

プライオリティ制御機構を有する OR 並列 Prolog の分子系統樹作成への応用

松 田 秀 雄[†] 金 田 悠 紀 夫[†]

OR 並列で実行されるゴールに優先順位としてプライオリティを付加し、このプライオリティによりゴールをスケジュールするプライオリティ制御機構を持つ並列 Prolog の分子系統樹作成への応用について述べている。プライオリティ制御機構により、代表的な探索アルゴリズムの一つである A* アルゴリズムを OR 並列実行環境で容易に記述することができる。共有メモリ型並列計算機上で並列実行を行なったところ、問題によっては 26 プロセッサで 40 倍とスーパーリニアの台数効果が得られた。以上により、本方式の有効性が示された。

An Application of an OR-Parallel Prolog System with a Priority Control Mechanism to Molecular Phylogenetic Tree Construction

HIDEO MATSUDA[†] and YUKIO KANEDA[†]

We applied our OR-parallel Prolog system to a practical search problem, construction of molecular phylogenetic trees. The system provides a priority-control mechanism which makes it possible to implement efficient heuristic search algorithms, such as A* algorithm, in OR-parallel execution environment. This mechanism enables us to develop an algorithm to construct phylogenetic trees based on A* algorithm. The effectiveness of the method is demonstrated by measuring execution times on a tight-coupled multiprocessor machine. We attained a maximum of 40-fold (super-linear) speedup on 26 processors.

1. はじめに

探索は人工知能を代表とする多くの分野で問題解決の普遍的な手法となっており、これらの分野では探索効率の向上は重要な意味を持っている¹⁾。

OR 並列²⁾は、実行可能な複数の候補節を並列に呼び出して実行していくもので、探索問題で特に効果を発揮する。しかし、単純に全ての呼出しを並列に行なうと並列度が爆発的に増え、プロセス切替えなどのオーバヘッドの増大により台数効果が抑えられてしまう。これを解決するためには、並列処理の効果が高い部分のみを並列に実行し残りは逐次に実行するなど、プログラムの特性に応じたスケジューリングを行なう必要がある。このようなスケジューリングを行なっている処理系としては Aurora³⁾、Muse⁴⁾などがある。これに対して、著者等は、OR 並列で実行されるゴー

ルに優先順位としてプライオリティを付加し、このプライオリティによりゴールをスケジュールする処理系を開発した⁵⁾。ある評価関数を最大に（または最小に）するような最適解を求める問題では、この評価関数に基づいてゴールにプライオリティを設定すれば、処理系のプライオリティ制御機構により最適解に近いゴールのみが選択されて実行される。これにより探索効率を向上させることができる。

プライオリティ制御機構を持つ OR 並列 Prolog の応用として、実用的な探索問題の一つである、分子系統樹（molecular phylogenetic tree）の作成を行なった^{6)、7)}。分子系統樹とは DNA や RNA の塩基配列など分子レベルのデータを使用してつくられた生物または遺伝子の系統樹である。系統樹作成法としては最尤法⁸⁾を選んだ。最尤法は、可能な候補系統樹を生成し、そのそれぞれについて分子レベルの進化をモデル化した確率モデルを基に尤度を計算し、その値が最大のものを解とする方法である。

最尤法は確率モデルにより尤度最大の系統樹を作成

[†] 神戸大学工学部情報知能工学科

Department of Computer and Systems Engineering,
Faculty of Engineering, Kobe University

するので、生物または遺伝子ごとの配列データを単純に比較する方法に比べて、より正確な系統樹の作成が行なえるとされているが、比較すべき配列データの数が増えると可能な候補系統樹の数が急激に増え、膨大な処理時間を必要とするのが欠点であった。そこで、著者等は、候補系統樹の探索を OR 並列で行ない、これをプライオリティで制御するアルゴリズムを開発した。このアルゴリズムは、後述するように、代表的な探索アルゴリズムの一つである A*アルゴリズム⁹⁾を並列化したものと見なすことができる。

以下では本処理系による探索アルゴリズムの記述と、本処理系を分子系統樹の作成に応用した結果について述べる。

2. OR 並列におけるプライオリティの設定

Prolog の実行過程は、ユーザが入力した最初のゴールを根として、実行の各時点でのゴールを節点とする探索木の展開ととらえることができる。OR 並列は、この探索木を根から葉に向かって幅優先で並列に展開する方式である。OR 並列は、与えられた条件を満たす解を全て求めるような問題で特に有効であるが、ある評価関数を最大に（または最小に）する最適解を求めるときには、通常の逐次 Prolog と同様 setof, bagof といった組込み述語により解の集合を求めた後、それらの中から最適解を選択することになる。しかし、探索木が非常に大きく広がるような問題では結果的に無駄な処理を数多く行なう可能性が高く、実行時間、メモリ消費ともに膨大なものとなってしまう恐れがある。

そこで著者等は OR 並列での効率の良い最適解探索のため、プライオリティによる実行制御を提案した⁵⁾。プライオリティは、概念的には探索木の各枝についたラベルであり、その枝の下のゴールの実行の優先度を表す。全体の実行はスケジューラにより管理され、プライオリティの高い枝から順に選択されて、その下のゴールが実行される。これにより探索木の展開は理想的には常に最適解の方向に向かうことになり、無駄な展開を抑えることができる。

プライオリティは次の 3 つの組込み述語により設定される。

setPriority (プライオリティ値)

upPriority (プライオリティ増加値)

downPriority (プライオリティ減少値)

setPriority は引数の値（整数）を新しいプライオリティとして設定する。upPriority, downPriority は

それぞれ現在のプライオリティに引数の値を加えるかまたは引いたものを新しいプライオリティとして設定する。

3. 探索アルゴリズムの記述

3.1 A*アルゴリズム

代表的な探索アルゴリズムの一つに A*アルゴリズムがある⁹⁾。A*アルゴリズムは最良優先探索アルゴリズムの一種であり、問題固有の知識を使って探索効率を向上させるのが特徴である。

例えばグラフの最短経路を求める問題の場合、A*では、任意の点 p について開始点から点 p に至るコストを表す関数 $g(p)$ に加えて、 p からゴール点に至るためのコストの推測値 $\hat{h}(p)$ を用いる。そして、点 p における評価関数 $f(p)$ を、 $f(p) = g(p) + \hat{h}(p)$ とし、 $f(p)$ の小さいものから優先的に探索していく。

具体的には、A*アルゴリズムでは、探索途中の点の情報を OPEN, CLOSE という 2 つのリストに保持しながら、以下のように探索を進める。

- (1) OPEN に開始点を入れる。
- (2) OPEN が空なら失敗終了。
- (3) OPEN から $f(p)$ を最小にする点 p を取り出し、CLOSE に入れる。
- (4) p がゴール点なら成功終了。
- (5) p のすべての継続点を生成し、それぞれについて f を計算する。
- (6) 継続点のうち、OPEN, CLOSE のいずれにも含まれないものを OPEN に入る。
- (7) 継続点のうち、OPEN, CLOSE のいずれかにすでに含まれるものについて、 f の旧値と(5)で求めた新しい f の値とを比較し、小さい方と組み合わせる。このとき CLOSE に含まれていたものがより小さい f の値を持った場合には OPEN に入れ直す。
- (8) (2) に戻る。

A^* の性質として、 $\hat{h}(p)$ をゴール点に至るコストの下限値に選べば、解がある限り常に収束し、しかもコスト最小解が得られることが知られている。

3.2 プライオリティ制御機構による記述

A^* での OPEN リストはコストが小さい順に点の情報を並べた待ち行列で表現できる。前述のプライオリティ制御機構を使えば、プログラム内で明示的に OPEN リストを表現しなくても、評価関数に基づいてプライオリティを設定するだけで A^* と同等の探索

アルゴリズムを記述できる。

後述するように本処理系は、共有メモリ上に実行可能なキューを置き、実行可能なゴールをプライオリティ順に並べて保持する。実行可能なキューは処理系が管理するので、ユーザはプライオリティ順の並べ替えなどのキュー操作を記述する必要がない。

したがって、プライオリティ制御機構があれば、グラフを探索しながら、現在の点までのコストとその点からゴール点までのコストの推測値の和を求め、それに負号をつけたものをプライオリティとして設定するだけで、コストの小さいものから優先的に探索するよう記述することができる¹⁰⁾。

4. 分子系統樹の作成

実用規模の探索問題として分子系統樹（molecular phylogenetic tree）作成問題をとり上げた。分子系統樹とはDNAやRNAの塩基配列など分子レベルでのデータを使用してつくられた生物または遺伝子の系統樹である。分子系統樹の例を図1にあげる。図1は、ラン藻の一種 (*Synechococcus* sp.), 乳酸菌の一種 (*Lactobacillus casei*), 枯草菌 (*Bacillus subtilis*), リケッチャの一種 (*Rickettsia prowazekii*), 大腸菌 (*Escherichia coli*), メタン細菌の一種 (*Methanobacterium formicum*) の6種のバクテリアの系統樹を示している。図1の枝の長さは、進化の過程で起きる塩基置換の度合を表す。図の下の.10の線が平均0.1塩基の置換に対応する長さを示している。

系統樹の作成には最尤法を使用した。最尤法では、以下のような方法で系統樹を求める⁵⁾。

- (1) 3種のDNA配列から系統樹を作成し、種の数を表す変数 k に4を代入する。
- (2) $k-1$ 種の系統樹に k 番目の種を加えて k 種の系統樹の樹形（topology, 系統樹の形）を $2k-5$ 個生成する。それぞれについて進化の確率モデルから尤度が最大になるように系統樹の枝長を計算し、 k 種の系統樹を構成する。

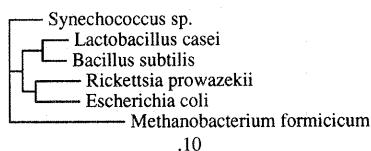


図1 分子系統樹の例

Fig. 1 An example of a molecular phylogenetic tree.

(3) $k < n$ の間、 k を1ずつ増やしながら(2)を繰り返す。 $k = n$ になったとき、尤度が最大の系統樹が最終的な系統樹となる。

樹形の数は、単純に生成すると、種の数 n のとき、

$$\prod_{k=3}^n (2k-5) = \frac{(2n-5)!}{2^{n-3}(n-3)!} \quad (1)$$

という膨大な数になる。ここで、求めたいのは尤度最大の系統樹であるので、A*アルゴリズムにより尤度を評価関数としてこの値の大きいものを優先的に探索するようにすれば、尤度最大の系統樹を効率良く求めることができると考えられる。

しかし、実際には、単純に尤度そのものを評価関数として設定しても、それほど探索効率を上げることができない。これは、ほとんどの場合、新たに種を加えてできる系統樹は、種を加える前のものと比べて（たとえそれが最適な樹形を持つ樹であっても）尤度が小さくなるからである。

そこで、A*アルゴリズムにおける、解への近さを表す推測値を尤度に足したもの（尤度+推測値）を評価関数として設定すれば、さらに探索効率を上げることができる。この推測値は k の関数になっており、 k が増えるにつれて (n に近くなるにつれて) 単調に増加する。その値は、種を加えて系統樹を拡張していく過程で、最適な樹形を選んでいく限り評価関数の値がだいたい一定になるように、種ごとの塩基配列データの差分の値から経験的に導き出したものを使用する（差分が大きければ尤度低下が大きくなる）。

5. 並列実行方式

5.1 並列計算機の構成

本処理系は、Sequent社製の並列計算機Symmetry S81上で動作する。Symmetryは、要素プロセッサとしてIntel80386（クロック16MHz）を使用した共有メモリ型の並列計算機である。また、各プロセッサには、浮動小数点演算アクセラレータ（WeitekWTL1167）が付加されている。これにより、浮動小数点演算が80387と比べ約2倍の速度で実行される。なお、使用した並列計算機では28台のプロセッサが実装されている。

Symmetryでは、全ての要素プロセッサが対等であり、一本のバスにより結ばれている。プロセッサ間の

通信はバスに接続された共有メモリを介して行う。バスと共有メモリでの競合を抑えるため各プロセッサには 64KB のコピーバック方式のキャッシュがつけられている。OS は DYNIX と呼ばれる UNIX をベースにしたもので、プロセスを単位としてプロセッサへの割当てなどの並列実行管理を行ない、相互排除のためのロック（専用ハードウェアを備えている）、プロセス間の共有メモリ割当などの機能を提供する。

5.2 実行モデル

本処理系では、PE (Prolog Engine) とタスクという 2 つの概念で Prolog プログラムを並列に実行する⁵⁾。PE はプロセッサを抽象化したものであり、逐次 Prolog 処理系と同様、プログラムを深さ優先で実行するソフトウェア仮想マシンである。PE は DYNIX から見ればユーザプロセスの 1 つであり、並列実行に先だってプロセッサ台数以下の個数だけ生成され、次に述べるタスクを処理していく。DYNIX では実行可能なユーザプロセスの数がプロセッサ台数以下の時には、プロセスとプロセッサとは 1 対 1 に対応する。

タスクはゴールの逐次的な実行過程である。本処理系では、OR 並列で実行すべき節をプログラム内で並列宣言により宣言することになっている。この宣言がされていない節は全て 1 つのタスクにより実行される。並列宣言されている節の実行では節の数に応じて複数のタスクが生成され、プライオリティでソートされた実行可能キュー (Ready Queue) につながれる。

実行可能キューは共有メモリ上におかれ、処理全体で一つだけである。タスクの PE への割当ては、グローバルなスケジューラではなく個々の PE が実行可能キューを見て、そこから先頭のタスクを取り出すことにより行なわれる。PE は (1) タスクが割り当てられていない、(2) 割り当てられたタスクを完了した、(3) 割り当てられたタスクより高いプライオリティを持つタスクが新たに実行可能キューにつながれた、のいずれかで、実行可能キューから新たにタスクを獲得してそれを実行する。(3) の条件は、各 PE により 2 節で述べた組込み述語によるプライオリティ設定時および候補節の呼出しごとにチェックされる。

6. 性能評価

6.1 分子系統樹作成の入力データとプログラム

種々の細菌の塩基配列をもとにそれらの系統樹の作成を行なった。使用した配列は、リボソームの構成要素の一つである 16S リボソーム RNA をアラインメン

トにより整列させたものであり、長さは 1892 塩基である。この整列データはリボソーム・データベース・プロジェクト¹¹⁾により作成されたもので、イリノイ大学の FTP サイト (rdp.life.uiuc.edu) から anonymous ftp により入手可能である。

種の数が 6 から 30 までの系統樹を、SICStus Prolog (Ver.2.1)¹²⁾による逐次実行と、本処理系による OR 並列実行とで、それぞれ作成した。各々のプログラムを、付録 (a) (SICStus Prolog 用) と付録 (b) (本処理系用) に示す。いずれも、A*に基づいたアルゴリズムを使っているが、(a) では 3.1 節で述べた OPEN リストの操作を Prolog のリスト処理機能により実現し、(b) ではプライオリティ制御により実現している。基本的なアルゴリズムが同じため、両者のプログラムの実行結果として得られる系統樹はかならず一致する。なお、文献 5) とは、逐次、並列実行とともに全解探索ではなく、A*アルゴリズムによる発見的探索を行なっている点が異なっている。

系統樹の枝長および尤度の計算は大量の数値計算を必要とするため、付録のプログラムでは、文献 13) のプログラム (C 言語で記述されている) の一部を、本処理系では組込み述語として、SICStus Prolog では他言語インターフェースによりリンクして使用している。なお、付録 (b) のプログラムの一番先頭の行は並列宣言であり述語 treeEval をヘッドに持つ節だけが OR 並列で実行され、残りの節は逐次に実行されることを示している。また、A*における解への近さを表す推測値は、どちらのプログラムでも述語 heuristic により、あらかじめ与えられているものとしている。

6.2 実行結果

PE1 台の実行時間を表 1 に示す。表 1 では本処理系での実行時間をプライオリティ、SICStus Prolog の時間を A* と表している。本処理系の方がやや短い時間で解が求められている。これは、SICStus Prolog では OPEN リストを Prolog のリスト処理機能により操作しているのに対して、本処理系では処理系内部の実行可能キューに置き換えて操作しているためと考え

表 1 PE 1 台による分子系統樹作成の実行時間 (秒)
Table 1 Execution times of molecular phylogenetic tree construction on 1 PE.

種の数	6	10	20	30
プライオリティ	75	490	43729	92665
A*	123	692	45030	94061

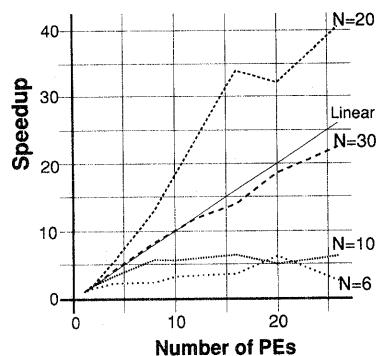


図 2 分子系統樹作成での台数効果

Fig. 2 Speedup in molecular phylogenetic tree construction.

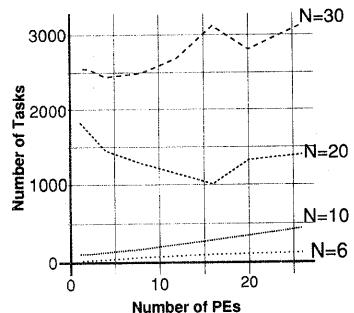


図 3 分子系統樹作成での総タスク数

Fig. 3 Total numbers of tasks in molecular phylogenetic tree construction.

られる。

OR並列での台数効果を図2に示す。台数効果は種の数が少いちはPE数台で頭打ちになっているが、20種と30種の一部(PE台数4台から8台)で線形以上(スーパーリニア)の台数効果が出ている。これにより、例えば20種のPE26台の実行時間は1078秒にまで短縮され、PE1台の時に比べて40倍も実行速度が向上している。

このように大きな台数効果が出た原因を調べるために、生成されたタスクの総数を測定した(図3)。図2と図3から、台数効果と生成タスク数の間に明確な相関があることがわかる。つまり、PE2台以上でのタスク数がPE1台と比べて大きいところ($N = 6, 10$ および $N = 30$ のPE10台以上)では台数効果が落ちているが、タスク数が小さいところ($N = 20$ および $N = 30$ のPEが10台より少ないところ)でスーパーリニアの台数効果が得られている。

タスク数についてより詳しく調べるため、20種の

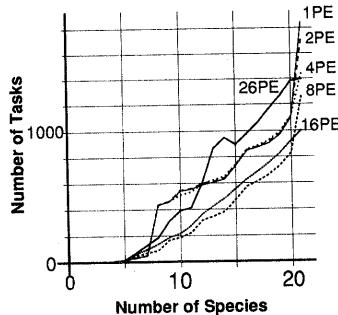


図 4 分子系統樹作成でのタスク数の増加

Fig. 4 Increase of the number of tasks in molecular phylogenetic tree construction.

系統樹を作成するとき、最尤法により種の数 k の値を増やしながら中間的な系統樹を構成していく過程でのタスク数の変化を計測した。図4は、個々の k の値での中間的な系統樹のうち、最も尤度の高いものが見つかった時点でのタスク数を表している。なお、図4で、 $k = 21$ の値は、最終的に解が求められたときの総タスク数を表し、これと $k = 20$ の値とが異なるのは、 $k = 20$ の系統樹が見つかってからも、他の中間的な系統樹からそれ以上尤度の大きい系統樹が生成されないかどうか調べないと、最終的に解と判定できないいためである。

PEが4台以下のところでは、 $k = 7$ から $k = 8$ に変わるとときに大きくタスク数が増加している。実行のより詳細な解析から、これは、 $k = 7$ で尤度最大だった系統樹から、 $k = 8$ で尤度最大の系統樹を見つけるのに、いったん $k = 15$ まで系統樹の生成が進んでからその系統樹の系列から尤度最大のものが得られないことがわかり、 $k = 8$ まで戻りして $k = 7$ で尤度が次善の値を持つ系統樹からの生成をやり直しているためであることがわかった。

しかし、PEが8台以上の時には、あるPEが $k = 7$ で尤度最大だった系統樹をもとに $k = 8$ の系統樹($2k - 5 = 11$ 個)を生成すると並行して、別のPEが $k = 7$ の尤度が次善の系統樹からの生成を行なっており、こちらの方から $k = 8$ で尤度最大となる系統樹が生成され、4台以下のときのようなタスク数の急激な増大が抑えられている。

PE1台のときでも、尤度最大の系統樹以外に、次善の系統樹からの生成をも並行して行なうようスケジューリングを変更することは可能であり、このときには上述のタスク数の急激な増大を抑えることができ、実行時間を短縮できると考えられる。しかし、常に尤

度が次善の系統樹をも調べるようにすると、余計なものまで探索している可能性もあり、必ずしもよいスケジューリングとは限らない。より探索効率の優れたスケジューリング手法の開発が今後の課題である。

7. おわりに

本稿では Prolog の OR 並列実行でプライオリティ制御が行なえるよう拡張した処理系を実用的な探索問題の一つである分子系統樹作成に応用した結果について述べた。プライオリティ制御により、A*アルゴリズムを OR 並列実行環境で容易に記述することができ、実行速度もリスト処理で記述したときと比べて向上している。

また、問題によっては PE 台数を増やすことにより探索効率が向上し線形以上（スーパー線形）の台数効果が得られた（PE26 台の時、PE1 台と比べて 40 倍の速度向上）が、これは PE 台数を増やした時のタスク数の減少によるものであることを示した。この結果をもとに、タスク数をさらに減らすことのできる、より探索効率の優れたスケジューリング手法の開発が今後の課題である。

謝辞 本研究は一部、文部省科学研究費補助金重点領域研究（課題番号 04235103 および 05254209）によっている。

参考文献

- 1) 謙訪 基, 実近憲昭: 探索, 人工知能学会編, 人工知能ハンドブック, pp.24-32, オーム社 (1990).
- 2) Conery, J.S.: Parallel Execution of Logic Programs, Chap.3, pp.35-61, Kluwer Academic Publishers, Norwell, MA (1987).
- 3) Lusk, E. et al.: The Aurora OR-Parallel Prolog System, *New Generation Computing*, Vol.8, No.7, pp.243-271 (1990).
- 4) Ali, K. and Karlsson, R.: Full Prolog and Scheduling Or-Parallelism in Muse, *Int'l J. Parallel Programming*, Vol.19, No.6, pp.445-475 (1990).
- 5) 松田秀雄, 鈴鹿重雄, 金田悠紀夫: OR 並列 Prolog におけるプライオリティ制御機構とその応用, 情報処理学会論文誌, Vol.34, No.4, pp.773-781 (1993).
- 6) Nei, M.: Molecular Evolutionary Genetics Chap. 11, Columbia University Press (1987). (五條堀孝, 斎藤成也訳: 分子進化遺伝学, 培風館 (1990))
- 7) Swofford, D.L. and Olsen, G.J.: Phylogeny Reconstruction, *Molecular Systematics*, ed. Hillis, D. and Moritz, C., pp.411-501, Sinauer Associates, Sunderland, MA (1990).
- 8) Felsenstein, J.: Evolutionary Trees from DNA Sequences: A Maximum Likelihood Approach, *J. Molecular Evolution*, Vol.17, pp.368-376 (1981).
- 9) Hart, P.E., Nilsson, N.J., and Raphael, B.: A Formal Basis for the Heuristic Determination of Minimum Cost Paths, *IEEE Trans. Syst. Sci. Cybern.*, Vol. SSC-4, No.2, pp.100-107 (1968).
- 10) 松田秀雄, 鈴鹿重雄, 金田悠紀夫: プライオリティ制御機構を有する OR 並列 Prolog の探索問題への応用, 並列処理シンポジウム JSPP'93 論文集, pp.55-62 (1993).
- 11) Olsen, G.J., et al.: The Ribosomal Database Project, *Nucleic Acids Research*, Vol.20, Supplement, pp.2199-2200 (1992).
- 12) Carlsson, M. et al.: SICStus Prolog User's Manual, Swedish Institute of Computer Science (1993).
- 13) Olsen, G.J., Matsuda, H., Hagstrom, R., and Overbeek, R.: fastDNAml: A Tool for Construction of Phylogenetic Trees of DNA Sequences Using Maximum Likelihood, *Computer Applications in Biosciences*, Vol.10, No.1, pp.41-48 (1994).

(平成 5 年 9 月 16 日受付)

(平成 5 年 11 月 11 日採録)

付録 分子系統樹作成プログラム

(a) A*アルゴリズム

```

go(OptLike) :-  

    c_init,  

    c_allocTreeArea(NumSpec), c_buildFirstTree(NumTips, Tree),  

    astar([Tree, NumTips], [], [Tree, NumTips]), NumSpec,  

    [OptTree, OptNumTips],  

    c_getLikelihood(OptTree, OptLike), c_showBestTree(OptTree),  

    c_freeTreeArea.  

astar([Tree, NumTips], OPEN, CLOSE, NumSpec, OptTreeRec) :-  

    NumTips < NumSpec, !,  

    c_buildNewTip(Tree, TreeBuf, NumTrees), NumTips1 is NumTips+1,  

    collectTrees(0, NumTrees, TreeBuf, NumTips1, OPEN1),  

    checkEmpty(OPEN1), maximum(OPEN1, [MaxTree, MaxNumTips]),  

    changeClose([MaxTree, MaxNumTips], OPEN1, CLOSE, OPEN2, CLOSE2),  

    c_getLikelihood([MaxTree, MaxLike], heuristic(MaxNumTips, Heu),  

    MaxScore is MaxLike*Heu  

    astar([MaxTree, MaxNumTips1], OPEN2, CLOSE2, NumSpec, OptTreeRec).  

astar(OptTreeRec, _, _, _, OptTreeRec).  

collectTrees(TreeId, NumTrees, TreeBuf, NumTips, OPEN, OPEN1) :-  

    TreeId < NumTrees, !,  

    c_allocTreeArea(_, _), c_treeEvaluate(TreeBuf, TreeId, Tree, _),  

    updatedOPEN(Tree, NumTips, OPEN, OPEN2), TreeId1 is TreeId+1,  

    collectTrees(TreeId1, NumTrees, TreeBuf, NumTips, OPEN2, OPEN1).  

collectTrees(_, _, _, _, OPEN, OPEN).  

updateOPEN(Tree, NumTips, OPEN, [[Tree, NumTips] | OPEN]) .  

checkEmpty([]):- !, write('FAILURE TO SEARCH'), nl, fail.  

checkEmpty([_|_]).  

maximum([Tree1, Tree2 | Set], MaxTree) :-  

    maximum([Tree2 | Set], MaxTreeSoFar),  

    max2(Tree1, MaxTreeSoFar, MaxTree).  

max2([Tree1, NumTips1], [Tree2, NumTips2], [Tree1, NumTips1] | OPEN), CLOSE,  

    max2([Tree1, NumTips1], [Tree2, NumTips2], [Tree2, NumTips2] | OPEN), CLOSE,  

    c_getLikelihood(Tree1, Like1), c_getLikelihood(Tree2, Like2),  

    heuristic(NumTips1, Heu1), heuristic(NumTips2, Heu2),  

    New1 is Like1+Heu1,  

    New2 is Like2+Heu2,  

    New1 >= New2, !.  

max2(_, Tree2, Tree2).  

changeClose(_, [], CLOSE, []).
```

```

changeClose([MaxTree, NumTips1], [Tree2, NumTips2], [MaxTree, NumTips1] | OPEN), CLOSE,  

    OPEN, [MaxTree, NumTips1] | CLOSE1) :- !,  

    changeClose([MaxTree, NumTips1], OPEN, CLOSE, OPEN1, CLOSE1).  

changeClose([MaxTreeRec, [Tree, OPEN], CLOSE, [Tree, OPEN1], CLOSE1) :-  

    changeClose([MaxTreeRec, OPEN, CLOSE, OPEN1, CLOSE1]).
```

(b) プライオリティ制御付き OR 並列



松田 秀雄 (正会員)

昭和 34 年生。昭和 57 年神戸大学理学部物理学科卒業。昭和 59 年同大学院工学研究科システム工学専攻（修士課程）修了。昭和 62 年同大学院自然科学研究科（博士課程）修了。同年同大学工学部助手となり、現在同大学講師。この間、平成 3 年 4 月より 10 か月間米国アルゴンヌ国立研究所客員研究員。学術博士。論理型言語による並列処理、遺伝子情報処理の研究に従事。IEEE CS, ACM 各会員。



金田悠紀夫 (正会員)

昭和 15 年生。昭和 39 年神戸大学工学部電気工学科卒業。昭和 41 年神戸大学大学院電気工学専攻修士課程修了。昭和 41 年電気試験所（現電総研）入所。電子計算機研究に従事。昭和 51 年神戸大学工学部システム工学科、現教授。工学博士。コンピュータシステムのハードウェア、ソフトウェアの研究に従事。高級言語マシン、並列マシン、AI に興味を持っている。