

## 情報の授業で統計を扱う\*

中西渉

学校法人名古屋学院 名古屋高等学校

〒 461-8676 名古屋市東区砂田橋 2-1-58

watayan@meigaku.ac.jp

高校の数学の教科書には統計分野があるにもかかわらず、大学入試でほとんど出題されないため、授業で扱われることはないに等しい。教科「情報」ができた今も統計にまともに向き合っていないことに変わりはない。筆者はこの状況に不満を抱いている。そこで、情報Bの「モデル化とシミュレーション」から派生して、簡単に統計的分野を扱ってみた。その実践について報告を行なう。

### 1 高校の授業における統計

#### 1.1 数学

現行の高等学校の数学の指導要領[1]では、数学で統計的な内容を扱うのは

数学A 「場合の数と確率」…期待値

数学B 「統計とコンピュータ」…標準偏差、相関係数

数学C 「確率分布」…標準偏差

「統計処理」…正規分布、母平均の推定

とされている。しかし、数学B・Cのこれらの分野が大学入試で出題されることは極めて稀であり、出題されたとしても選択問題として回避できるため、その分野を履修しない高校生は多い。すなわち、標準偏差も知らないまま卒業する生徒も相当数いるということである。

#### 1.2 情報

一方、情報の指導要領[2]には「統計」という単語は一度しか登場しない。情報Cの「(3)情報の収集・発信と個人と責任」の取り扱いについて

表計算ソフトウェアなどの簡単な統計分析機能やグラフ作成機能などを扱うようとする。

と触れているだけで、この「簡単な統計分析機能」がどの程度のことなのは明示されていない。

いくつかの教科書では表計算ソフトの AVERAGE, MAX, MIN, RANK, STDEVP などの関数を使った例が紹介されているが、計算させた値の意味は説明していない。MAX や MIN なら説明は必要ないが、標準偏差 STDEVP はそういうわけにはいかない。たとえば[3]には「散らばり具合」という説明と分布図の例があるが、その定性的な意味に言及してはいない。

### 2 本校での実践

以下、本校の情報の授業での実践について述べる。教科書にない内容なので、教材はプリントを用意している。中心となるのは、標準偏差に意味づけを行なうことである。

#### 2.1 値のバラツキと標本の大きさ

##### 2.1.1 ビュッファンの針

ビュッファンの針というの

等間隔に平行線を無数にひき、その間隔の半分の長さの針を無作為に落としたとき、針が平行線のどれかと共有点を持つ確率はどれだけか。

という問題である。もちろん積分によってその値を求めることはできるのだが、高1ではそこまで習っていないし、せっかくパソコンがあるのでモントカルロ法で近似値を求めることにする。

\* Treating statistics in a class of information. Wataru Nakanishi (Nagoya High School)

授業では PEN<sup>\*1</sup>用のプログラムを配布して何度も実行させ、確率の値（とその逆数）を生徒に記録させる（図1）。「この確率の逆数は君たちがよく知ってるある数なんだけどね…何だと思う？」と尋ねると、何人かが「ひょっとして  $\pi$  ですか」と口にする。正解に気づくことにももちろん意味はあるが、それよりも生徒に注目してほしいのは値のバラツキが大きいことである。プログラムでは1000本も針をばらまいているのに、1の位さえ保証されない。

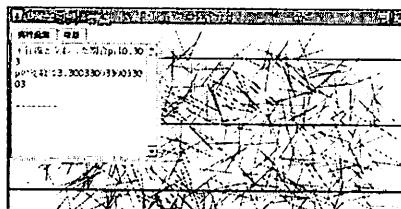


図1 ピュッフォンの針

### 2.1.2 サイコロ

「バラツキが意外に大きい」という印象を強めるために、サイコロを何度も振って各目の出た回数を記録するシミュレーションを行なう。

たとえばサイコロを60回振れば、各目はおよそ10回ずつ出るはずである。しかし表計算のマクロを使ってそのシミュレーションをやってみると、5割程度の誤差が出ることも多く、想像以上に誤差が大きいことがわかる（図2）。しかし、回数を600回、6000回、60000回と増やしていくと、バラツキの相対的な値はどんどん小さくなる。これは期待値や独立試行だけでは簡単には説明できない。そこで、この値のバラツキと試行回数の関係を評価するためのシミュレーションを行なう。

### 2.1.3 円周率を求める

図3は、モンテカルロ法といえば真っ先に思い出されるシミュレーションである。ランダムに発生させた点が1/4円に入る確率は  $\pi/4$  だから、当たりの数を総数で割ればおよそ  $\pi/4 = 0.785\dots$  になるので、逆にその割合を4倍することで円周率の近似

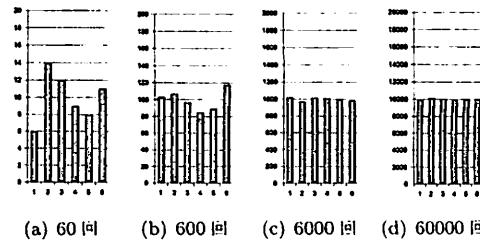


図2 サイコロを何回も投げる

値を求められるということだ。実行させてみると、かなり近い値を得る者もいれば、1の位が2になってしまう者もいる。

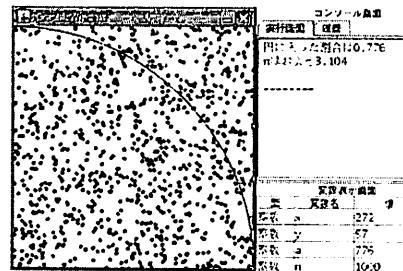


図3 円周率を求める

点の個数を増やせば誤差を減らすことができることはわかっている。プログラム中の点の個数を変えて何度もやれば値のバラツキ具合を観察することができるのだが、それを手作業でやるのは面倒なので、自動的に反復実行するマクロを使った表計算のデータを配布して実行させる（図4）。点の個数を10,100…と増やしていく、それぞれ15回<sup>\*2</sup>ずつ前述のシミュレーションを行なって結果を表示させる。ここではその15回の最大値と最小値の差（これをバラツキと考える）に着目する。

回数が増えればバラツキは減るが、明らかに反比例ではない。よく見ると、回数が100倍になったところでバラツキが1桁小さくなっている。このことから、バラツキは試行回数（標本の大きさ）のル

<sup>\*1</sup> xDNCL を用いた初学者向けプログラミング教育環境。  
<http://www.media.osaka-cu.ac.jp/PEN/>

<sup>\*2</sup> 15回というのは、本校の情報教室のディスプレイでスクロールせずに个体が見られるように決めた回数。



実は、この話を長く続けると生徒から「情報の授業でどうして数学を…」という不満が出て集中力が欠けてしまうということも、やめてしまった理由の一つである。

#### 2.4 数学 B・C との対応

この内容は 1.1 で述べた数学の内容と重なる点が多い。しかし、本実践では標準偏差の定量的な意味づけを中心しているのに対し、数学 B 「統計とコンピュータ」では表計算ソフトを用いて標準偏差や相関係数を求めさせているがその数値の意味についての説明はないし、数学 C 「確率と確率分布」でも分散の性質について述べている他は数学 B と同様である。したがって本実践の内容と重なるのは数学 C 「統計処理」であるが、結論に至るアプローチの方法が異なっている。数学 C では分散の性質を用いて数学的に導いているが、本実践ではシミュレーションの結果から推測する方法をとっている。前者の方が厳密であることは言うまでもないが、値を観察する後者の方法にも別の効果があると考えている。

また、2.2 で用いた身体測定のデータは数学 B で扱われている相関係数の題材としてとりあげることもできたのだが、授業時間数の都合で触れることができなかった。

### 3まとめ

この実践にはいくつも問題があることはわかっている。たとえば、強引な導入を行なっている割には公式が不正確であるが、生徒たちがいずれ統計を用いるときになれば改めて勉強することになるのだから、正しいやり方はそのときに身につければいい。

また、そもそもこれは「情報」でなく数学で扱う内容だという意見もある。それは十分に承知しているのだが、しかし冒頭で述べたように、実際に数学の授業でこの内容が扱われることはほとんどない。だからこのような不完全なものでも、まったくやらないよりマシであると考えている。

### 参考文献

- [1] 文部省. 高等学校学習指導要領 第 2 章第 4 節 数学, 3 1999.

- [2] 文部省. 高等学校学習指導要領 第 2 章第 10 節 情報, 3 1999.
- [3] 岡本敏雄・山極隆ほか 9 名. 最新情報 C. 実教出版.