]や球光源 を用いた手法[2]など、面光源によるレンダリング手法が数 多く研究されているが、面光源による効率的な影の表現が おこなえる物理ベースレンダリングは未だ大きな課題の一 つとなっている.これは、面光源からの入射輝度、双方向 反射率分布関数 (BRDF)、可視関数の三つの積の積分計算 が非常に高コストになってしまうためである.

多角形光源を扱っている従来法では、光源が方向によら ず一定の光を放出していると仮定し、可視性を無視するこ とで三つの積の積分計算を、余弦で重み付けされた BRDF の多角形領域における積分計算に置き換えることで、多角 形光源からの寄与を解析的に計算している.余弦で重み付 けされた BRDF は、多角形の辺に沿った境界積分による閉 形式が与えられた球面分布で近似され、リアルタイムレン ダリングを実現している.しかし、影をレンダリングする ためには可視性を考慮する必要があり、多角形光源がシェ ーディング点から可視となるような領域を正確かつ高速に 求めることは非常に難しい.代わりにモンテカルロ積分に よるレンダリングをおこなうことが考えられるが、リアル タイムなパフォーマンスを維持するためには少数のシャド ウレイで可視性を推定する必要があり、ノイズの発生に繋 がってしまう恐れがある.

そこで我々は事前に計算された可視関数をクラスタリ ングすることで多角形光源による影のレンダリングをおこ なう手法を提案する.提案法では境界積分による解析的な 計算を維持し,図1に示すようにGGX BRDFを用いて全 ての周波数の影をレンダリングすることが可能である(例 えば,光沢度が強い表面ではハードシャドウとなり,粗い 表面ではソフトシャドウとなる).また,ユーザはインタラ クティブに多角形光源を平行移動,回転させることが可能 で、GGX BRDF のパラメータや視点位置も変更可能である.

2. 関連研究

2.1 多角形光源レンダリング

多角形光源による直接照明の計算には、入射輝度と BRDF の積を多角形領域について積分する必要がある.積 分値を確率的に推定する方法としてモンテカルロ積分が挙 げられるが、サンプリング数が少ない場合レンダリング結 果に多くのノイズが発生してしまう.この問題を解決する ために、多角形領域における積分を解析的に計算する方法 [3]が提案されている.Heitz ら[1]は多角形光源下で GGX BRDF を用いてリアルタイムシェーディングを行うための 線形変換された余弦分布 (LTC)を提案した.この手法は GGX BRDF を LTC で近似表現することで多角形光源から の寄与を解析的に計算することを可能にしたが、可視性を 考慮していないため影のレンダリングをおこなうことがで きない.その後 Heitz ら[4]は可視性を確率論的なアプロー

和歌山大学 Wakayama University



図 1 提案法による dragon のレンダリング結果. 提案法では GGX BRDF を用いたテクスチャライトによる インタラクティブなレンダリングが可能である. 左上から 右下にかけて, GGX BRDF の粗さパラメータαをそれぞれ 0.1, 0.25, 0.5, 1.0 に変更した結果である.

チで推定することによって影をレンダリングする手法を提 案したが、この手法ではレンダリング結果にノイズが発生 するためデノイズ処理が必要となる.

近年では球面調和関数を多角形領域について解析的に積 分することで、多角形光源による効率的なレンダリングを おこなう手法が提案された[5][6].しかし、球面調和関数は 高周波データを近似表現するために高次の基底関数が必要 となるため、インタラクティブな速度でハードシャドウや 鋭い光沢反射を伴うシーンをレンダリングすることが難し い.

2.2 直線を用いた可視関数の表現

我々の手法と同様に,符号付き距離関数で可視関数を表 現する手法がいくつか提案されている[7][8]が,これらの手 法は基本的に面光源に対応していない. Nowrouzezahrai ら [9]は,可視性が変化する場所を表す visibility silhouette と呼 ばれるもので可視関数を表現し,環境照明下での放射輝度 を半解析的に計算する手法を提案した. Ho ら[10]は vectorized visibility function と呼ばれる可視関数の表現方法 を提案した. この手法では三次元座標を繋ぎ合わせること によって得られるベクトルの集合により可視関数を表現し ている. しかしながらこれらの手法は環境マップライティ ングのための手法であり,多角形光源によるレンダリング には対応していない.



図 2 提案法の基本的なアイデア. 提案法では(c)に示すように,可視関数の可視領域と不可 視領域の境界を二次元平面上の直線によって表現する.ま た,(d)に示すようにキューブマップ上に投影された多角 形光源をその直線により分割することで可視の多角形領域 を得ることができる.

3. 提案手法

3.1 基本的なアイデア

多角形光源による出射輝度Bは以下の式で計算される.

$$B(\boldsymbol{\omega}_o) = \int_{\Omega} L(\boldsymbol{\omega}_i) V(\boldsymbol{\omega}_i) \tilde{f}_r(\boldsymbol{\omega}_i, \boldsymbol{\omega}_o) d\boldsymbol{\omega}_i$$
(1)

ここで, Ωはシェーディング点から多角形光源へと向かう 方向の集合を表し, ω_i, ω_oはそれぞれ入射方向, 出射方向, L(ω_i)はω_i方向からの入射輝度を表す.計算の簡単化のた めに,多角形光源が方向によらず一定の光を放つと仮定す ることでLが定数値となり積分の外に出すことができる (ただし提案法では,図1に示されるようにテクスチャラ イトのような入射輝度が方向に依存する光源を扱うことが できる).Vは可視関数を表し,ω_i方向に遮蔽物が存在する 場合 0 を返し,それ以外の場合は1 を返す.f_rは余弦で重 み付けされた BRDF である.

提案法では静的なシーンを想定し、シーン中の各頂点*x* で可視関数*V*を事前に計算し、キューブマップに格納する. その際、キューブマップ上の各面に格納されている二次元 の可視関数を Binary Space Partitioning Visibility Tree (BSPVT) と呼ばれるバイナリ空間分割木で表現する. BSPVT は図 2 に示すような直線を用いて、キューブマップ上の各面に格 納されているピクセル値を類似(又は同じ)した値の集合 となるように分割をおこなうことで得られる二分木である. 図2に示すように、キューブマップの各面において、直線 を用いることで、多角形光源を可視領域、不可視領域に分 割することができる.これにより出射輝度Bは分割された 各多角形領域の可視関数の平均値と、各多角形領域におけ る余弦で重み付けされた BRDF の積分値との積和で求める ことができ、以下の式で表される.

$$B(\boldsymbol{\omega}_{o}) = L \int_{\Omega} V(\boldsymbol{\omega}_{i}) \tilde{f}_{r}(\boldsymbol{\omega}_{i}, \boldsymbol{\omega}_{o}) d\boldsymbol{\omega}_{i}$$

$$\approx L \sum_{i} \bar{v}_{i} \int_{\Omega_{i}} \tilde{f}_{r}(\boldsymbol{\omega}_{i}, \boldsymbol{\omega}_{o}) d\boldsymbol{\omega}_{i}$$
(2)

式(2)における Ω_i は分割された多角形領域の集合を表し、 \bar{v}_i は各多角形領域の可視関数の平均値である.また、余弦で 重み付けされた BRDF の積分計算は LTC[1]を用いること で解析的に計算することができる.

3.2 Binary Space Partitioning Visibility Tree

提案法ではキューブマップに格納されている可視関数 をBSPVTで表現する.BSPVTはキューブマップの各面に 格納されているピクセル値を似た(又は同じ)値をもつピ クセルの集合にクラスタリングすることで得られる二分木 である.BSPVTの各内部ノードは図2に示すように、ピク セルの集合Pを二つの領域P_L, P_Rに分割するような直線のパ ラメータを保持している.P_L内のピクセルは直線から負の 符号付き距離を持ち、P_R内のピクセルは0以上の符号付き 距離を持つ.BSPVTの各葉ノードは、クラスタ内のピクセ ルの可視関数の値が等しいとみなされる領域に対応する.

BSPVTの構築方法をアルゴリズム1に示す.提案法で は類似したピクセルの集合が得られるように,直線により ピクセルの集合Pを二つの領域P_L,P_Rに分割する.そのよう な直線を求めるために誤差関数E(P,l)を導入する.lは直 線を表し,誤差関数E(P,l)の値が最小となるようなlを求 める.誤差関数E(P,l)は、ピクセルの集合Pの各ピクセル pに格納されている可視関数の値V(p)と直線lによって以下 の式で定義される.

$$E(P,l) = \sum_{p \in P} \left(H_0(d(p)) - V(p) \right)^2$$
(3)

ここで、 $H_0(x)$ はヘヴィサイド関数を表し、 $x \ge 0$ のとき1 を返し、それ以外のときは0を返す関数である.また、 d(p)は直線lからピクセルpの中心座標までの符号付き距離 を表す.図 2(b)に示すように、 P_L 内のピクセルpは $H_0(d(p))$ の値が0となり、 P_R 内のピクセルでは1となる. 直線lは、最適化アルゴリズムである Nelder-Mead 法によ り誤差関数E(P, l)の値を最小化することで得られる.また、誤差関数の値がユーザの指定した閾値 ϵ 以下になった 場合類似したピクセルの集合が得られたと判断し、 BSPVTの葉ノードとする.葉ノードにはクラスタ内の可 視関数の平均値 $\bar{v} = \frac{1}{|p|} \sum_{p \in P} V(p)$ を格納する.





(a)の上段はキューブマップ上のある面の可視関数を表している.(b)から(d)に示すように可視関数の値は直線での分割により定義される.図の下段に示す色付きの円は BSPVTの内部ノードを表し、白黒で示す四角形は葉ノードを表している.黒い四角はV=0の領域を表し、白い四角はV=1の領域を表している.

アルゴリズム1 BSPVTの構築アルゴリズム.提案法ではキューブマップの各面に存在する全てのピクセルの集合Pを直線によりクラスタリングする.各クラスタCにはピクセルの集合Pとクラスタ内誤差eが格納されている.

1: キューの初期化 Q ← {P,∞}

2: while $\forall e > \epsilon$ in Q do

- 3: Qから最も誤差eの値が大きいクラスタC = {P,e}を取り出す
- 4: 誤差関数E(P,l)の値が最小となる直線lを求める
- 5: 直線lによりPをP_L.P_Rの二つの領域に分割する
- 6: $\rho \supset \neg \land \lor C_L = \{P_L, E(P_L, l)\}, C_R = \{P_R, E(P_R, l)\} \diamond Q \sub \lor \lor \lor \lor \lor \lor$

図 4は dragon のモデルを使用して BSPVT を構築した際 の元の可視関数との比較結果を表している.提案法では dragon のような曲線が多く見られる複雑な可視関数であ っても BSPVT によって高精度に表現できている.



図 4 dragon のモデルによる可視関数の可視化図. (a)(c)は事前計算時にキューブマップに格納された元の可 視関数を表し,(b)(d)は BSPVT により定義された可視関数 を表す.提案法では可視関数の複雑な境界(例えば曲線部 分など)を精度よく表現することができることを示してい る.

3.3 BSPVTを用いた多角形光源レンダリング

シーン中の各頂点において多角形光源をキューブマッ プに投影し,投影された多角形領域を BSPVT の各ノード に格納されている直線により分割する.図 5 は BSPVT の 探索の様子を表し,多角形光源の分割処理の流れを示して いる.図 5(a)の下段は BSPVT を表し,上段は BSPVT によ り定義された可視関数を表している.提案法では図 5(b)の ように多角形光源を各頂点におけるキューブマップの面に 投影し,多角形領域を分割する.多角形光源は各内部ノー ド(図 5(a)から(d)の下段に示す色付けされた円)に格納さ れている直線により分割される.図 5(c)のように葉ノード におけるクラスタ内の可視関数の平均値 \bar{v} が0 でない場合, 分割後の多角形領域 P_1 について BRDF の積分計算をおこな う.また,図 5(d)に示すように $\bar{v} = 0$ となるような葉ノード に到達した場合,分割後の多角形領域 P_2 についての積分計 算はおこなわずに破棄する.

4. 実験結果

図 1 はテクスチャライトによる Stanford Dragon のレン ダリング結果である. 提案法では Heitz ら[1]の手法と同様 にテクスチャを事前にフィルタリングしておくことでテク スチャライトによるレンダリングが可能となっている. 現 在は CPU によるマルチスレッドでの実装となっており,実 験に使用した PC は Intel Xeon E5-2650 v4 2.20GHz CPU で ある. 表 1 はモデルの頂点数, レンダリング速度, BSPVT の事前計算時間, BSPVT のデータサイズ, 頂点あたりの葉



図 5 BSPVT の探索の流れ.

上の行はキューブマップに投影された多角形光源(オレン ジ色の三角形)を BSPVT により領域分割をおこなう様子 を表しており、下の行は BSPVT の対応するノード(青い 矢印で示したノード)を表している.

ノードの平均数を示している.提案法ではインタラクティ ブなレンダリング速度(1.8fps~43.5fps)で多角形光源によ る影のレンダリングを実現している.本資料の全てのシー ンにおいてレンダリング画像の解像度は 512×512 で,キ ューブマップに保存された可視関数Vの解像度は 64×64 と なっている.

図 6 はテクスチャライトを用いて Teapot のシーンをレ ンダリングした結果である. 左上から右下にかけて, GGX BRDF の粗さパラメータαの値を 0.1, 0.25, 0.5, 1.0 と変化 させた結果を示している. 提案法ではハードシャドウ(左 上)からソフトシャドウ(右下)まで全ての周波数の影を 表現することができる. 図 7 は Stanford Bunny を用いて多 角形光源を移動,回転させてレンダリングをおこなった結 果を示している.

図8は提案法(左)と、GGX BRDF を用いてレイトレー

	図 1	図 6	図 7
頂点数	506K	17K	138K
レンダリング 速度	2.5fps	43.5fps	1.8-10.0fps
事前計算時間	14.4h	2.7min	1.2h
データサイズ	837.8MB	23.1MB	177.0MB
頂点あたりの 葉ノードの数	127.9	105.8	99.9

表 1 提案法の詳細データ



図 6 teapot によるレンダリング結果. 左上から右下にかけて GGX BRDF の粗さパラメータαを それぞれ 0.1, 0.25, 0.5, 1.0 に変化させている.

シングにより作成された参照画像(中央)との比較結果を 示している.一番右の画像は提案法と参照画像との絶対誤 差を可視化したものである.図 8に示すように,提案法に よるレンダリング結果は参照画像に匹敵する精度でのレン ダリングが可能である.また,提案法と参照画像との誤差 は二つの近似によるものである(LTCによる BRDFの近似 と BSPVTによる可視関数の近似).そこで,BSPVTによる 近似誤差を取り除き,可視関数を無視してLTCのみでレン ダリングされた画像と,GGX BRDFを用いてレイトレーシ ングによって作成された参照画像を比較する.図 8の下段 の画像は可視性を無視した参照画像とLTCによるレンダ リング結果の比較を表している.誤差画像を見てもわかる とおり,絶対誤差 8%以上のピクセル(特に dragon の背後





 図 7 bunny によるレンダリング結果.
 多角形光源を移動,回転させてレンダリングを行った結果 を示している.



図 8 提案法と参照画像との比較結果.

上段の左が提案法によるレンダリング結果,中央がレイト レーシングにより作成された参照画像,右が提案法と参照 画像との誤差を可視化した誤差画像である.また,下段に 示しているのは可視性を無視し,LTCのみによるレンダ リング結果と,可視性を無視して作成された参照画像との 比較結果である.

Vol.2019-CG-176 No.8 Vol.2019-DCC-23 No.8 Vol.2019-CVIM-219 No.8 2019/11/7

の領域)はLTCによるBRDFの近似が原因であり,BSPVT による可視関数の近似によって発生する誤差は比較的小さ いと考えられる.

5. まとめ

本稿では、多角形光源レンダリングにおける効率的な影 の計算の一手法を提案した.可視関数を木構造により階層 的に表現する BSPVT を導入し、多角形光源を可視領域と 不可視領域に効率的に分割することが可能となった.提案 法は、多角形光源によるあらゆる周波数の影をインタラク ティブな速度でレンダリング可能であること示した.

提案法は現在頂点単位で影の計算をおこなっており,シ ーン中の物体が十分に細分化されていない場合はエイリア シングが発生してしまう恐れがある.この問題を解決する ために,各頂点で格納された BSPVT を補間することによ って,フラグメント単位で影をレンダリングする手法を考 える必要がある.また,現在の実装は CPU による実装のた め,GPU による実装をおこなうことで更なる高速化が見込 まれる.

参考文献

- Eric Heitz, Jonathan Dupuy, Stephen Hill, and David Neubelt. Real-time Polygonal-light Shading with Linearly Transformed Cosines. ACM Transactions on Graphics 35, 4(2016), 41:1-41:8.
- [2] Jonathan Dupuy, Eric Heitz, and Laurent Belcour. A Spherical Cap Preserving Parameterization for Spherical Distributions. ACM Transactions on Graphics 36, 4(2017), 139:1-139:12.
- James Arvo. Applications of Irradiance Tensors to the Simulation of non-Lambertian Phenomena. In *Proc. of SIGGRAPH*'95. 335-342.
- [4] Eric Heitz, Stephen Hill, and Morgan McGuire. Combining Analytic Direct Illumination and Stochastic Shadows. In Proceedings of the ACM SIGGRAPH Symposium on Interactive 3D Graphics and Games(I3D '18). 2:1-2:11.
- [5] JingwenWang and Ravi Ramamoorthi, Analytic Spherical Harmonic Coefficients for Polygonal Area Lights. ACM Transactions on Graphics 37, 4 (2018), 54:1–54:11.
- [6] Laurent Belcour, Guofu Xie, Christophe Hery, Mark Meyer, Wojciech Jarosz, and Derek Nowrouzezahrai. 2018. Integrating Clipped Spherical Harmonics Expansions. ACM Transactions on Graphics 37, 2(2018), 19:1-19:12.
- [7] Jiaping Wang, Peiran Ren, Minmin Gong, John Snyder, and Baining Guo. All-Frequency Rendering of Dynamic, Spatially-Varying Reflectance. ACM Transactions on Graphics 28, 5(2009), 133:1-133:10.
- [8] Kun Xu, Yun-Tao Jia, Hongbo Fu, Shi-Min Hu, and Chiew-Lan Tai. Spherical Piecewise Constant Basis Functions for All-Frequency Precomputed Radiance Transfer. *IEEE Transaction on Visualization and Computer Graphics* 14, 2(2008), 454-467.
- [9] Derek Nowrouzezahrai, Ilya Baran, Kenny Mitchell, and Wojciech Jarosz. Visibility Silhouettes for Semi-Analytic Spherical Integration. *Computer Graphics Forum* 33, 1(2014), 105-117.
- [10] Tze-Yiu Ho, Yi Xiao, Rui-Bin Feng, Chi-Sing Leung, and Tien-Tsin Wong, All-Frequency Direct Illumination with Vectorized