特集 量子コンピュータ



量子プログラミング言語



蓮屋一郎(東京大学大学院情報理工学系研究科コンピュータ科学専攻) **星野直彦**(京都大学数理解析研究所)

量子プログラミング言語とは─研究の動機

量子計算の分野においてアルゴリズムを記述するた めには、図-1のような量子回路を用いるのが一般的だ ろう(高橋氏の記事参照. メーターの絵は量子測定を 表す). 一方で、(量子でない) 古典アルゴリズムを回 路で表現することはあまりなく擬似コードとよばれるプ ログラムもどきが用いられる. この一点においてすで に「量子計算のためのプログラミング言語とはどのよう なものか?」という疑問が自然に浮かびあがるのであり、 筆者らはこの疑問に答えるべく(おもに数学的なアプロ ーチから)研究を行っている. しかし以下ではさらにも う少し、「量子プログラミング言語の実現によって何が 可能となるのか? ということについて論じたい.

論理的記述と物理的実装の分離

まず1つの利点として、「高レベルの」アルゴリズム の記述と「低レベルの」物理的実装との分離が挙げら れる. (古典計算のための) 高級プログラミング言語に おいては、高レベルのプログラムがコンパイラによって 低レベルの機械語コードに変換されたのち実行される ため、プログラマは実行環境のアーキテクチャを意識 する必要はない. さらにコンパイラによって数々の最適 化が自動的に施される. このシナリオを量子計算に移 して考えると、(高級) 量子プログラミング言語を用い ることにより次のような利点が期待される.

- 量子回路・測定ベース量子計算・位相量子計算など の、量子計算の実現方法に依存しないかたちでアル ゴリズムを記述できる.
- 論理量子ビットと物理量子ビットを分離することによ り、量子デコヒーレンス(時間経過による量子系の崩

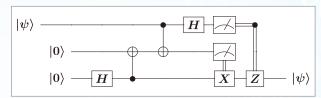


図-1 量子回路の例(量子テレポーテーションと呼ばれる有名な アルゴリズム)

- れ) に対処するための膨大な数の誤り訂正をアルゴ リズムの記述から隠ぺいできる.
- 量子ビットの再利用などの最適化をコンパイラが自動 的に行える.

■意味論と仕様検証

次の利点として、量子アルゴリズムに対する仕様検 証を挙げる.ここで仕様とは「アルゴリズムがみたすべ き性質 | のことを言い、たとえば 「量子テレポーテーシ ョンによって Bob が受け取る量子ビットは Alice がは じめに持っていたそれと同じである」というような性質 である. アルゴリズムと仕様の2つを入力として、「み たす(ことが証明できた)」「みたさない(反例がみつか った) | を出力とする問題を仕様検証と呼ぶのである が、古典計算に対してはこの仕様検証を行うための手 法が盛んに研究され、理論計算機科学において検証 (verification)と呼ばれる一大分野をなしている.

仕様検証においては、アルゴリズムが仕様をみたすこ とを数学的に証明することを目標とするから、その第 一歩としてアルゴリズムの振舞いを数学的に定義してや る必要がある. この「振舞いを数学的に定義する」と いう営みを意味論と呼ぶ(「このアルゴリズムの『意味』 とは何か? を論じる. 筆者らはもともとこの分野の研 究者である). 意味論における数学的議論を簡潔にす るには、アルゴリズムの構造に関する情報を最大限活 用してやることがカギであり、高級プログラミング言語

による構造化プログラミングがもたらす恩恵は非常に大きい.

ここまでで「そもそも量子計算において仕様検証は必要なのか?」とお思いの読者もいらっしゃるかもしれない。実は、以上に述べたことは量子計算を量子通信に取り替えてもそのまま真であるが、量子鍵配信プロトコルのような量子通信の手順が鍵の秘匿性などの仕様をみたすかどうかはまったく自明でない問題である。たとえばすでに古典通信プロトコルにおいても、1978年に提案された Needham-Schroeder 公開鍵プロトコルの誤りが1995年にLoweによってはじめて発見された。この「事件」によって理論計算機科学の業界では(古典)暗号プロトコルの検証ブームが巻き起こったが、量子通信プロトコルにおいてもこのような誤りが見過ごされている可能性がある(実際、近年の多くの量子通信プロトコルは正しさの数学的証明付きで発表される).

また、「正しさを数学的に証明する必要があるのか? テストでもいいのでは?」とお思いの方もいらっしゃるかもしれない。事実、仕様検証には大きなコストがかかるゆえ――手動検証には専門家が数週から数カ月従事する必要があり、ソフトウェアによる自動検証もスケーラビリティが限られている――現在のソフトウェア品質向上手段としては、いくつかの入力に対して出力をチェックするテストが普通である。しかしテストは明らかに、テスト入力以外の入力に対しての正しさについては状況証拠しか与えてくれない。さらに量子計算においてはアルゴリズムの振舞いが確率的であるため、テストを膨大な回数くり返して統計的に成否を判断する必要がある。今後期待される初期の量子コンピュータの運用コストを考えると、このようなテストは非現実的であろう。

さらに量子プログラミング言語のもう1つの利点として、高級プログラミング言語によるプログラムは人間がアルゴリズムについて考える際の思考過程に近く、新たな量子アルゴリズムの発見につながるかもしれない、ということを挙げておこう(ただし「慣れてしまえば同じ」ということもあるだろうから、この利点については議論の余地がある).

量子プログラミング言語の3つの潮流

量子プログラミング言語の研究は 2000 年前後に始まった比較的新しいトピックである。量子コンピュータの実用化がまだである以上、古典計算に対するプログラミング言語の研究ほどのにぎわいは期待できない一方、多くの意味論の研究者の興味をひきつけ、主に数学的なアプローチから盛んに研究が行われている。ここ2~3年の動向においては、提案されているいくつかの量子プログラミング言語は次の3つの流れに収れんしつつあるようだ。

- Ömer による QCL を代表とする命令型量子プログラミング言語
- Altenkirch らによる量子 I/O モナドや Green らによる Quipper などの量子操作を副作用とする古典関数型言語
- van Tonder や Selinger, Valiron らによって研究される量子ラムダ計算

アプローチとしては、古典計算に関するプログラミング言語の数学的抽象化・一般化を行い、そこから量子プログラミング言語を「数学的にカノニカルな形で」導こうというのが多くの研究者の基本戦略である。 関数型プログラミングのスタイルが多いのも (3 つのうち後者2 つがそうである)、その数学的クリーンさによるところが大きい。

上の3つの研究の流れをそれぞれ紹介する前に、想定される計算モデルについて述べておく.

■ Knill の QRAM モデル―または「量子データ・古典制御」

これまでに提案された量子プログラミング言語のほとんどが、Knill による QRAM モデル (quantum random access machine) における実行を想定している. これは大ざっぱに言って「量子レジスタを持つ古典コンピュータ」であり(図-2)、古典コンピュータは古典的計算を行いながら量子レジスタに対して操作を行う. 量子レジスタに対する操作はユニタリ変換、量子測定と

特集 量子コンピュータ

量子状態の準備の3種類であり、量子測 定の結果は古典計算の中で用いるし、新 しく準備した量子状態を用いることもできる (ただし、特に量子状態の準備については ハードウェア的に制約される場合もあろう).

ここで注意しておきたいのは、QRAM モデルにおいてはプログラムの制御構造は あくまで古典的であることである. より直 感的に説明すると、プログラムの実行にお いて 「いまプログラムのどこにいるか」を考 えるだろう(「4 行目の変数宣言の前」や「6 行目の if 分岐の then のあと」など). こ れをプログラム・カウンタと呼ぶが、量子 計算だからといって異なるプログラム・カ

ウンタが量子的に重ね合わされることは (QRAM モデ ルにおいては)ない。このような量子計算のパラダイ ムを量子データ・古典制御 (quantum data, classical control) と呼ぶ.

多くの量子アルゴリズムにおいては「この量子ビ ットを測定し、その結果が0だったら $\bigcirc\bigcirc$ 、1だっ たら××× ...」といった分岐が存在するゆえ、古典 制御を何らかの形で行うことの必要性は了解される だろう $^{\diamond 1}$. また、制御構造を古典に限ること——す なわちプログラム・カウンタの量子的重ね合わせを 許さないこと――の正当化に対しては,「Shor のアル ゴリズムなど、多くの量子アルゴリズムが古典制御 で書ける|「量子制御のプログラムは難読になる|「古 典制御にすることで既存の(古典的)仕様検証手法 が適用できる」などの主張が可能である一方で、量 子コンピュータを量子シミュレーション(量子的物 理系のシミュレーションで、量子コンピュータの大 きな応用可能分野の1つとされる)のために用いる 立場からは反論も聞かれる. たとえば 文献 2) を見よ. 以下、本節冒頭で述べた量子プログラミング言語の

3つの潮流のそれぞれについて、解説を試みる、この

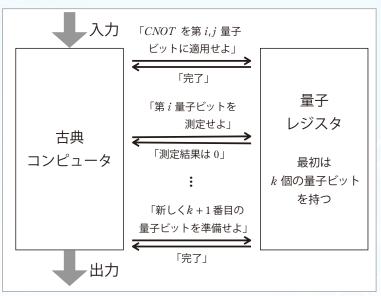


図-2 KnillのQRAMモデル

3つはすべて、上記のQRAMモデルを計算モデルと して仮定している.

命令型量子プログラミング言語

上に挙げた3つの潮流のうちの1つで、Cや Pascalのような命令型プログラミング言語に量子的操作の ためのプリミティブを付け加えた言語である. Ömer に よる QCL と呼ばれる言語 (最初のバージョンは 1998 年に発表された文献3))が代表的である.

まず例を示す. 図 -3 は QCL による Deutsch のアル ゴリズム (1985 年の改良前のもの) の表現である. ここ で gureg は量子レジスタをあらわす型であり、U は適当 なユニタリ変換である(Uの内容は略す). 命令 measure y, m によって量子レジスタ y が測定され、その結 果が古典レジスタmに格納され、mの値によってルー プの実行の可否が決定されることが見てとれるだろう.

QCL は最初期の量子プログラミング言語の1つであ り、公開されているコンパイラによってプログラムを量 子回路に変換したのちにシミュレーションを行うことが できる (古典コンピュータによるシミュレーションなので、 一般的に指数関数的に遅くなるが).しかし、数学的 な出自による特筆すべき利点(型による安全性の保証 など. 後に述べる) においては、ほかの2つの潮流に一 歩譲ると言わざるを得ない.

^{☆1} 文献 1)の Section 4.4 にあるように,測定結果によるユニタリ変 換の分岐は controlled operator による「量子的分岐」に置き換え ることができる. しかし、ユニタリ変換以外の、たとえば測定など を伴う分岐について同じことが可能かどうかは明らかではない.

5 量子プログラミング言語

量子操作を副作用とする古典 関数型言語

2つ目の量子プログラミング言語の潮 流は、量子計算を量子操作を副作用と する古典計算とみなし、(古典計算のため の) 関数型プログラミング言語の上で量 子的副作用をあらわすモナドを導入するこ とで量子プログラミング言語を得る、と いうものである。

■ 関数型プログラミングにおける副作用

ここで、関数型プログラミングと、 そこでの副作用 (side effect) について少し説明しておこう. 関数型プ ログラミングにおいて型 A -> B のプログラムは、型 A のあらわす集合から、型 B のあらわすそれへの関 数と理解される. 実際, 多くの関数型プログラミング 言語は型システムを持ち、各プログラムの型を明示的 に与える(あるいはコンパイラが型推論する) ことによ り、プログラムのさまざまな安全性を保証することが できる. また他の利点として、 プログラムの意味が文 脈 (たとえば命令型プログラムにおける変数の値) に よって変化しないという参照透過性があり、理論的立 場(特に意味論的立場)からよく研究されるのみなら ず、特に金融分野などにおいて産業上の応用も近年で は増えてきた、関数型プログラミング言語としてよく 知られたものには、OCaml、Haskell、Scala、F#、 Scheme などがある.

このように「プログラム=関数 | というのが関数型プ ログラミングの基本的アイディアである一方、実際の計 算の中には「(純粋な) 関数」(入力のそれぞれに対し て出力を1つ対応させる)とは理解しがたいものも存 在する. たとえば

- コイントスを行うことで出力が確率的に変化する int -> int 型のプログラム
- 計算過程で標準出力に文字列を出力する int -> int 型のプログラム
- 命令型プログラミングのように変数と値の対応関係を

```
procedure deutsch() {
                               // レジスタの2つの量子ビットを
 gureg x[1];
                               // それぞれ変数 x, y に割り当て
  qureg y[1];
  int m:
                               // ループ
                                   量子レジスタをすべて | 0 ) に初期化
   reset:
   U(x,y);
                                   ユニタリ変換
                                    ∨ を測定
   measure y,m;
                               // 測定結果 1 を得るまでくり返し
  } until m==1;
                               // x を測定. これは
 measure x,m;
 print "g(0) xor g(1) = ", m;
                                   g(0) xor g(1) に一致するはず
                               // 量子レジスタ
 reset;
```

図-3 QCL による 文献 7) のアルゴリズム (文献 8) による)

格納するメモリ状態を持ち、適宜変数の値を参照し たり更新したりしながら計算を行う int -> int 型のプ ログラム

などは、厳密な意味での関数とはならない. これらの 計算の「不純さ」が副作用と呼ばれるものである(計算 効果とも呼ばれる). たとえば上記の例はそれぞれ、確 率的分岐,出力,状態の副作用と呼ばれる.

以上のようなさまざまな計算の副作用を統一的に扱 うインタフェースがあれば、これは関数型プログラミン グの可能性を大きく広げるものになろう(純粋な「関数」 から、副作用のある「計算」へ). 実際、Haskell に 代表されるいくつかの関数型プログラミング言語はモナ ドによる副作用の統一的インタフェースを提供している. モナドはもともと圏論 (category theory) から発生した 概念であり、プログラムの構造化における強力さ(と難 解さ)によって多数の熱狂的ファンを持つ.Web 上に は Haskell におけるモナドのチュートリアルが多数存在 し、それぞれが独自のやり方で解説を試みているので、 興味のある読者はそれらを参照されたい. ここではモ ナドの関数型プログラミングにおける使われ方の概略の みを述べておこう.

- 1つの副作用(たとえば確率的分岐)に対して、1つ の型構成子 T を対応させる (型 A に対して T(A) も 型) このTをモナドと呼ぶ.
- 当該副作用を持つ型 A から型 B の計算は, A -> T(B) 型の関数となる.
- T の定義においては,
 - 純粋な関数を副作用のある計算としてどのように

特集 量子コンピュータ

埋め込むか (A -> B) -> (A -> T(B)), また,

• 副作用のある計算をどのように合成するか (A -> T(B)) -> ((B -> T(C)) -> (A ->T(C)))

なども定義しておく必要がある.

■副作用としての量子操作

話をもとに戻そう. 量子プログラミング言語 の3つの潮流のうち2つ目は Altenkirch らに よる量子 I/O モナドがさきがけであるが、これ は「量子操作を副作用として考え、これに対応 するモナド Tを定義することで、Haskellを量 子プログラミング言語にする」というアイディアに 基づいた研究である.「量子操作を副作用とす る」という言葉の意味は、上の例の状態の副作

用を考えると分かりやすい. 状態の副作用においては 計算はメモリ状態を隠し持っていて、これを参照したり 更新したりしながら進んでいくのであるが、これは図-2 に挙げた Knill の QRAM モデルにおいて右側の量子 レジスタを古典的メモリ状態に置き換えたものと理解す ることができる. すなわち, 逆に考えると, 状態の副 作用におけるメモリ状態を量子レジスタに置き換えたの が量子操作の副作用であり、前者の計算においては変 数 x の値を参照する lookup (x) や変数の値を更新する update (x, a) などの命令を用いるのに対し、後者の計算 では量子状態を測定する measQ(x) やユニタリ変換 u を適用する applyU (u, x) などの命令を用いるのである.

この方向性をさらに推進して、特にスケーラビリティ を重視して設計された量子プログラミング言語が 2013 年に Green らによって提案された Quipper 4) であ る. Quipper は Haskell に埋め込まれる形で定義さ れ、そのコンパイラはプログラムを量子回路に変換す る. Quipper はさまざまな量子アルゴリズムを簡潔に表 現する目的で注意深く設計され、非常に大きな(たと えば数十兆ゲート) 量子回路を生成するプログラムもす でに公開されている. 例として Quipper による量子テ レポーテーションの表現を**図 -4** に示す. ここでの Circ

```
alice :: Oubit -> Oubit -> Circ (Bit, Bit)
alice q a = do
                                  // CNOT ゲートを適用
    a <- qnot a `controlled` q
    q <- hadamard q
    (x,v) \leftarrow measure (q,a)
    return (x,y)
bob :: Qubit -> (Bit,Bit) -> Circ Qubit
bob b (x,y) = \dots
teleport :: Qubit -> Circ Qubit
teleport q = do
    (a,b) < - bell00
                                    // Bell 状態
    (x,y) \leftarrow alice q a
    b \leftarrow bob b (x,y)
    return b
```

図 -4 Quipper による量子テレポーテーション(文献 4)による)

```
EPR = \lambda s. CNOT \langle H(new 0), new 0 \rangle
BellMeas = \lambda q_2 \cdot \lambda q_1 \cdot let \langle x, y \rangle = CNOT \langle q_1, q_2 \rangle in \langle meas(Hx), meas y \rangle
               \mathbf{U} \ = \ \lambda q. \, \lambda \langle b_1, b_2 \rangle. \, if \, b_1 \ then \, (if \, b_2 \, then \, U_{11}q \, else \, U_{10}q)
                                                             else (if b_2 then U_{01}q else U_{00}q)
         \mathbf{telep} \ = \ let \, \langle x,y \rangle \quad = \quad \mathbf{EPR} \, * \, in
                                     let f = BellMeas x in
                                     let\,g \quad = \quad \mathbf{U}\,y
                                                 in \langle f, g \rangle
```

図-5 文献 5) の量子ラムダ計算による量子テレポーテーション

が上に述べた量子操作の副作用をあらわすモナドであ り (量子回路 quantum circuit から来た名前), 関数 alice, bob, teleport のそれぞれが A -> Circ B の型 をしていることに注意されたい.

量子ラムダ計算

3つの潮流の最後、量子ラムダ計算について解説す る. 量子ラムダ計算は2つ目と同じく関数型プログラミ ングのスタイルをとるが、量子レジスタに対する操作を 副作用としてくくり出すことはせず、計算における量子 的部分と古典的部分を統一的に扱う. このアプローチ はvan Tonderの量子ラムダ計算と Selingerの量子フ ローチャート言語 (1 階関数型言語とみなせる) を源流 とし、その後も Selinger、Valiron や本稿の筆者らに よって盛んに研究されている. この研究の発展は古典 プログラミング言語に対する意味論的諸手法 (特に線 形論理と圏論的意味論) に牽引される感が強く、仕 様検証のための数学的な枠組みが強調される.

まず例を見てみよう. 図 -5 に文献 5) で提案された 量子ラムダ計算による量子テレポーテーションの表現を 示す. ここで x, y, q1, q2 は量子ビット qubit 型の

5 量子プログラミング言語

変数であり、b1, b2 は古典ビット bit 型の変数である. sは unit 型の変数であり、unit 型の値*を渡すことで 関数 EPR が呼び出される. このプログラムは量子テ レポーテーションにあらわれる操作を素朴に関数として 表現しており、関数型プログラミングに慣れた読者にと っては (特に図 -4 の Quipper の例と比較しても) 自 然に見えるだろう. 最後に得られる関数 telep は、型 (qubit⊸bit ⊗ bit) ⊗ ((bit ⊗ bit)⊸qubit) を持つ.

線形型システム

さてここで ⊸ や⊗など見慣れない記号があらわれた. これらは線形型システムの型構成子であり、一般の型 システム(-> や×を用いる)とは異なるこの型システ ムの利用こそが第3の量子プログラミング言語の潮流 ――量子ラムダ計算――の最大の特徴であり利点である. 「線形型システム」という名前は線型空間とは(少なく とも表層的なレベルでは) 関係がなく、Curry-Howard 対応によって Girard の線形論理 (linear logic) と 対応するがゆえの名前である.

少し詳細を述べると、線形関数型 A⊸B は「型 A の入力をちょうど1回だけ用いて型 B の出力を返す関 数の型 | をあらわし、線形積 A⊗Bは「型 Aのデー タと型 B のデータをそれぞれ1個, あわせて2個」を あらわす. この型システムは量子計算によって重要な帰 結を持つ――すなわち、「量子状態は複製できない」と いう複製不可能性 (no-cloning property) を型シス テムによって強制できるのである! たとえばラムダ項 λ x^{qubit}. <x, x> は一見 qubit ¬ (qubit ⊗ qubit) の型 を持つように思えるが、線形型システムでは型がつかな い、このことはコンパイル時に型エラーとしてプログラマ に通知されるゆえ、実行時エラーを避けることができる. これは QCL や Quipper などにない大きな利点である.

おわりに:プログラミング言語理論の実 験場として

本稿では量子プログラミング言語の研究の動機を述 べた上で、その大きな3つの潮流について手短に解説 した。量子プログラミング言語の研究は発展途上の分

野であることは間違いない. 特に量子コンピュータの実 用化がいまだならないことは大きなハンディキャップで あるが、一方でプログラミング言語の研究者(特に意 味論の研究者)の入れ込みようは特筆すべきものがあ る. その理由の1つには、これまで蓄積してきた仕様 検証等の抽象的理論がキャッチーな応用先を見つけた、 ということがあろう。 もう1つの理由としてよく(冗談半 分に) 言われるのが、「**物理的実装がいまだないゆえに**、 あまりクリーンとは言えない既存のプログラミング言語 に振り回されることなく、クリーンな言語をゼロから理 論的に構成するチャンスだ というものがある. 読者が この主張に同意される自信はないが、ともかく、本稿 が量子計算に対するフレッシュな見方を提供できれば、 筆者のこの上ないよろこびである.

- 1) Nielsen, M. A. and Chuang, I. L.: Quantum Computation and Quantum Information, Cambridge Univ. Press (2000).
- 2) Ying, M., Yu, N. and Feng, Y.: Alternation in Quantum Programming: From Superposition of Data to Superposition of Programs. CoRR abs/1402.5172 (2014).
- 3) Ömer, B.: Quantum Programming in QCL, Master's Thesis, Institute of Information Systems, Technical University of Vienna (2000).
- 4) Green, A., Lumsdaine, P., Ross, N., Selinger, P. and Valiron, B.: Quipper: A Scalable Quantum Programming Language, PLDI 2013: 333-342 (2013).
- 5) Selinger, P. and Valiron, B.: A Lambda Calculus for Quantum Computation with Classical Control, Mathematical Structures in Computer Science 16(3): 527-552 (2006).
- 6) Valiron, B.: Quantum Computation: From a Programmer's Perspective, New Generation Comput. 31(1): 1-26 (2013).
- 7) Deutsch, D.: The Church-Turing Principle and the Universal Quantum Computer, Proceedings of the Royal Society of London A, Vol.400(1818): pp.97-117 (2013).
- 8) Ömer, B.: Structured Quantum Programming, PhD Thesis, Institute of Theoretical Physics, Technical University of Vienna (2000).

(2014年3月26日受付)

本稿の執筆にあたっては 文献 6) が大きく参考となった。ま た,文献 6) の著者である Benoît Valiron 氏や Peter Selinger 氏, Prakash Panangaden 氏,Mingsheng Ying 氏とは,さまざまな機 会に有益な議論を行うことができた、ここに謝意を表する。

蓮尾一郎 ichiro@is.s.u-tokyo.ac.jp

東京大学大学院情報理工学系研究科講師. 学術博士(ナイメー ン大学). 京都大学数理解析研究所助教, 科学技術振興機構さきが け研究者を経て現職. 情報科学における数理構造と, システム検証 への応用に興味を持つ.

星野直彦 naophiko@kurims.kyoto-u.ac.jp

京都大学数理解析研究所助教. 理学博士(京都大学). 圏論を用 いたプログラムの解析と検証に興味を持つ.