# プログラムの実行挙動と分岐予測性能を表現するエントロピーの提案

横 田 隆 史† 大 津 金 光† 馬 場 敬 信†

現在のプロセッサ・アーキテクチャにおいて予測器は重要な役割を担っており、分岐予測器を中心 になおさまざまな予測方式の試みがなされている.分岐予測器の性能は、分岐履歴などプログラムの 実行挙動の性質に大きく影響される.この性質を定量的に表現する指標を得られれば、それがすなわ ち予測器の性能の基準となるはずである.本論文では、情報エントロピーの考え方を導入することに より、分岐履歴に基づくプログラムの実行挙動と、予測器の構成に基づく分岐予測挙動を、それぞれ 表現する手法を議論する.そして前者の議論からプログラムの分岐履歴をもとにした分岐履歴エント ロピーを提案する.このエントロピーは、その値をもとに期待可能な予測性能を理論的に求めること ができることから、予測方式に依存しない予測性能の指標となりうる.また後者の議論から、表の形 態をとる分岐予測器において表の各エントリの参照頻度の偏りを表す表参照エントロピーと、各エン トリに分配される情報量の平均を表す表要素エントロピーを提案する.この2つのエントロピーの組 により分岐予測器の特徴を表すことが可能であり、さらに、表参照エントロピーから予測器内の資源 の使用効率を推測することができる.

# Proposal of Entropies for Representing Program Behavior and Branch Prediction Performance

TAKASHI YOKOTA,<sup>†</sup> KANEMITSU OOTSU<sup>†</sup> and TAKANOBU BABA<sup>†</sup>

Predictors are inevitable components in the state-of-the-art microprocessors and branch predictors are actively discussed from many aspects. Performance of a branch predictor largely depends on program behavior, however, we have no effective metric to represent the nature of program behavior. In this paper, we introduce an information entropy idea on branch predictors. We first discuss information of a branch result as an index of program behavior and propose Branch History Entropy, which induces theoretical expected hit ratio and thus becomes an index of prediction performance. We, then, discuss characteristics of tableformatted branch predictors and propose two entropies: Table Reference Entropy and Table Entry Entropy. The former represents effective amount of resources in a predictor and the latter shows maximum expected prediction performance.

### 1. はじめに

現在のマイクロプロセッサにおいて,十分な性能を 達成するために予測器が重要な役割を果たしているこ とは論をまたない.このため特に分岐予測器に関して は活発な検討が続いており,たとえば Championship Branch Prediction Competition<sup>1),2)</sup>では分岐予測器 に関して現実的/理想的の2方向から議論されている.

現在使用されている予測器の多くは,過去に発生した事象の記録をもとに将来あるべき直近の事象を予測する点において,共通した特徴を持つ.これは,次に起きるべき事象を予測するに,過去に多く発生した

† 宇都宮大学

事象が起こりやすいと考えることがもっともである, との考えによる.

このように,予測器は過去の履歴に基づいた予測を 行うことから,過去に遭遇していない状況では予測が 困難である.また,十分な予測性能を達成するには, 実際の事象が履歴のとおりに発生すること,すなわち 高い規則性を持つことが必要となる.さらに,たとえ ば分岐予測器の性能を議論する際,プログラム実行全 体にわたり平均した分岐確率 などの指標を用いるの は適当でない.これは,分岐予測器の予測性能は,分 岐確率のような一元的な指標ではなく,実行している

Utsunomiya University

本論文では,過去の履歴に基づいて次の事象を予測する形式の 予測器に絞って議論を進める. ここでは,条件分岐命令の総実行回数のうち結果が taken であっ たものの割合とする.

プログラムの挙動(すなわち分岐の規則性/不確定性) に大きく依存するためである.しかし,これまで我々 はプログラムの実行挙動を表現できる指標を持たず, 特定の方式の予測器を基準として予測方式の優劣を論 じてきた.プログラムの実行挙動の規則性を定量的に 表現できれば,それが予測性能を表す指標となりうる.

古典情報理論によれば,規則性が高い(ないし偏り が大きい)ときは情報源の持つ情報量は小さく,予測 は容易である.一方,情報源がランダムな動きをする 場合,すなわち情報量が大きいときは,正確な予測は 難しい.本論文では,こうした情報エントロピーに着 目し,分岐履歴に基づくプログラムの実行挙動と,予 測器の構成に基づく分岐予測挙動を,それぞれ表現す る手法を議論する.

以下,本論文は次のような構成をとる.まず,2章で プログラム実行にともない予測器の中に観測される偏 りについて述べる.そして,3章でプログラムの挙動 を表現するためのエントロピーを議論し,4章で分岐 予測器の構成に着目したエントロピーを求める.5章 では,各章で定義したエントロピーと予測成功率との 関係について評価,考察する.6章で関連研究につい て言及し,最後に7章でまとめる.

#### 2. プログラム実行における偏りの表出

予測器が次に起こりうる事象を正確に求めるために は,履歴を正しく蓄積し必要な情報を正確に引き出す ことが必要である.このため予測器では,用いる記憶 要素の量が多いほど高い予測性能が得られる傾向があ ることが知られている<sup>3)</sup>.しかしその一方で,用意し た記憶要素の量に応じた予測性能が必ずしも得られる わけではないこと,そして,ある程度以上の記憶要素 を用意しても予測性能は飽和することが多いこともよ く知られた事実である.これらが何に起因するのか解 明することが本研究の動機である.

我々は,2パス限定投機実行方式<sup>4),5)</sup>の検討過程に おいて,予測器内部の資源の使用頻度に大きな偏りが あることを見出した<sup>6)~8)</sup>.そこでは,特定のループ において,ある特定のパス(最頻出パス)が実行され るか否かをイテレーションごとに予測するために,2 レベル分岐予測器<sup>9)</sup>(図1)の動作原理を適用したパ ス予測器を用いた.この特定パスの出現の有無を1/0 で表現し,直近の h ビットの出現履歴をもとに飽和 カウンタからなるパターン履歴表(PHT)を参照し, 当該パスの有無を予測している.注目しているパスの 出現に規則性がなければ,当該予測器におけるパスの 出現履歴(すなわち PHT エントリの参照回数)は h



図 1 2 レベル分岐予測器の構成







ビットの空間内に広く分散するはずである.しかし多 くのプログラムでは頻繁に参照されるパターン履歴表 (PHT)エントリはごく少数であり,履歴のビット数 hを大きくするとこの傾向がいっそう顕著になるうえ に予測性能も向上することが分かった.

上記のパス予測器は,プログラム中の特定のループ に限ったうえで特定のパスが実行されるか否かを予測 するものであった.これに対して,プログラム全体を 予測の対象とする分岐予測器では,頻繁に参照される 参照 PHT エントリがより広範に分布することが予想 される.

しかし現実には,分岐予測器においても PHT のご く少数のエントリのみが頻繁に参照される状況が容易 に確認できる.図2は,SimpleScalar<sup>10)</sup> ツールセッ トを用いて2レベル分岐予測器の PHT エントリの 参照回数を求め,その多い順に並べたものである.こ れは,SPEC CINT2000中の164.gzipを入力データ セット trainで実行した結果であり,条件分岐の結果が taken になる確率(taken の出現比率)は約59.4%で ある.分岐履歴の記録ビット数 h に対して PHT の総 エントリ数は 2<sup>h</sup> 個あるが,図2 では,参照頻度の高 い上位 64 個のみの参照回数を表示している.

分岐履歴中の '1' や '0' の個々の出現確率に偏りが あったとしても,個々の条件分岐の結果が不確定であ れば,履歴の記録ビット数を大きくするほど,高頻度 に参照される PHT エントリの数は多くなるはずであ る.しかし,図2の結果はこの逆であり,条件分岐が ある程度の決定性をもって実行されている,すなわち, 規則性がある,といえる.

h ビットの分岐履歴の値 ( $h_{h-1}, h_{h-2}, ..., h_0$ )が あるとき,次の分岐履歴値は,そのときの分岐の結果 をxとして( $h_{h-2}, h_{h-3}, ..., h_0, x$ )となる.PHT エ ントリの参照数の分布に著しい偏りがあることは,す なわち,ある分岐履歴  $h_{h-1}, h_{h-2}, ..., h_0$ があったと き,次に現れる分岐事象(x: taken ないし not-taken) がほぼ唯一に限られることを意味する.このことから, 分岐結果の出現履歴をとると,そこには何らかの「パ ターン」が存在し,そのパターンが PHT エントリの 参照数の多寡に現れているものと解釈することがで きる.

3. プログラムの実行挙動を表すエントロピー

3.1 マルコフ情報源のエントロピー

前章では,予測器内のPHTエントリの参照回数に大きな偏りがあることを示し,これがプログラムの実行 挙動の規則性を示唆していることを示した.Shannon 以来の情報量の考え方によれば<sup>11)</sup>,規則性が高いほど その情報源の持つ情報量は小さく予測は容易である. 逆に,情報源がランダムな挙動をする場合は情報量が 大きく,正確な予測は難しい.ここでの情報量は,以 下に示すように,情報エントロピーとして定量的に表 現される.

あるマルコフ情報源 S から生成されるシンボル列 があるとき,その情報エントロピー H(S) を求めた い.そこで,n 個の連続したシンボル列によるn 次の 拡大随伴情報源  $\overline{S}^n$  を考える.この情報エントロピー  $H(\overline{S}^n)$ は,

$$H(\overline{S}^n) = -\sum_i p(S_i^n) \log_2 p(S_i^n) \tag{1}$$

で求められる.ここで  $p(S_i^n)$ は,n次拡大随伴情報 源による個々のシンボル $S_i^n$ の発生確率を表す.

さらに,n + 1次の拡大随伴情報源エントロピー  $H(\overline{S}^{n+1})$ が求められれば,もとのマルコフ情報源Sのエントロピーのn次近似 $H^n(S)$ は

$$H^{n}(S) = H(\overline{S}^{n+1}) - H(\overline{S}^{n})$$
<sup>(2)</sup>

で求められる.さらに,もとの情報源の真のエントロ ピー H(S)は,

$$H(S) = \lim_{n \to \infty} H^n(S) \tag{3}$$

により求めることができる.



図 3 情報源としてのプロセッサと分岐予測器

Fig. 3 Processor as an information source to branch predictor.

3.2 分岐履歴エントロピー

古典情報理論で行われた上述の議論を,プログラム の実行挙動および分岐予測器に適用する.ここで,図3 に示すように,分岐予測器を,条件分岐結果(taken または not-taken の1ビットの情報)を入力とし,次 の条件分岐が taken であるか not-taken であるかの 予測結果を出力するブラックボックスとして考える. すなわち分岐予測器は,プログラムを実行しているプ ロセッサを情報源として,そこから時系列に得られる taken/not-taken の情報をもとに「次の値」を予測す るものと考える.

これにより,上述のエントロピーの定義を,そのまま プログラムの実行挙動にあてはめることができる.すな わち,上述のシンボルを分岐結果(taken/not-taken) に置き換え,プログラムを実行しているプロセッサを, 分岐結果を表す1ビットの情報を時系列に生成する情 報源と見なすのである.連続したn 個の分岐結果(す なわち分岐履歴)をもとにすれば,式(1)をそのまま 適用することが可能であり,n次拡大随伴情報源エン トロピー  $H(\overline{S}^n)$ を求めることができる.そしてさら に式(2),(3)から情報源のエントロピーを求めるこ とができる.

本論文では,分岐履歴をもとに求めたエントロピー であることを明示するために,情報源を B で表現し, さらに式 (2) により定義されるエントロピーを,n 次近 似分岐履歴エントロピー(Branch History Entropy) と呼び, $H^{n}(B)$ のように記述する.また式(3)によ る真のエントロピーを単に分岐履歴エントロピーと呼 び,H(B)と表す.

3.3 分岐履歴エントロピーの意味

プログラムの挙動は,多くの場合,分岐結果の履歴 で表現できる.このために,分岐履歴の情報をもと に定義した分岐履歴エントロピーは,プログラム実行 挙動の規則性を定量的に特徴づける指標となる.

また,こうして定義した分岐履歴エントロピーは, プログラムの実行にともなう分岐履歴から得られる正

現実には間接分岐命令なども考慮しなければならないが,議論の簡単化のため本論文では条件分岐のみを扱う.

味の情報量と解釈される.式(3)で表されるマルコフ 情報源 S のエントロピーは, S が生成したシンボル の履歴をもとに,次に生成されるシンボルの確からし さを表している.

プロセッサで実行されているプログラムは,何らか のアルゴリズムに従い意味のある処理を行っている. このためプログラム中の分岐命令は,当該プログラム が実行された過去の状態に強く依存して実行される. すなわち,プログラム中の分岐命令の実行結果には強 いマルコフ性があり,分岐結果を生成する情報源(プ ロセッサ)はマルコフ情報源と見なすことができる. このため,式(3)をもとに定義された分岐履歴エント ロピーは,「次に起こりうる分岐の成否」の情報量を 表現しているものと解釈される.すなわち,次の分岐 結果の確からしさを表す.

分岐履歴エントロピーの数値の大小は何を表すのか を考える.ここまでの議論で,分岐履歴は0/1の2値 で与えられているため,分岐履歴エントロピーの値は  $0 \le H(B) \le 1$  (4)

となる.上述のように, *H*(*B*) は次に起こりうる分岐の成否の情報量である.

ところで, ある 2 値事象が確率 p で発生するとき, その情報量は

 $f(p) = -p \log_2(p) - (1-p) \log_2(1-p)$  (5) で求められる.逆に,ある2値事象の情報量 *H* が与 えられた場合,その生成確率 *p* は,式(5)の逆演算  $f^{-1}(H)$ により求めることができる.このようにエン トロピー値をもとに式(5)の逆演算により求めた確率 を,本論文では,期待可能予測成功率と称する.

以上より,分岐履歴エントロピーは,プログラムの 実行挙動の規則性を定量的に表現するとともに,分岐 履歴以外の情報を使わない場合における予測性能を示 す指標と考えることができる.

4. 予測器の動作にともなうエントロピー

3 章で定義した分岐履歴エントロピーは,予測の方 式や予測器の構成によらず,プログラム実行の経過に ともない時系列に生成される条件分岐の成否の情報量 を表現したものである.そこで本章では,分岐予測器 の基本的な構成を考慮した規則性の定量化を考える.

2 章で述べたように,プログラムの実行挙動は予測 器の動作挙動にも表出される.分岐予測器の構成を仮 定し,その構成のうえで観測される状態を,情報量と してエントロピーにより定量的に表現することを考え る.これにより,プログラムの実行挙動と予測器の方 式に基づいて表出する特徴を定量的に表現することが





#### できるものと考えられる.

プログラムの実行挙動と分岐予測性能を表現するエントロピーの提案

本章では図4 に示すような,表構造を持つ分岐予 測器を対象として議論する.予測器はプログラムカ ウンタや分岐履歴などを入力として,まず予測に使 用する PHT エントリを選択する (エントリ選択子: entry selection function). 各エントリは, 与えら れている入力とそのエントリに蓄えられている 情報をもとに次の分岐の成否を予測する機能を 持つ(予測子: prediction function). そして目的 の分岐命令が実行された後,更新機能(更新子: update function)によって当該エントリの内容を更新 する.こうした構成および動作は, bimode 分岐予測 器 $^{12)}$ , 2 レベル分岐予測器 $^{9)}$ , gshare 分岐予測器 $^{13)}$ , そしてパーセプトロン分岐予測器<sup>3),14)</sup>に共通する.む ろん,これまでには上記以外の構成をとる分岐予測器 も多く提案されているが,本論文では議論の簡単化の ため,図4に示す構成をとる分岐予測器に対象を絞る.

プロセッサからの情報は,エントリ選択子によって 分岐予測器内部の各エントリに振り分けられる.分岐 命令の実行結果は,現在選択されているエントリにお いて更新子により使用されるが,同時に,当該エント リが次の分岐予測を行う際の入力情報としても考える ことができる.このときエントリ選択子により選択さ れていないエントリは,何の動作も行わない.すなわ ち,プロセッサにより生成された分岐履歴情報(一次 情報)は,エントリ選択子により,各エントリへの分 岐履歴情報(二次情報)として配分されると考えるこ とができる(図5参照).各エントリに配分される分 岐履歴情報には,3章で行った議論と同様にして情報 量を定義することができる.

また,2章で述べたように,プログラム実行に内包 される規則性はエントリへの参照回数の多寡として表 出される.したがって,この点からも情報量を考える ことができる.

このように,分岐予測器を図4のような表構造をと るものとしたとき,

- 各エントリへの参照回数の多寡
- 各エントリに配分される分岐履歴の情報





Fig. 5 Branch history information delivered to each PHT entry.

表 1 2 レベル分岐予測器における履歴長と表参照エントロピー

Table 1History length and Table Reference Entropy in<br/>2-level branch predictor.

history length	H(R)	hit
(bits)	(bits)	ratio
6	5.265	0.8998
8	6.410	0.9235
10	7.284	0.9334
12	7.965	0.9370
14	8.515	0.9386
16	8.984	0.9403

の2つの側面から情報量を考えることができる.以下, 各々について検討する.

4.1 表参照エントロピー

まず,2章で示した PHT エントリの参照回数の偏 りに着目する.この偏りをエントロピーにより定量的 に表現する.

i番目のエントリ  $E_i$ の参照回数を  $r_i$ とし,全参 照回数を R回とすると,エントリ  $E_i$ の出現確率は  $p(E_i) = r_i/R$ となる.これをもとに, $2^n$ エントリを 持つ表データのエントロピーを

$$H(\overline{R}^n) = -\sum_i p(E_i) \log_2 p(E_i)$$
(6)

と定義できる.PHTの各エントリの参照頻度をもとに 算出したエントロピーであることから,本論文では表 参照エントロピー(Table Reference Entropy)と呼 ぶ.以降本論文では,特に明示する場合を除き H(R)と略記する.

図 2 の各履歴長での表参照エントロピーの値を,そ のときの 2 レベル分岐予測器のヒット率とともに表 1 に示す.図 2 と同様に,SPEC CINT2000の164.gzip の train データセットにおける結果である.

上述のように表参照エントロピーは PHT エントリ の参照頻度の偏りを表現している. $2^n$  個のエントリ を持つ分岐予測器であれば,表参照エントロピーは  $0 \le H(R) \le n$  となる.表参照エントロピー H(R)の値は,PHT エントリを指す n ビットの指示子の情 報量を意味する.すなわち,任意の1時点でどのPHT エントリがアクセスされているかは, $2^{H(R)}$  通りの中 から決められることになる.このため,2<sup>H(R)</sup>を,有 効にアクセスされている PHT エントリの数の期待値 と解釈することができる.

表1から,分岐履歴長の増加とともに,表参照エン トロピーと予測成功率が漸増していることが分かる. この結果をもとに,有効に使用されているPHTエン トリの数を考える.たとえば表1において,履歴長  $6 ビットの場合 2^{5.265} \approx 38.5 個のエントリ数となり,$ それは全体の <math>38.5/64から約60.1%となる.また同 表において履歴長16ビットの場合,有効使用エント リ数は $2^{8.984} = 506.4$  個に増すが,全体のエントリ 数に対する割合は506.4/65536から約0.8%となる. 4.2 表要素エントロピー

表参照エントロピーにより,プログラムの実行挙動 によりエントリの参照回数に生じる偏りを定量的に表 現できた.しかしこの指標は,各エントリの参照回数 の多寡を表現しているだけであり,予測器の予測性能 を直接的に表現しているわけではない.このために以 下で予測成功率の観点から議論する.

たとえば,図4の予測子(prediction function)に 飽和カウンタを用いる分岐予測器を考えよう.個々の 飽和カウンタは,エントリ選択子により同一エントリ に分配された過去のtaken/not-takenの事象の履歴を 表現しているが,その予測性能は,事象の発生確率で はなく,時系列での出現パターン(規則性)に大きく 影響される.したがって,予測性能を論じるためには, 各エントリごとにtaken/not-takenの事象が時系列に どの程度の規則性をもって与えられているかを定量的 に表現する必要がある.

このようにして, プロセッサにより生成されたもと の分岐履歴情報が, エントリ選択子により選択され た *i* 番目のエントリ *E<sub>i</sub>* に対して配分される場合を 考える.すなわち, エントリ *E<sub>i</sub>* に対して与えられる taken/not-taken の事象の時系列パターンを考える.

3 章での議論と同様に,エントリ  $E_i$  に与えられる 分岐結果の 0/1 の時系列パターンに対する n 次の拡 大随伴情報源  $\overline{E_i}^n$  を考え,そのエントロピー  $H(\overline{E_i}^n)$ を求めると,式 (7) のようになる.ここで  $(E_i^n)_k$  は, エントリ  $E_i$  に与えられる 0/1 の時系列パターンを nビットまとめることによって得られるシンボルである (k はシンボルの識別子である).

$$H(\overline{E_i}^n) = -\sum_k p((E_i^n)_k) \log_2 p((E_i^n)_k) \quad (7)$$

そして,式 (7) で求めたエントリごとのエントロ ピー  $H(\overline{E_i}^n)$ に,そのエントリの出現確率を乗じ全 エントリについての総和を求めれば,系全体の平均エ ントロピーを求めることができる(式(8)). ここで  $p(E_i)$ は,式(6)で用いたものと同様にエントリ $E_i$ の出現確率を表す.

$$H(\overline{E}^n) = \sum_{i} p(E_i) H(\overline{E_i}^n) \tag{8}$$

さらに,3章と同様にして

$$H^{n}(E) = H(\overline{E}^{n+1}) - H(\overline{E}^{n})$$
(9)

から,各エントリでの真のエントロピーを,

$$H(E) = \lim_{n \to \infty} H^n(E) \tag{10}$$

により求めることができる.こうして求めたエントロ ピーを,各エントリに配分される分岐履歴の情報から 求めていることから,本論文では表要素エントロピー (Table Entry Entropy)と呼ぶことにする.

4.3 考 察

ここで,本章で定義した2つのエントロピーの持つ 意味を整理したい.

表参照エントロピーは,単にエントリの参照頻度の 偏りを表す.その値は,エントリ選択子により選択さ れるエントリの実効的な数を表現する.すなわち,表 参照エントロピーが小さい場合は,エントリ参照回数 の偏りが著しく,一部の数のエントリが頻繁に使用さ れているのみであることを表す.逆に表参照エントロ ピーが大きい場合は,エントリの参照回数の偏りが少 ないことを表している.また,表参照エントロピーは エントリの総数をもとに求めるものであるから,その 値はエントリ総数に依存し,その最大値はエントリ総 数を N としたとき log<sub>2</sub> N である.

2 レベル分岐予測器の場合は,直近の履歴をもとに使用エントリを求めるため,hビットの分岐履歴( $2^{h}$  個のエントリ)を用いる場合では,表参照エントロピーH(R)がh次の拡大随伴情報源エントロピー $H(\overline{B}^{h})$ と等しくなる.

gshare 分岐予測器の場合,分岐履歴に加え PC 値が 用いられる.このため,H(R)には PC 値の分だけ情 報量が加わる.ただし,PC 値と分岐履歴とは独立の 事象ではない.これは,ある時点での PC 値が決まり, その後の分岐履歴が決まったとき,PC 値はほぼ一意 に決まる(間接分岐などの場合を除く)ためである. このため,gshare 分岐予測器についても, $H(\overline{B}^n)$ と の高い相関関係が見込まれる.

表要素エントロピーは,表形式の構造を持つ分岐予 測器ではエントリごとに予測機能を備えているものと 解釈し,そのエントリ(下位の予測子)ごとに,出現 する taken/not-taken の時系列パターンの情報量を表 現している.すなわち,各エントリに配分された分岐 履歴情報のエントロピーを,当該エントリの参照頻度 により重み付けして求めた平均値である.したがって, 分岐履歴エントロピーが予測方式に依存せずに期待可 能な予測性能を求める指標であるのに対し,表要素エ ントロピーは,予測器の構成を前提として,各エント リ(下位の予測機能)ごとに十分な資源を投じること ができる場合の予測性能の期待可能な値を表すものと 解釈できる.ここでも3.3節で分岐履歴エントロピー から分岐予測性能を求めたのと同様にして,式(5)の 逆演算により分岐予測の確からしさ(期待可能予測成 功率)を求めることができる.

たとえば,2レベル分岐予測器のある PHT エントリ (予測子) E<sub>i</sub> に,分岐履歴 01101001110001101111 のパターンが繰り返し与えられる場合を考える.この 場合,特定のパターンの繰返しであるから,エントリ  $E_i$ の表要素エントロピー( $H(E_i)$ )はゼロとなる.す なわち,過去の分岐履歴の情報をもとにすれば,次の 分岐結果を100%の確率で予測することができること になる.しかし実際の2レベル分岐予測器のエントリ は2ビット程度の飽和カウンタで構成されているのみ であるから,過去の分岐履歴の情報から次の分岐の結 果を十分に予想することができない.このように,表 要素エントロピーは,表形式の構成をとる分岐予測器 を前提とするが、現実的な予測機構を考慮しない理想 的な場合の予測成功率を表すものと解釈できる.そし て,予測子が簡易な構成である場合には,過去の分岐 履歴の情報を十分に活かせないために,表要素エント ロピーによる期待可能予測成功率と実際の予測器の性 能が乖離することも考えられる.実際,特に0と1と が長く連続せず頻繁に切り替わる上述の例のパターン では,予測子に飽和カウンタを用いる分岐予測器では 予測成功率が低くなる.

ここで,予測方式(エントリ選択子)および構成 (PHT エントリの数)による分岐予測器の性質が,表 参照エントロピーと表要素エントロピーとの組合せに より表されることにも留意したい.本章の冒頭で述べ たように,プログラムの実行結果にともなって生じる taken/not-taken の列の一次情報は,エントリ選択子 により各予測子に分配される.このため,図4のよう な表形式の構成をとる分岐予測器において,予測器全 体の性質を表現するには,各エントリの参照頻度の多 寡(すなわち表参照エントロピー)と,各エントリに 分配される分岐結果の二次情報(表要素エントロピー) との両方を用いる必要がある.

たとえば,表形式の構成をとる2つの予測器が,あ

るベンチマークにおいて同じ予測成功率を記録したと する.予測成功率が結果的に同じ値になったとしても, 各エントリの使用頻度の偏りの度合いまで同じとは限 らない.各エントリの参照頻度の偏りが大きく,ごく 少数のエントリが高精度の予測をしたのか,あるいは, 多数のエントリが満遍なく高い精度で予測したのか, といった特徴を表現するには,表参照エントロピーと 表要素エントロピーの2つの指標を組み合わせる必要 がある.

さらにここで,分岐履歴エントロピー,表参照エン トロピー,表要素エントロピーの間の関係についても 考察する.

本章で扱った表形式の構成をとる分岐予測器では, ある分岐を予測する際,使用する PHT エントリが, エントリ選択子により唯一に決定される.このときの 分岐予測の成否は,当該エントリが決定された条件の 下に発生する条件付き事象と考えることもできる.こ のように2つの事象の一方の発生結果をもとにして, 他方の事象の発生を予測する場合は,エントロピーの 和として考えることが可能である.ただし,この場合, 2つの事象は独立であることが条件になる.

表形式の構成をとる分岐予測器を論じる場合,エントリの選択と被選択エントリで行う分岐予測とは独立の事象ではない.ここで,nビットの分岐履歴を用いるとき,表参照エントロピーをn次の拡大随伴情報源エントロピー $H(\overline{R}^n)$ と見なす.分岐履歴エントロピー,表要素エントロピーについても同様にn次の拡大随伴情報源エントロピー $H(\overline{B}^n)$ , $H(\overline{E}^n)$ を考えれば,

 $H(\overline{B}^{n}) \le H(\overline{R}^{n}) + H(\overline{E}^{n})$ (11)  $\succeq \texttt{tas}$  .

これは、プロセッサにより生成された分岐履歴の情報  $H(\overline{B}^n)$ が、エントリ選択子により各エントリに分配 された結果、エントリの参照頻度の多寡として $H(\overline{R}^n)$ に、また、各エントリに分配された情報 $H(\overline{E}^n)$ に分 けられるものと解釈することもできる.

ただし,実際の分岐予測器では分岐履歴情報以外の 情報も用いられるため,式(11)は厳密な議論ではな い.たとえばgshareでは,PHT エントリの選択に分 岐履歴に加えプログラムカウンタ(PC値)が使用さ れる.このため,表参照エントロピー $H(\overline{R}^n)$ には, PC値の使用による情報量も含まれているものと解釈 すべきである.

実際に予測器をアプリケーションプログラムに対し て動作させたとき,式(11)の関係がどの程度になる のかは,以下の評価(5.4節)で明らかにする.

## 5.評価

#### 5.1 予備評価

まず,人為的に生成した分岐履歴パターンをもとに, 分岐履歴エントロピーと予測成功率との関係を求める. 分岐履歴パターンを人為的に生成することにより,実 際のアプリケーションでは得られない広範囲の分岐履 歴パターンを得るためである.これによって,広範囲 での分岐履歴エントロピーと予測成功率との関係を把 握することができる.

本論文では,プログラムの実行挙動を定量的に表現 することを第1の目的としている.このため,分岐履 歴パターンの生成にあたっては,高頻度に実行され, 実行時間に占める値も大きいループ部分を中心にモデ ル化を行った.図6にその概略を示す.ループの各 イテレーションで実行されるパスを考える.ループ中 に条件分岐があれば,実行されるパスは1つとは限ら ない. 各パスは最長 lp 個の条件分岐命令で構成され るものとし, 各パス中で分岐結果が taken になる確率  $(p_p), パスの数(n_p), パスとパスの間のプログラム部$ 設定した.gap 部では 50%の確率で taken/not-taken が発生する.表2に示すパラメータ値のすべての組合 せに対し各々10回の分岐履歴パターンを生成し,分 岐履歴エントロピーと予測成功率を求めた.分岐履歴 数は100万である.

分岐履歴エントロピーとして 16 次近似分岐履歴エ ントロピー  $H^{16}(B)$ を求めた.ただし,厳密に式 (2) に従い, $H(\overline{B}^{17}) - H(\overline{B}^{16})$ により求めるのではなく,  $H(\overline{B}^{14})$ , $H(\overline{B}^{15})$ , $H(\overline{B}^{16})$ , $H(\overline{B}^{17})$ , $H(\overline{B}^{18})$ の5



図 6 ループを中心としたプログラム実行のモデル Fig. 6 Program execution model.

表	2 人為的:	分岐履歴パターンの生成に用いたパラメータとその値
	Table 2 $$	Parameter values used in artificial branch
		patterns.

パラメータ	使用値
パスの長さ( $l_p$ )	5, 10, 15, 20, 25, 30
各パス中で $ aken$ 確率 ( $p_p$ )	0.5, 0.6, 0.7, 0.8, 0.9, 0.95
パスの数( $n_p$ )	1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8
パスの間ギャップの長さ ( $n_g$ )	1, 2, 3, 5, 7



図 7 分岐履歴数 n と n 次拡大随伴情報源エントロピー H(B<sup>n</sup>) との関係

Fig. 7 History length n and n-th order augmented adjoint source entropy  $H(\overline{B}^n)$ .

点から最小二乗法により求めている.また, $H(\overline{B}^n)$ の値がnに対して単調増加しない場合は,傾きが負になる場合も含めて, $H^{16}(B) = 0$ とした.分岐予測器には履歴長 16ビットの2レベル分岐予測器を用いた.なお,この評価では分岐履歴パターンのみを人為的に生成するため,プログラムカウンタなどの情報を用いる他の分岐予測方式は使えない.

分岐履歴エントロピーは, n 次拡大随伴情報源エン トロピー  $H(\overline{B}^n)$  の, n に対する傾きにより求められ る.図7は,分岐履歴数 n と n 次拡大随伴情報源エ ントロピー  $H(\overline{B}^n)$  との関係を示す例である.図中で は,上述のパラメータ  $l_p = 30$ ,  $n_p = 7$ ,  $n_g = 1, 2$ により生成した分岐履歴を用いている. $p_p$  は 0.1 か ら 0.9 の間でランダムに決めた.図7では,1つのプ ロット曲線が1つの分岐履歴のシーケンスを表してい る.図中には上述の方法により求めた 16 次近似分岐 履歴エントロピー  $H^{16}(B)$  の値もあわせて示してい る.生成した分岐履歴の長さは 100 万である.

図7より,分岐履歴エントロピーの値は,その算出の もとになる n 次拡大随伴情報源エントロピー  $H(\overline{B}^n)$ の値の大小に依存しないことが分かる.また,n 次近 似分岐履歴エントロピー  $H^n(B)$  を求める場合のn の 値は,n = 16 程度でおおよそ妥当であることが図7 より分かる.

16次近似分岐履歴エントロピー  $H^{16}(B)$  と,2 レベ ル分岐予測器の予測成功率との関係を図8に, $H^{16}(B)$ をもとにして式(5)の逆演算  $f^{-1}(H)$ により求めた期 待可能予測成功率と,分岐予測器での予測成功率との 関係を図9に示す.図9にはy = xの線のほか,最 小二乗法により求めた一次近似直線も示す.

図8から,分岐履歴エントロピーの値が小さいほど, すなわち,プログラムの実行挙動の規則性が高いほど, 分岐予測器の予測成功率が高くなることが分かる.分 岐予測器の予測成功率は,分岐履歴エントロピーに対



図 8 16 次近似分岐履歴エントロピー H<sup>16</sup>(B) と予測成功率との 関係

Fig. 8 16-th order Branch History Entropy  $H^{16}(B)$  and prediction hit ratio.



図 9 H<sup>16</sup>(B) に基づく期待可能予測成功率率と実際の予測成功率 との関係

Fig. 9 Expected prediction hit ratio from  $H^{16}(B)$  and prediction hit ratio.

して高い相関を示すが,分岐履歴エントロピーの値が 大きく規則性の低いプログラムでは,ばらつきが大き くなることが分かる.

図 9 から,分岐予測器の予測成功率は,分岐履歴エントロピーをもとにした期待可能予測成功率に比べ低くなることがいえる.期待可能予測成功率が低い場合にばらつきが大きくなるが,図 9 中に一次近似直線として示されているように,実際の分岐予測器の成功率を $P_{pp}$ , $H^{16}(B)$ に基づく期待可能予測成功率を $P_{exp}$ として,おおむね $P_p = 2.07 * P_{exp} - 1.06$ の関係で表される.

5.2 CBP2 との比較

Championship Branch Prediction (CBP)では, ハードウェア量などの現実的な制約を課した realistic 分岐予測器と,これらの制約を緩和した idealistic 分岐予測器について,与えられたベンチマークプログ ラムにおける予測性能の優劣を競っている<sup>1),2)</sup>.

本節では,2006年に実施された2nd CBP におい て公表されている idealistic 分岐予測器の性能と,分

表 3	H <sup>10</sup> (B) による期待可能予測ヒット率と CBP2 での			
	idealistic 分岐予測器の予測成功率との比較			

Table 3 Comparison of expected prediction hit ratio based on  $H_{16}(B)$  and idealistic hit ratio of CBP2 results.

	期待可能		
ベンチマーク	成功率	GTL	PMPM
	$(H^{16}(B))$	成功率	成功率
164.gzip	0.9659	0.9379	0.9373
175.vpr	0.9503	0.9393	0.9320
176.gcc	0.9702	0.9858	0.9848
181.mcf	0.9723	0.9663	0.9646
186.crafty	0.9721	0.9822	0.9799
197.parser	0.9647	0.9726	0.9723
201.compress	0.9677	0.9553	0.9561
202.jess	0.9932	0.9979	0.9980
205.raytrace	0.9717	0.9981	0.9978
209.db	0.9827	0.9836	0.9833
213.javac	0.9845	0.9927	0.9928
222.mpegaudio	0.9844	0.9928	0.9929
227.mtrt	0.9721	0.9978	0.9975
228.jack	0.9826	0.9964	0.9960
252.eon	0.9800	0.9977	0.9970
253.perlbmk	0.9912	0.9991	0.9986
254.gap	0.9824	0.9918	0.9922
255.vortex	0.9811	0.9992	0.9992
256.bzip2	0.9996	0.9999	0.9999
300.twolf	0.9348	0.9247	0.9196

岐履歴エントロピーをもとにして求められる期待可能 予測成功率とを比較する.CBP での idealistic 分岐 予測器は,現在考えうる最良の分岐予測性能を示すも のと見なすことができる.一方,3.3節で述べたよう に,分岐履歴エントロピーをもとにした期待可能予測 ヒット率は,分岐履歴情報のみをもとにしたときの予 測性能の指標である.両者を比較することにより,分 岐履歴エントロピーの指標としての位置づけを明らか にする.

本評価のため, CBP2 のために公開されているツー ル(CBP2 infrastructure v.2<sup>15)</sup>)をもとに 2 レベル 分岐予測器と分岐履歴エントロピーを測定する記述を 追加した.条件分岐命令 100 万個を単位として,予測 成功率と 16 次近似分岐履歴エントロピー  $H^{16}(B)$ を 求めた.CBP での結果は,Seznec による GTL<sup>16)</sup>と Gao らによる PMPM<sup>17)</sup>を用いた.これらは 1,000 命令ごとの分岐予測ミス数の平均値で与えられている ため,プログラムの実行結果から得られた命令実行数 と分岐命令実行数から予測成功率を算出した.結果を 表 3 に示す.

表3に示されている各プログラムについての期待可 能予測成功率と,GTL および PMPM による idealistic 予測率の組を, *x-y* プロットしたものが図10 で ある.図中には,両者の予測率が同じ値をとることを



図 10 H<sup>16</sup>(B) による期待可能予測成功率と GTL, PMPM に よる idealistic 予測率との関係

Fig. 10 Expected hit ratio from  $H^{16}(B)$  and *idealistic* hit ratio from CBP2.

示す y = xの直線と,最小二乗法により求めた一次 近似直線を示している.

期待可能予測成功率を idealistic 予測率が上回るケー スも見られ, ばらつきがあるが, おおむね良好な相関 関係が認められる.相関係数は, GTL の場合で 0.84, PMPM で 0.86 である.

5.3 各指標の時系列変化

我々は,SimpleScalar ツールセット中の sim-bpred をもとにして,パーセプトロン予測器を追加実装すると ともに,前章までに定義した3種のエントロピーを測定 する環境を構築した.bimode,2レベル,gshareの各 分岐予測器は,履歴長16ビット(エントリ数65,536) であり,各エントリに2ビットの飽和カウンタを用い ている.パーセプトロン分岐予測器は,履歴レジスタ 長8ビット(エントリ数256),各パーセプトロンで 使用する履歴数62ビット,重み値幅8ビット幅であ る.この予測器のみエントリ数が異なるのは,文献2) を参考にして他の分岐予測器とほぼ同じハードウェア コスト(budget)になるようにパラメータを設定した ためである.

本論文ではプログラムの実行挙動の性質を定量的に 表現することを主要な目的としている.したがって, 時間とともに処理内容が変化する phased behavior の 存在を無視して,プログラムの処理の全体の平均(あ るいは,実行開始後一定期間の平均)により各指標を 求めるのは適当でない.

そこで本論文では一定時間のウインドウを単位に ヒット率やエントロピーの測定を行った.ウインドウ 時間は,文献18)を参考にしたうえで,エントロピー を一定の精度で求めるにはサンプル数が問題になるこ とを勘案し,100万(1M)条件分岐命令とした.命令 実行数やクロックサイクル数を単位にしなかったのは,



Fig. 11 Hit ratio and  $H^{16}(B)$ , H(R),  $H^{16}(E)$  entropies (gshare branch predictor).

エントロピー測定のためのサンプル数が実行プログラムによって異なるのを避けるためである.また,キャッシュはウインドウ時間にかかわらず連続的に動作させて評価を行った.ウインドウ時間の開始時にキャッシュの内部状態を初期化していない .

図 11 に SPEC CPU2000<sup>19)</sup> ベンチマークの各 プログラムについて,gshare 分岐予測器の予測成 功率,16 次近似分岐履歴エントロピー(H<sup>16</sup>(B)), 表参照エントロピー(H(R)),16 次近似表要素エ ントロピー(H<sup>16</sup>(E))を時系列に表示している. 同図中には,各測定値が規則的に変化するもの, 不規則な変動をするもの,ほとんど変化しないも のなど,いくつかの典型的なもののみを示してい

初期化を行わない場合は先行のウインドウ時間の影響を受ける が,一方で初期化する場合はキャッシュ挙動の一時的な乱れを生 じる.

る (CINT2000 より 164.gzip, 176.gcc, 255.vortex, 256.bzip2, CFP2000 より 168.wupwise, 171.swim, 183.equake, 188.ammp). 他のプログラムの結果は 付録に示す.

16次近似分岐履歴エントロピー H<sup>16</sup>(B) と16次近 似表要素エントロピー  $H^{16}(E)$  は,式(2),(9) その ままではなく, $H(\overline{B}^{15})$ , $H(\overline{B}^{16})$ , $H(\overline{B}^{17})$ の3点に よる傾きの平均値とした.これは,統計的に求める手 法であるため測定値にばらつきが大きいことによる. 5.1節, 5.2節では, 隣接する前後5点の結果をもとに 最小二乗法により求めたが,本評価では,実行時間と 各種エントロピー測定のためのメモリ消費量の問題か ら,隣接の3点としている.また,上述の3点が単調増 加にならない場合, すなわち  $(H(\overline{B}^{16}) - H(\overline{B}^{15})) < 0$ または  $(H(\overline{B}^{17}) - H(\overline{B}^{16})) < 0$ のとき (両者とも 負になる場合も含む)は傾きをゼロとし,近似エント ロピー値をゼロにした.これは, n 次の拡大随伴情報 源のエントロピーが, n について単調増加しないこと は, すなわち, 当該情報源がきわめて強い規則性(周 期性)を持つことを意味するためである.

多くのプログラムでは,予測成功率と分岐履歴エン トロピーのプロットが上下対称に近い形で推移してい ることが認められる.表参照エントロピーは分岐履歴 エントロピーとほぼ同じ変化をしているが,これは, 4.3 節で述べたように,gshare分岐予測器において, 表参照エントロピーは n 次拡大随伴情報源エントロ ピー H( $\overline{B}^n$ ) と高い相関関係にあることが見込まれる ためである(ここで n は分岐履歴のビット数である).

さらに,表要素エントロピーと他の指標との関係は, プログラムによって差異がある.これは,予測器の挙 動を,PHT エントリの参照回数の多寡を表す表参照 エントロピーと,各PHT エントリに分配される分岐 履歴の情報量を表す表要素エントロピーの2つの指標 によって表現しているためであると考えられる.これ に関して,次節で評価検討する.

5.4 各エントロピーの関係

5.4.1 表参照および表要素エントロピーの組合せ

4.3 節で述べたように,図4のような表形式の構成をとる予測器を考えたとき,分岐結果(taken/not-taken)の一次情報は,エントリ選択子により各予測子に分配され表参照エントロピー,表要素エントロピーとして観測される.このため予測器全体の性質は両エントロピーの組合せで表現できるはずである.

図 12 では,前節の SPEC CPU2000 ベンチマーク での結果をもとに,表参照エントロピーと表要素エン トロピーの組合せをプロットしている.図では結果を見



図 12 表参照エントロピーと表要素エントロピーの組による予測器 特性の表現

Fig. 12 Predictor characteristics by combinations of Table Reference Entropy and Table Entry Entropy.

やすくするため,同じプログラムでの結果を bimode-2 レベル-gshare の順に直線で結んでいる.なお,各 エントロピー値は,測定した全ウインドウ時間の値の 平均値を用いている.図中の "ALL"は,全プログラ ムでの平均を示す.なお,パーセプトロン予測器は, hardware budget を合わせるために PHT エントリの 数が他の方式と異なるため,グラフへのプロットを省 略した.

プログラムの性質によりばらつきが見られるものの, おおむね bimode-2 レベル-gshare の順で表参照エン トロピー値が大きくなり,その一方で表要素エントロ ピー値が小さくなる傾向が確認できる.エントリ選択 子の挙動は実行しているプログラムの挙動傾向に影響 されることから,必ずしも bimode-2 レベル-gshare の順に整列されるわけではない.しかし,図 12 は, bimode,2 レベル,gshare の各分岐予測器における PHT エントリ参照の分散のしかたの違いと,それに ともなう予測成功率の大きさ,すなわち予測器の性質 の違いを,おおむね表しているといえる.

5.4.2 3 つのエントロピーの関係

4.3 節において式 (11) とともに議論した内容を,前 節の SPEC CPU2000 ベンチマークでの結果をもとに 検証する.

n 次の拡大随伴情報源エントロピー  $H(\overline{B}^n)$ の大き さと,式(2) で定義される n 次近似分岐履歴エント ロピー  $H^n(B)$ の大きさとの間には,5.1 節において 図 7 に示されているように,大きな相関関係はない .  $H(\overline{B}^n)$ は,マルコフ情報源から生成される連続した n 個のシンボルが持つ情報量と考えることができる.

ただし, $H(\overline{B}^n)$ が大きいほど,nにおける傾きである $H^n(B)$ が大きくなる場合が多い,との緩やかな傾向は確認できる.



図 13 16 次の拡大随伴情報源エントロピー  $H(\overline{B}^{16})$  と表参照エントロピーとの関係 Fig.13 16-th order augmented adjoint source entropy  $H(\overline{B}^{16})$  and Table Reference Entropy.

表参照エントロピーは、PHT エントリを指す n ビッ トのポインタが持つ情報量であり、連続して発生した n 個のシンボルの情報量をそのまま表したものではな いが、 $H(\overline{B}^n)$ と比較することは可能である.こうし て、5.3 節で得た 100 万条件分岐命令ごとの n 次の拡 大随伴情報源エントロピー  $H(\overline{B}^n)$ と、表参照エント ロピーの測定値の組を 2 次元グラフ上にプロットした. その結果を図 13 に示す (n = 16).図中には y = xの直線とともに、最小二乗法により求めた一次近似直 線 (LSQ と表示)を示す (ただし図 13 (b) のみ直線 を表示していない).

3.2 節および式 (1) で定義したように, n 次拡大随 伴情報源エントロピー  $H(\overline{B}^n)$ は, n 個の連続するシ ンボル(この場合分岐履歴)により求められる.4.3 節 で述べたように, 2 レベル分岐予測器では, 直近の n 回の分岐履歴をもとに PHT エントリをアクセスする. この n ビットの分岐履歴は,  $H(\overline{B}^n)$  を求める際のシ ンボル列と同じものである.このため図 13 (b) に示さ れているように,  $H(\overline{B}^{16})$  と 2 レベル分岐予測器での 表参照エントロピー(分岐履歴のビット数 16)はまっ たく同じ値になる.

エントリの選択に PC 値のみを用いる bimode 予測 器(図13(a)), パーセプトロン予測器(同図(d))で は,分岐履歴に基づく  $H(\overline{B}^{16})$  に比べ H(R) が低く なる傾向が顕著である.また,パーセプトロン予測器 の H(R) 値が,bimode 予測器のそれより低いのは, 評価に使用したパーセプトロン分岐予測器の表のエン トリ数が,他の分岐予測器と異なり小さかったためで ある.他の分岐予測器では表の各エントリに2ビット の飽和カウンタを用いているが,パーセプトロン分岐 予測器は,表の各エントリに分岐履歴数分の weight 値を持たなければならないため,各エントリのビット 数が多くなる.上記は,各予測器の hardware budget の条件を等しくするため表のエントリ数を減らしたこ とによる.

ここで,4.3 節において式 (11) とともに議論した内 容を検証する.上と同様に,5.3 節で得た 100 万条件 分岐命令のウインドウ時間ごとの n 次の拡大随伴情報 源エントロピー  $H(\overline{B}^n)$  と, $(H(R) + H(\overline{E}^n))$ の測定 値の組を 2 次元グラフ上にプロットした結果を図 14 に示す (n = 16).ここでも,図 13 と同様に,各グ ラフに y = xの直線と最小二乗法による一次近似直 線を示している.

4.3 節の議論によれば,本論文で提案している 3 つのエントロピーには式 (11)の関係,すなわち,  $H(\overline{B}^n) \leq H(\overline{R}^n) + H(\overline{E}^n)$ があるが,実際のプ

![](_page_12_Figure_3.jpeg)

図 14  $H(\overline{B}^{16}) \succeq (H(R) + H(\overline{E}^{16})) \ge O$ 関係 Fig.14 Relationship between  $H(\overline{B}^{16})$  and  $(H(R) + H(\overline{E}^{16}))$ .

ログラムでの実行結果から求めた  $H(\overline{B}^n)$  および  $(H(R) + H(\overline{E}^n))$  との間には,きわめて高い相関が 認められる.特に,bimode,パーセプトロンの各予 測器の場合には, $H(\overline{B}^n) = H(R) + H(\overline{E}^n)$ の関係に 近くなる.2 レベル分岐予測器の場合は,各PHT エ ントリに分配される分岐履歴の情報量の分だけ右辺が 大きくなるものと解釈される.

bimode 分岐予測器の場合, H(R) は  $H(\overline{B}^n)$  に比べ 低い.両者の相関係数は約0.837 であり,比較的広く分 布している(図13(a)).ところが $(H(R) + H(\overline{E}^n))$ の値は  $H(\overline{B}^n)$  にきわめて近く,両者の相関も高い (図14(a)).相関係数は約0.950 である.つまり,  $H(\overline{B}^n)$  が同じとき,H(R) のばらつく範囲に比べ,  $(H(R) + H(\overline{E}^n))$  のばらつきのほうが小さい.この ことから,エントリへの参照が広く分散しているとき (すなわち H(R) が大きいとき), $H(\overline{E}^n)$  は小さくな る.また逆に,H(R) が小さいとき, $H(\overline{E}^n)$  は大き くなる.

パーセプトロン分岐予測器においても,上記の bimode 分岐予測器と同様のことがいえる. $H(\overline{B}^n)$  と H(R)の相関係数は約0.843であり(図13(d)),  $H(\overline{B}^n)$ と $(H(R) + H(\overline{E}^n))$ との相関係数は約0.955 である(図14(d)). 5.5 期待可能予測成功率

3 章および4 章で述べたように,分岐履歴エントロ ピー,表要素エントロピーをもとに予測器に期待しう る予測性能(期待可能予測成功率)を求めることがで きる.本節では,分岐履歴エントロピー,表要素エン トロピーに基づいて求められる期待可能予測成功率と, 実際の分岐予測器での予測性能との関係を評価する.

5.5.1 分岐履歴エントロピーに基づく期待可能予 測成功率

5.3 節で求めたウインドウ時間ごとの 16 次近似分 岐履歴エントロピー  $H^{16}(B)$ をもとに, 3.3 節で示し たように式 (5)の逆演算  $f^{-1}(H)$ により期待可能予 測成功率を求めた.

こうして求めた期待可能予測成功率と,実際の分岐 予測器の性能との関係を図 15 に示す.グラフ中の直 線 (y = x)は,x 軸値とy 軸値が同じことを表して いる.また同図中には,グラフ中のすべての測定点に ついて最小二乗法により求めた一次近似直線も示して いる.各グラフ上には,評価を行ったすべてのベンチ マークプログラムで得られた結果を表示している.

分岐履歴エントロピーは予測器の方式に依存しない 指標であることから,図15中の4つのグラフはすべ て同じスケールで表している.各予測器とも,期待可

![](_page_13_Figure_2.jpeg)

図 15 分岐履歴エントロピーによる期待可能予測成功率と実際の分岐予測性能の関係 Fig. 15 Expected prediction performance by Branch History Entropy and actual hit ratio.

能予測成功率と実際の予測性能との間に強い相関が認 められる(ただし bimode 予測器の相関はやや弱い). 全測定点の相関係数は, bimode 予測器(図 15 (a))で 約 0.60, 2 レベル分岐予測器(同図 (b))で約 0.96, gshare 分岐予測器(同図 (c))で約 0.95, パーセプト ロン分岐予測器(同図 (d))で約 0.93 である.また, 予測成績の良い方式ほど y = xの直線に近づいてい ることが分かる.

表4に,本評価で用いたSPEC CPU2000 各プロ グラムでの各予測器の予測成功率の平均値,および分 岐履歴エントロピー H<sup>16</sup>(B)から求めた期待可能予測 成功率の平均値を示す.5.3節で述べたように,本評 価では,一貫して,一定サイズのウインドウ時間(100 万条件分岐命令)ごとに予測成功率や各エントロピー 値を求めている.表4に示した値は,各プログラム の実行のすべてで得られた値を単純に平均したもので ある.

また,同表の最下段("ALL"の項)に,全プログ ラムの全測定値を平均した値を示す.期待可能予測成 功率の値を基準として,各予測器の予測成功率を比較 することができる.

図 15 では,期待可能予測成功率を超える予測性能 が記録されている.たとえば,図 15(b)(2 レベル分

表 4 各プログラムでの予測成功率および期待可能予測成功率 Table 4 Averages of predictor hit ratio and expected pre-

diction hit ratio in SPEC CPU2000 programs.

プリブブム         予測諸の成功率         期待9億           bimod         2         レベル         gshare         パーセプトロン         予測成功率           (CINT2000)         0.9010         0.9233         0.9235         0.9337         0.9634           175.vpr         0.8844         0.8993         0.9044         0.9266         0.9464           176.gcc         0.9185         0.9387         0.9456         0.9502         0.9649           197.parser         0.8928         0.9294         0.9327         0.9407         0.9601           254.gap         0.9374         0.9621         0.9666         0.9745         0.9838           255.vortex         0.9815         0.9015         0.9918         0.9926         0.9953           300.twolf         0.8115         0.8169         0.8310         0.8771         0.9079           (CFP2000)         168.wupwise         0.8588         0.9246         0.9420         0.9614         0.9076           163.wupwise         0.814         0.90420         0.9652         0.9070         0.9076						
bimod 2 レベル gshare パーセプトロン 予測成功率           (CINT2000)           164.gzip         0.9010         0.9233         0.9235         0.9337         0.9634           175.vpr         0.8844         0.8993         0.9044         0.9206         0.9464           176.gcc         0.9185         0.9387         0.9456         0.9502         0.9764           181.mcf         0.8719         0.9265         0.9155         0.9292         0.9649           197.parser         0.8928         0.9294         0.9327         0.9407         0.9661           254.gap         0.9315         0.9666         0.9745         0.9838         255.vortex         0.9815         0.9605         0.9881         0.9926         0.9933           300.twolf         0.8115         0.8169         0.8310         0.8771         0.9079           (CFP2000)         168.wupwise         0.8588         0.9246         0.9420         0.9614         0.90764	ノロクラム	予測器の成功率			期待可能	
$ \begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$		bimod	2 レベル	gshare	パーセプトロン	予測成功率
$\begin{array}{cccccccc} 164.gzip & 0.9010 & 0.9233 & 0.9235 & 0.9337 & 0.9634 \\ 175.vpr & 0.8844 & 0.8993 & 0.9044 & 0.9206 & 0.9464 \\ 176.gcc & 0.9185 & 0.9387 & 0.9456 & 0.9502 & 0.9764 \\ 181.mcf & 0.8719 & 0.9265 & 0.9155 & 0.9292 & 0.9649 \\ 197.parser & 0.8928 & 0.9294 & 0.9327 & 0.9407 & 0.9601 \\ 254.gap & 0.9374 & 0.9621 & 0.9666 & 0.9745 & 0.9838 \\ 255.vortex & 0.9815 & 0.9015 & 0.9918 & 0.9926 & 0.9953 \\ 300.twolf & 0.8115 & 0.8169 & 0.8310 & 0.8771 & 0.9079 \\ (CFP2000) \\ 168.wupwise & 0.8588 & 0.9246 & 0.9420 & 0.9614 & 0.9776 \\ 171.wwise & 0.8014 & 0.0052 & 0.0072 & 0.0062 \\ \end{array}$	(CINT2000)					
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	164.gzip	0.9010	0.9233	0.9235	0.9337	0.9634
$\begin{array}{ccccccc} 0.9185 & 0.9387 & 0.9456 & 0.9502 & 0.9764 \\ 181.mcf & 0.8719 & 0.9265 & 0.9155 & 0.9292 & 0.9649 \\ 197.parser & 0.8928 & 0.9294 & 0.9327 & 0.9407 & 0.9601 \\ 254.gap & 0.9374 & 0.9621 & 0.9666 & 0.9745 & 0.9838 \\ 255.vortex & 0.9815 & 0.9605 & 0.9881 & 0.9962 & 0.9890 \\ 256.bzip2 & 0.9906 & 0.9915 & 0.9918 & 0.9926 & 0.9953 \\ 300.twolf & 0.8115 & 0.8169 & 0.8310 & 0.8771 & 0.9079 \\ (CFP2000) \\ 168.wupwise & 0.8588 & 0.9246 & 0.9420 & 0.9614 & 0.9776 \\ 171.wwise & 0.0914 & 0.0952 & 0.09670 & 0.0962 \\ \end{array}$	175.vpr	0.8844	0.8993	0.9044	0.9206	0.9464
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	176.gcc	0.9185	0.9387	0.9456	0.9502	0.9764
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	181.mcf	0.8719	0.9265	0.9155	0.9292	0.9649
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	197.parser	0.8928	0.9294	0.9327	0.9407	0.9601
255.vortex         0.9815         0.9605         0.9881         0.9962         0.9890           256.bzip2         0.9906         0.9915         0.9918         0.9926         0.9953           300.twolf         0.8115         0.8169         0.8310         0.8771         0.9079           (CFP2000)         168.wupwise         0.8588         0.9246         0.9420         0.9614         0.9776           171          0.014         0.0044         0.0052         0.0067         0.0067	254.gap	0.9374	0.9621	0.9666	0.9745	0.9838
256.bzip2         0.9906         0.9915         0.9918         0.9926         0.9953           300.twolf         0.8115         0.8169         0.8310         0.8771         0.9079           (CFP2000)         168.wupwise         0.8588         0.9246         0.9420         0.9614         0.9076           171         wuise         0.0014         0.0041         0.0052         0.0062         0.0062	255.vortex	0.9815	0.9605	0.9881	0.9962	0.9890
300.twolf         0.8115         0.8169         0.8310         0.8771         0.9079           (CFP2000)         168.wupwise         0.8588         0.9246         0.9420         0.9614         0.9776           171	256.bzip2	0.9906	0.9915	0.9918	0.9926	0.9953
(CFP2000)         0.8588         0.9246         0.9420         0.9614         0.9776           171	300.twolf	0.8115	0.8169	0.8310	0.8771	0.9079
168.wupwise         0.8588         0.9246         0.9420         0.9614         0.9776           171         min         0.0014         0.0041         0.0052         0.0070         0.0063	(CFP2000)					
171	168.wupwise	0.8588	0.9246	0.9420	0.9614	0.9776
171.swim 0.9914 0.9941 0.9952 0.9970 0.9963	171.swim	0.9914	0.9941	0.9952	0.9970	0.9963
172.mgrid 0.9747 0.9761 0.9762 0.9788 0.9792	172.mgrid	0.9747	0.9761	0.9762	0.9788	0.9792
173.applu 0.7569 0.9665 0.9770 0.9985 0.9898	173.applu	0.7569	0.9665	0.9770	0.9985	0.9898
177.mesa 0.9838 0.9876 0.9881 0.9930 0.9967	177.mesa	0.9838	0.9876	0.9881	0.9930	0.9967
179.art 0.9071 0.9912 0.9911 0.9916 0.9958	179.art	0.9071	0.9912	0.9911	0.9916	0.9958
183.equake 0.8894 0.9679 0.9785 0.9808 0.9880	183.equake	0.8894	0.9679	0.9785	0.9808	0.9880
188.ammp 0.9759 0.9860 0.9874 0.9914 0.9881	188.ammp	0.9759	0.9860	0.9874	0.9914	0.9881
301.apsi 0.9729 0.9778 0.9869 0.9921 0.9845	301.apsi	0.9729	0.9778	0.9869	0.9921	0.9845
(ALL) 0.9104 0.9451 0.9509 0.9620 0.9738	(ALL)	0.9104	0.9451	0.9509	0.9620	0.9738

岐予測器)において,期待可能予測成功率の値のおよ そ 0.97 から 0.98 の範囲で, *y* = *x* の直線より上に プロットされている一群の点がある.これは SPEC CFP2000 の 188.ammp の実行中の一部に現れるデー 夕である.2 レベル分岐予測器は分岐履歴の情報のみ

![](_page_14_Figure_2.jpeg)

 
 図16
 履歴長 n に対する n-次拡大随伴情報源エントロピー H(万<sup>n</sup>)の推移の例

Fig. 16 Sample of *n*-th order augmented adjoint source entropy  $H(\overline{B}^n)$ .

を用いて予測する.このため,予測器の予測成功率が, 分岐履歴に含まれる情報量から算出した期待可能予測 成功率を上回ることは考えられない.

本評価でこうした結果が得られた原因を解析する. 図 16 は,188.ammpの実行中に測定されたあるウインドウ時間での n 次拡大随伴情報源エントロピー $H(\overline{B}^n)$ (n = 14, ..., 18)の値を,n について表したものである.図中には,隣接2点間の $H(\overline{B}^n)$ 値の差分と,その値をもとに式(5)の逆演算により求めた確率(期待可能予測成功率)を,測定区間ごとに示している.また,同図中には, $H(\overline{B}^{16})$ およびその隣接点のみから求めた傾き( $\Delta$ )と,上記と同様に式(5)の逆演算により求めた確率( $p_{exp}$ )を示している.

隣接 2 点の  $H(\overline{B}^n)$  値の差分は, 3.2 節において 式 (2) により定義した n 次近似分岐履歴エントロピー  $H^n(B)$  に等しい.図 16 によれば,グラフは緩やか なS 字状の曲線となっており,本評価でエントロピー の測定に用いた n = 16 の部分で局所的に傾きが大き くなっていることが分かる.傾きは近似分岐履歴エン トロピーを表し,この値により期待可能予測成功率を 求めているから,n = 16 の場合は実際よりもエント ロピー値が高く評価され,その結果,期待可能予測成 功率が低く評価されていることになる.

n に対する H(B<sup>n</sup>) の変化の様子は, グラフを大局 的に見ればスムーズであるが, 局所的には図 16 に示 されているような振れがある.図 16 のグラフのよう な性質は,実行したプログラムの挙動によるものであ り,当該プログラムに限らず観測されている.本論文 の評価では,こうした振れの影響を抑えるために,隣 接する2点のみにより近似分岐履歴エントロピーを 求める方法ではなく,隣接の3点を用いて傾きの平均 をとる方法を使用した.5.1節,5.2節で行ったよう に,隣接5点の拡大随伴情報源エントロピーを用いれ ば,上述のような振れの影響を抑えることができたも のと考えられるが,本評価では,5.3節に述べたよう に,実行時間およびメモリ消費量の問題から,隣接3 点により求めることにした.

### 5.5.2 表要素エントロピーに基づく期待可能予測 成功率

5.5.1 項と同様に,5.3 節で求めたウインドウ時間 ごとの16次近似表要素エントロピー $H^{16}(E)$ をもと に,式(5)の逆演算 $f^{-1}(H)$ により期待可能予測成功 率を求めた.この $H^{16}(E)$ をもとにした期待可能予測 成功率と,実際の分岐予測器の性能との関係を図17 に示す.図15と同様に,x軸値とy軸値が同じこと を表す直線(y = x)と,グラフ中のすべての測定点 について最小二乗法により求めた一次近似直線をグラ フ上に示している.各分岐予測器の構成は5.5.1 項と 同じである.

表要素エントロピーに基づく期待可能予測成功率と, 実際の予測成功率との相関は,図15に示した分岐履 歴エントロピーのそれに比較すると弱い.相関係数の 値は,bimode分岐予測器(図17(a))で約0.50,2レ ベル分岐予測器(同図(b))で約0.69,gshare分岐予 測器(同図(c))で約0.66,パーセプトロン分岐予測 器(同図(d))で約0.89である.

bimode, 2 レベル, gshare の各分岐予測器で表要 素エントロピーに基づく期待可能予測成功率と実際の 予測成功率との相関が弱いのは, 各 PHT エントリが 比較的単純な構成(本評価では2ビットの飽和カウン タ)をとっているためと考えられる.4.2節で行った 定義によれば,表要素エントロピーには,各エントリ に配分される分岐履歴の正味の情報量が表される.た とえば,各エントリに配分された分岐履歴が一定のパ ターン(たとえば 0001)の繰返しであったとしよう. このパターン例は「4回ごとに1回分岐する」ことを 示している.一定のパターンの繰返しであるから,情 報量はゼロになり、したがって期待可能予測成功率は 100%となる.しかし,飽和カウンタでは,このパター ンに追従することはできない.分岐履歴が持つ正味の 情報量は同じでも,実際の出現パターンはさまざまに 考えられる.このために,飽和カウンタを用いる分岐 予測器では,実際の予測性能が大きく分散することに なる.

図 17 から,分岐予測器の予測成功率の分布範囲に 比べ,期待可能予測成功率の範囲が非常にせまく,1.0 に近い範囲に集中していることが分かる.これは,各 分岐予測器とも,表要素エントロピーの値が非常に小 さいことを示す.表要素エントロピーは上述のように 各 PHT エントリに分配される分岐履歴の持つ正味の 情報量である.つまり,実際の分岐予測器の各エント

![](_page_15_Figure_2.jpeg)

図 17 表要素エントロピーによる期待可能予測成功率と実際の予測成功率の関係 Fig. 17 Expected prediction performance by Table Entry Entropy and actual prediction performance.

リには,きわめて規則性の高い分岐履歴パターンが与 えられていることが分かる.

パーセプトロン分岐予測器の場合は,飽和カウンタ を用いている他の予測器に比べ,分岐履歴パターン の規則性を予測性能に活かしやすい.各エントリ内 に持つ weight 値を学習により増減することで,分岐 履歴のパターンにある程度追従できるためである.上 述のように,きわめて規則性の高い分岐履歴パターン が各 PHT エントリに分配されていれば,学習による weight 値の増減により予測成功率を高く保つことが 可能になる.つまり,期待可能予測成功率が高い(す なわち各エントリへの分岐履歴パターンの規則性が高 い)ほど,高い分岐予測性能を得られるものと考えら れる.実際,上述したように図17(d)の全点の相関係 数は約0.89 であり,他の予測器と比較して際立って 高い値になっている.

図 15 (d),図 17 (d) にあるように,パーセプトロン 分岐予測器では,期待可能予測成功率よりも予測器の 予測成功率が高いケースが測定されている.5.5.1 項 (図 16)で示したように,n次拡大随伴情報源エント ロピーの値の振れに起因するケースも多いものと推測 されるが,詳細な解析は今後の課題とする.

#### 6. 関連研究

ー般に予測器は,実際のプログラムで実行中に偏り が現れることを前提にしている場合が多い.たとえば, 何通りかの事象の可能性があるなかで,過去の履歴か ら頻度の高い事象を求め予測する.あるいは,単純に 前回に発生した事象が次回も起きるものとして予測す る.こうした予測器の性能が,事象の発生の偏り(な いし規則性)に大きく依存することは明らかであり, 偏りを抽出し予測する効果的な方法が検討されてきて いる.

たとえば,分岐予測手法においては,吉瀬ら<sup>20)</sup>の 極端な偏りを利用する分岐予測器のようなアプロー チがなされている.また,Tysonらは,条件分岐の taken/not-takenの出現シーケンス(履歴)の観測結 果から,出現のしかたに大きな偏りがあることを述べ ており,シーケンスの出現のしかたを,takenが多く 続く場合,not-takenが続く場合,連続するtakenの 中に少数の not-takenが混じる場合,その他の場合, の4パターンに類型化できることを示し,予測に役立 てている<sup>21)</sup>.これらでは,予測器の効果はシミュレー ションなどで確認されているものの,偏りの度合いと 予測器の効果の関係を表現するには至っていない.

また,系に現れる周期性に着目した研究も本提案の 関連研究としてあげておく、Freitag らの DPD (dynamic periodicity detector<sup>22)</sup>)は,アプリケーショ ン実行中に現れるデータ系列の周期性に着目したもの である.また,KampeらのFAB (Fourier Analysis Branch) predictor<sup>23)</sup>では,条件分岐の taken/nottaken の出現を時系列で記録し,その周期性をフーリ 工変換により求めるアプローチをとっている.これら の研究は,規則性の中の典型的な例である周期性を主 眼とし,周期性を把握することで性能向上に役立てよ うとしている.これらは,規則性(周期性)の検出方 法と効果的な応用を目的としており,本論文で行った ような,規則性を表現するための指標の導入には至っ ていない.

Mudge, Chen 51, PPM (Prediction by Partial Matching) 手法をもとにして,予測性能の限界(上 限)を議論している<sup>24),25)</sup>. PPM は, データ圧縮に おいて最適 (theoretically optimal) であることが証 明されている圧縮/予測のアルゴリズムである.彼ら は, m ビットの履歴をもとにした m 次のマルコフ予 測器 (*m*-th order Markov predictor)を用いている. そして, 2 レベル予測器をモデル化し, PPM による 近似を議論し, PPMによる(最適な)予測性能(ミ ス率)と,モデル化した2レベル予測器のそれとを比 較している . m 次の Markov 予測器での性能は, 我々 の議論の中の m 次随伴情報源エントロピーに相当す る.そして,複数の Markov 予測器を用いる PPM の 手法(の予測性能)は,3章で論じた情報源エントロ ピーの式 (2) に相当する.彼らはあくまで(最適な) 予測成功率として議論しているが,我々はそれをエン トロピーとして定量化している.

文献 26) でも, 与えられたヒストリ長に対して最適 な予測機能を議論するために, Markov モデルを用い ている.この論文での主眼は,予測器内での状態遷移 を, Moore automaton と呼ばれるオートマトンによ り表現し,実現しうる最適な予測器を得ることにある. ここで, Markov 予測器は,プログラム実行の偏りな どを扱うものではない.むろん,我々のエントロピー のような方法・手段で定量化して表現しているわけで もない.

7. おわりに

分岐予測器の予測性能はプログラムの実行挙動の影響を強く受けるが,これまでは挙動を定量的に表現する指標を持たず,特定の予測方式を基準として議論が

行われてきた.本論文では,情報エントロピーが事象 の発生に関わる規則性や偏りを表現することに着目し, 大きく,プログラム実行の挙動と,分岐予測器の予測 挙動の2つの観点からエントロピーによる定量化を議 論した.その結果,プログラム実行挙動を表現する分 岐履歴エントロピーと,分岐予測器の構成に基づいて その内部の挙動を表現する表参照エントロピー,表要 素エントロピーを提案した.

分岐履歴エントロピーは,分岐履歴のみの情報量を 考えることで,予測方式によらない分岐予測性能の指 標となる.また,表参照エントロピー,表要素エント ロピーの組により,分岐予測器の概略的な構成をもと にした,予測器内の資源の使用状況(使用頻度の偏り) と期待可能な予測性能との2つの観点から予測器の方 式を特徴づけることができる.またさらに,分岐履歴 エントロピーおよび表要素エントロピーの各々から予 測器に対して期待しうる予測成功率(期待可能予測成 功率)が求められる.

ループを中心にしたプログラムの実行挙動モデルに より,人為的にtaken/not-takenの分岐履歴パターン を生成した結果から,分岐履歴エントロピー(および それに基づく期待可能予測成功率)と予測成功率との 間には,明確な相関が認められるものの,分岐履歴エ ントロピー値が大きいほど予測成功率のばらつきが大 きいことが分かった.

また、本論文の提案による期待可能予測成功率(分岐 履歴エントロピーに基づく)と、2nd Championship Branch Prediction competition(CBP2)で提出され ている idealistic 予測性能と比較することにより、分 岐履歴エントロピーの、分岐予測性能を表す指標とし ての妥当性を検証した、上記両者は近接した値をとっ ており、良好な相関関係(相関係数 0.84、0.86)を示 している.これにより、予測方式に依存せず分岐履歴 情報のみをもとにした場合での期待可能予測成功率が、 CBP2 で規定している idealistic 条件下での予測性能 と大きなずれがないこと、したがって分岐履歴エント ロピーを指標として考えることが妥当であることが示 された.

bimode,2 レベル,gshare,パーセプトロンの各分 岐予測器に対して,SPEC CPU2000 ベンチマークに より各エントロピーと実際の予測性能を評価した.分 岐履歴エントロピーをもとにした期待可能予測成功率 は,実際の予測器の成功率と高い相関関係にあること が認められた.分岐履歴エントロピーないしそれから 求められる期待可能予測成功率は,分岐予測器の性能 基準になりうる.また,表要素エントロピーに基づく 期待可能予測成功率と実際の予測成功率の関係を調べた結果,各予測器ともに改善の余地が大きいことも明らかになった.本論文の成果は,今後の予測器の方式の検討に資するものと期待される.

謝辞 本研究は,一部日本学術振興会科学研究費補 助金(基盤研究(B)18300014,同(C)19500037,若 手研究(B)17700047)および宇都宮大学重点推進研 究プロジェクトの援助による.

#### 参考文献

- The 1st JILP Championship Branch Prediction Competition (CBP-1) (2004). http://www.jilp.org/cbp/
- The 2nd JILP Championship Branch Prediction Competition (CBP-2) (2006). http://camino.rutgers.edu/cbp2/
- Jiménez, D.A.: Piecewise Linear Branch Prediction, Proc. 32nd Annual International Symposium on Computer Architecture (ISCA'05), pp.382–393 (2005).
- 4) 横田隆史,斎藤盛幸,大津金光,古川文人,馬場 敬信:2パス限定投機方式の提案,情報処理学会 論文誌:コンピューティングシステム,Vol.46, No.SIG 16 (ACS12), pp.1–13 (2005).
- 5) Yokota, T., Saito, M., Furukawa, F., Ootsu, K. and Baba, T.: Two-Path Limited Speculation Method for Static/Dynamic Optimization in Multithreaded Systems, Proc. 6th International Conference on Parallel and Distributed Computing, Applications and Technologies (PDCAT), pp.46–50 (2005).
- 6) 横田隆史,大津金光,古川文人,馬場敬信:分 岐予測器における予測性能とエントロピー,情報 処理学会研究報告,Vol.2005,No.120,pp.81-86 (2005).計算機アーキテクチャ研究会(2005-ARC-165).
- 7) Yokota, T., Ootsu, K., Furukawa, F. and Baba, T.: Entropy Properties in Program Behaviors and Branch Predictors, *Proc. 18th IASTED International Conference on Parallel and Distributed Computing and Systems* (*PDCS 2006*), pp.448–453 (2006).
- Yokota, T., Ootsu, K. and Baba, T.: Introducing Entropies for Representing Program Behavior and Branch Predictor Performance, *Proc. Workshop on Experimental Computer Science* (2007).
- 9) Yeh, T.-Y. and Patt, Y.N.: Two-Level Adaptive Branch Prediction, Proc. 24th ACM/IEEE International Symposium on Microarchitecture (MICRO24), pp.51–61 (1991).
- 10) SimpleScalar LLC.

http://www.simplescalar.com/

- Shannon, C.E.: A mathematical theory of communication, *Bell System Technical Journal*, Vol.27, pp.379–423 and pp.623–656 (1948).
- 12) Smith, J.E.: A Study of Branch Prediction Strategies, Proc. 8th International Symposium on Computer Architecture, pp.135–148 (1981).
- McFarling, S.: Combining Branch Predictors, Technical Report TN-36, Digital Equipment Corp., Western Research Laboratory (1993).
- 14) Jiménez, D.A. and Lin, C.: Dynamic Branch Prediction with Perceptrons, Proc. 7th International Symposium on High-Performance Computer Architecture (HPCA-7), pp.197– 206 (2001).
- 15) Infrastructure for Branch Prediction Competition (2006). http://camino.rutgers.edu/cbp2/ cbp2-infrastructure-v2/doc/index.html
- 16) Seznec, A.: Looking for limits in branch prediction with the GTL predictor, Proc. 2nd Journal of Instruction Level Parallelism Championship Branch Prediction Competition (CBP-2), pp.25–29 (2006).

http://camino.rutgers.edu/cbp2/CBP-2.pdf

- 17) Gao, H. and Zhou, H.: PMPM: Prediction by Combining Multiple Partial Matches, Proc. 2nd Journal of Instruction Level Parallelism Championship Branch Prediction Competition (CBP-2), pp.19–24 (2006). http://camino.rutgers.edu/cbp2/CBP-2.pdf
- 18) Sherwood, T., Perelman, E., Hamerly, G. and Calder, B.: Automatically Characterizing Large Scale Program Behavior, Proc. 10th International Conference on Architectural Support for Programming Languages and Operat-
- 19) Standard Performance Evaluation Corporation: SPEC CPU2000 V1.3. http://www.spec.org/cpu2000/

ing Systems (2002).

- 20) 吉瀬謙二,片桐孝洋,本多弘樹,弓場敏嗣:極端 な偏りを利用する Bimode++分岐予測器の提案, 情報処理学会研究報告,Vol.2005, No.7, pp.57-62 (2005). (2005-ARC-161).
- 21) Tyson, G., Lick, K. and Farrens, M.: Limited Dual Path Execution, Technical Report CSE-TR-346-97, University of Michigan (1997).
- 22) Freitag, F., Corbalan, J. and Labarta, J.: A Dynamic Periodicity Detector: Application to Speedup Computation, Proc. 15th International Parallel and Distributed Processing Symposium (IPDPS'01) (2001).
- 23) Kampe, M., Stenstrom, P. and Dubois, M.: The FAB Predictor: Using Fourier Analysis to Predict the Outcome of Conditional

Dec. 2007

Branches, Proc. 8th International Symposium on High-Performance Computer Architecture (HPCA'02), pp.223–232 (2002).

- 24) Chen, I.-C.K., Coffey, J.T. and Mudge, T.N.: Analysis of Branch Prediction via Data Compression, Proc. 7th International Conference on Architectural Support for Programming Languages and Operating Systems, pp.128–137 (1996).
- 25) Mudge, T., Chen, I.-C. and Coffey, J.: Limits to branch prediction, Technical Report CSE-TR-282-96, University of Michigan (1996).
- 26) Jha, S., Lu, Y. and Clarke, E.: Formal Analysis of Branch Prediction Algorithm, Technical report, Computer Science, Carnegie Mellon University (1998).
- 付 録

# A.1 SPEC CPU2000 ベンチマークでの各エン トロピーの時系列変化

5.3 節図 11 で省略した SPEC CPU2000 ベンチマー クプログラムについて,予測器の成功率,および分岐履 歴エントロピー  $H^{16}(B)$ ,表参照エントロピー H(R), 表要素エントロピー  $H^{16}(E)$ の各エントロピーの値 の時系列変化の様子を図 18,図 19 に示す.

![](_page_18_Figure_10.jpeg)

図 18 ヒット率および各エントロビー値の時系列変化 (gshare 分 岐予測器, SPEC CINT2000)

![](_page_18_Figure_12.jpeg)

![](_page_19_Figure_2.jpeg)

(e) 301.apsi

図 19 ヒット率および各エントロビー値の時系列変化 (gshare 分 岐予測器, SPEC CFP2000)

Fig. 19 Hit ratio and  $H^{16}(B)$ , H(R),  $H^{16}(E)$  entropies (gshare branch predictor, SPEC CFP2000). (平成 19 年 5 月 7 日受付)(平成 19 年 8 月 29 日採録)

![](_page_19_Picture_7.jpeg)

横田 隆史(正会員) 1983年慶應義塾大学工学部電気 工学科卒業.1985年同大学院電気 工学専攻修士課程修了.同年三菱電 機(株)に入社,中央研究所,先端 技術総合研究所,産業システム研究

所に所属.主席研究員.1993年12月から1997年3 月まで新情報処理開発機構(RWCP)に出向.2001 年4月より宇都宮大学工学部助教授,2007年同大学准 教授.計算機アーキテクチャ,設計方法論等の研究に 従事.工学博士.ICCD Outstanding Paper Award (1995年), FPGA/PLD Design Conference 審査委 員特別賞(2002年), PDCAT'05 Outstanding Paper Award(2005年)各受賞.電子情報通信学会,IEEE 各会員.

![](_page_19_Picture_10.jpeg)

大津 金光(正会員) 1993年東京大学理学部情報科学 科卒業.1995年同大学院修士課程 修了.1997年同大学院博士課程退 学,同年より宇都宮大学工学部助手, 2007年より同大学助教.博士(情報

理工学).計算機システムの高性能化に関すること,特 にマルチコア・マルチスレッドプロセッサアーキテク チャおよびその支援ソフトウェア環境,バイナリコー ド変換処理,動的最適化処理等に興味を持つ.

![](_page_19_Picture_13.jpeg)

馬場 敬信(フェロー) 1970年京都大学工学部数理工学科 卒業.1975年同大学院博士課程単位 取得退学.同年より電気通信大学助 手,講師を経て,現在宇都宮大学工学

部教授.工学博士.1982年より1年 間メリーランド大学客員教授.計算機アーキテクチャ, 並列処理等の研究に従事.1992年情報処理学会 Best Author 賞,2002年FPGA/PLD Design Conference 審査委員特別賞,PDCS2002国際会議 Best Paper Award 各受賞.著書 "Microprogrammable Parallel Computer" (MIT Press),『コンピュータアーキテク チャ(改訂2版)』(オーム社),『コンピュータのしく みを理解するための10章』(技術評論社)等.電子情 報通信学会,IEEE 各会員.