特徴点の位置分布に基づくランダムサンプリングによる 平面領域のロバストな検出法

川上 裕司 伊藤 吉弘 金澤 靖

豊橋技術科学大学 知識情報工学系

未校正なステレオカメラにおいて、シーン内に存在する局所的な平面領域のロバストな抽出法を提案する.ここでは、 予め画像の対応づけプログラム等により、画像の特徴点間の大まかな対応は取れているものとし、各特徴点に対して、 他の全ての特徴点に対する距離を元にした確率分布を定義する.そして、その確率分布を用いて2重のランダムサンプ リングによる RANSAC を行なうことにより、シーン内の複数の平面領域を検出する.本手法は、ロバストかつ正確に 平面領域を検出することができるだけでなく、画像内の直線検出のような他の局所特徴の検出に対しても応用できる. シミュレーションおよび実画像を用いた実験により、本手法の有効性を示す.

Robust Method for Detecting Planar Regions based on Random Sampling using Distributions of Feature Points

Hiroshi Kawakami Yoshihiro Ito Yasushi Kanazawa

Department of Knowledge-based Information Engineering Toyohashi University of Technology, Toyohashi, Aichi 441-8580 Japan

We propose a robust method for detecting local planar regions in a scene with an uncalibrated stereo. Our method is based on random sampling using distributions of feature point locations. For doing random sampling in RANSAC procedure, we use an uniform distribution and the distributions for each feature point defined by the distances between the point and the other points. We first choose a correspondence by using an uniform distribution and next choose candidate correspondences by using the distribution of the chosen point. Then, we compute a homography from the chosen correspondences and find largest consensus set of the homography for detecting a local planar region in the scene. We repeat this procedure until all regions are detected. We demonstrate that out method is robust to the outliers in the scene by simulations and real image examples.

1. はじめに

RANSAC [3] や LMedS [12] などのロバスト推定 法は,アウトライア(外れ値)除去とパラメータ推定 を同時に行なえることから,今日コンピュータビジョ ン研究において,様々な応用や拡張が行なわれてい る[14,15,16].一般に,RANSACやLMedSにお いて,データをランダムサンプリングするための分 布として一様分布を用いる.正しいデータとアウト ライアが画像内に大域的に存在している場合に,そ の正しいデータから大域的なパラメータを推定する には都合が良いが,画像内の一部に存在する正しい データから,その局所的なパラメータを推定するこ とは難しい.例えば,画像間の対応から基礎行列を 求めたり,モザイク生成のための射影変換行列を求 めることは,画像間の全ての正しい対応が満足すべ

[†]441-8580 豊橋市天伯町雲雀ヶ丘 1–1

Tel: (0532)44-6888, Fax: (0532)44-6873

E-mail: {kawakami,p2}@img.tutkie.tut.ac.jp, kanazawa@tutkie.tut.ac.jp き条件であることから,画像全体に一様な分布を用 いることにより推定できるが,シーン内に存在する 局所的な平面領域については,その射影変換行列を 推定するのに必要な4点すべてがその領域内から選 ばれなければならず,そのような4点がランダムサ ンプリングして選ばれる確率は低い.したがって,多 くの場合,サンプリングの回数を大幅に増やさなけ ればならないが,その場合は逆に,対象としている 平面領域が選ばれる前に,実際には存在しない平面 に対する射影変換行列が得られてしまうことも多い.

Dick ら [2] は,平面は地面に対して垂直であるこ とを仮定して,偽の平面検出を避けている.坂元ら [13] は一方の画像の特徴点の分布の外接矩形を再帰 的に分割し,LMedSと幾何学的AIC [7]を用いた再 帰的な分割を行なうことにより,局所平面領域を求 めた.他にも,平面内は同じテクスチャを持つこと を仮定すれば,そのテクスチャ情報を利用した検出 法も考えられる.



図 1: エピポーラ幾何

このように検出された平面領域に対する射影変換 行列から,適合条件[5]を用いることにより,逆に 基礎行列を計算することができる.このように再計 算された基礎行列は,通常の点の対応から計算され た基礎行列に比べ,精度が良いことが示されている [13].

しかし,上述した平面に関する鉛直性やテクスチャ などの知識を事前に仮定することは困難な場合も多 い.また,モデル判定による領域分割法では,過分 割される傾向にあるため,分割終了後に何らかの方 法で領域の併合を行なう必要があるだけでなく,領 域の分割方法に大きく依存してしまうため,最適性 を保証できない.

そこで本論文では,平面領域内の特徴点は局所的 に分布しているものとし,未校正なステレオカメラ で撮影されたどちらか一方の画像の各特徴点に対し 他の特徴点への確率分布を定義する.そして,それを 用いた2重のランダムサンプリングによるRANSAC を行なうことにより,ロバストかつ正確に局所的な 平面領域を検出する方法を提案する.

まず,それぞれの画像で別々に特徴抽出オペレー タを適用して特徴点を抽出し,特徴点間の対応は対 応づけプログラム[9]などを用いて行なう.次に,ど ちらか一方の画像において,各特徴点から他の特徴 点への距離に基づく確率分布を定義する.そして, 一様分布を用いてランダムに対応を一組選び,次に その選ばれた対応の点に対して定義された確率分布 を用いて,他の対応を選ぶことにより,RANSACを 行なう.このようにランダムサンプリングを行なう 確率分布を切り換えることにより,局所的に集中し た点が選ばれやすくなる.また,同様な手法は画像 内の線分検出に応用可能である.本手法の有効性を, シミュレーションだけでなく,実際の屋外シーンに おける実画像を用いた実験により示す.

2. 射影変換行列とエピポーラ幾何

図1に示すような座標系を考える.*O*,*O'*はそれ ぞれのカメラのレンズ中心であり,*Z*,*Z'*はそれぞ れのレンズの光軸を表わす.

シーン内の空間点 P の投影位置を (x,y), (x',y')

とするとき,これらを次の3次元ベクトルで表わす.

$$\boldsymbol{x} = \begin{pmatrix} x/f_0 \\ y/f_0 \\ 1 \end{pmatrix}, \quad \boldsymbol{x}' = \begin{pmatrix} x'/f_0 \\ y'/f_0 \\ 1 \end{pmatrix}$$
(1)

これらの間には良く知られているエピ極線拘束条件

$$(\boldsymbol{x}, \boldsymbol{F}\boldsymbol{x}') = 0 \tag{2}$$

の関係があり,基礎行列 F はランク2の特異行列で ある [5, 6].

もし,空間点 *P* が平面 II 上に載っているとき,エ ピ極線拘束条件(2)に加えて,更に次式のような関 係を持つ[5,6].

$$\boldsymbol{x} = Z[\boldsymbol{H}\boldsymbol{x}'] \tag{3}$$

ここで, *Z*[·] はベクトルの第3成分を1とする正 規化であり, 行列 *H* は射影変換行列と呼ぶ3×3の 正則行列である.射影変換行列 *H* はスケールの不 定性があるため,独立な要素は8個であり,同じ平 面上に載った点の投影像が4組以上あれば計算する ことができる.このとき,行列 *F*, *H* の間には適合 条件

$$\boldsymbol{F}\boldsymbol{H} + \boldsymbol{H}^{\top}\boldsymbol{F}^{\top} = \boldsymbol{O} \tag{4}$$

が存在する [5].

更に,シーン内に複数の平面領域 Π_i , i = 1, ..., Kが存在するとき,適合条件(4)を用いれば,それら に対応する射影変換行列 H_i から基礎行列 Fを推定 することができる [5,11].逆に基礎行列が得られて いれば,空間内の3点から適合する射影変換行列を 求めることもできる[1].複数の射影変換行列を基 礎行列を推定した場合,直接点の対応から求めた基 礎行列に比べ,カメラパラメータにロバストに分解 でき,その精度も高くなる[13].そこで,シーン内 の平面領域を精度良く検出することが必要となる.

3. 局所的な平面領域の検出

まず,2枚の画像 *I*, *I'* に対し, Harris オペレータ [4] などの特徴抽出オペレータを用いて特徴点を抽出 し,対応づけプログラム [9, 17] 等により特徴点間の 対応を決定する.

次に,シーン内の局所的な平面領域に対する射影 変換行列を求めるために,これらの対応に対して2 重のランダムサンプリングによる RANSAC を用い る.このランダムサンプリングに用いる確率分布は, 画像上での特徴点の位置の分布を用いて定義する.

シーン内の平面上に特徴点が載っているとすれば, その平面上の特徴点は画像内の局所部分に集中する. RANSACで射影変換行列を求める場合,仮説を計 算するためには4組の対応が必要であるが,通常の RANSACのように一様分布を用いた場合,ある局 所平面上の特徴点が一つ選ばれたとき,同じ平面上 の他の3点が選ばれる確率は極めて低い.逆に,同 じ平面上の3点が選ばれるようにするためには,画 像全体において一様でなく,最初に選ばれた1点に 依存するような分布を用いる必要がある.

そこで各特徴点において,他の特徴点に対する距離に基づく確率分布を個別に定義することを考える. そして,一様な分布で1点をランダムに選び,次に選んだ点に関する確率分布に切り換えて,残りの点を選ぶという2重のランダムサンプリング手法をとる.しかし,最初に選んだ点がアウトライアである可能性もあるため,確率分布を切り換えた後は,実際には4点選ぶ.

ステレオにおいては画像が2枚あるが,画像内の 特徴点の分布の大まかな分布はほぼ同じと考えてよ いから,このような分布は,どちらか一方の画像に ついてのみ考えればよい.

3.1 特徴点に対する局所的な確率分布

画像 *I* における特徴点を P_{λ} , $\lambda=1, ..., N$ とし, その座標を $(x_{\lambda}, y_{\lambda})$ とすると,特徴点 P_{α} , P_{β} 間の距離 $d_{\alpha\beta}$ は,

$$d_{\alpha\beta} = \sqrt{(x_{\alpha} - x_{\beta})^2 + (y_{\alpha} - y_{\beta})^2} \tag{5}$$

で計算される.ここで,特徴点 P_{α} が選ばれた場合の特徴点 P_{β} の条件付き確率 $p(\beta|\alpha)$ を距離 $d_{\alpha\beta}$ を用いて,次のように定義する.

$$p(\beta|\alpha) = \begin{cases} \frac{1}{Z_{\alpha}} e^{-s_{\alpha} d_{\alpha\beta}^2}, & \alpha \neq \beta\\ 0, & \alpha = \beta \end{cases}$$
(6)

ただし,

$$Z_{\alpha} = \sum_{\beta \neq \alpha} e^{-s_{\alpha} d_{\alpha\beta}^2} \tag{7}$$

とする . パラメータ s_{α} は

$$\Phi(s_{\alpha}) = \sum_{\beta=1}^{N} (d_{\alpha\beta} - \bar{d}_{\alpha}) e^{-s_{\alpha} d_{\alpha\beta}^2}, \qquad (8)$$

$$\bar{d}_{\alpha} = \frac{1}{N} \sum_{\beta=1}^{N} d_{\alpha\beta} \tag{9}$$

を解いて求める.これは, $\sum_{\beta}^{N} p(\beta|\alpha) d_{\alpha\beta} = \bar{d}_{\alpha}$ となるように決めることに等しい.

このようにして得られた条件付き分布は,特徴点 P_aに近い特徴点ほど高い確率を持つ.

もし P_{α} が選ばれたとき,条件付き確率 $p(\beta|\alpha)$ の高い特徴点 P_{α} を選ばれやすくするために,まず,次



図 2: ねじれ判定.上段:「ねじれ」なし.下段:「ね じれ」.

のようなインデクス配列を用意し,

$$s_{\alpha}(\mu) = \mu, \quad \mu = 1, ..., N$$
 (10)

と初期化する.そして各 P_{α} に対し, $p(s_{\alpha}(\beta)|\alpha)$ が降順となるように,インデクス配列 $s_{\alpha}(\beta)$ をソートしておく.こうすることにより, P_{α} が選ばれたときの, P_{β} に対する条件付き累積確率 $q(\beta|\alpha)$ は次のように定義できる.

$$q(\beta|\alpha) = \sum_{\mu=1}^{\beta} p(s_{\alpha}(\mu)|\alpha)$$
(11)

3.2 局所分布を用いた RANSAC

画像 I の特徴点 P_{α} に対応する画像 I' の特徴点を P'_{α} とする.式 (11) で定義された条件付き累積確率を 用いた画像内の平面領域を検出するための RANSAC の手順は以下のようになる.

- 1. 特徴点対集合 $S = \{P_{\lambda}, P'_{\lambda}\}, \lambda = 1, ..., N$ から, 対応をランダムに1つ選び, これを α とする.
- 2. $S^{\max}_{\alpha} = \phi, M^{\alpha}_{\max} = 0, H^{\alpha}_{\max} = 0$ と初期化する.
- 3. 条件付き確率 $p(\beta|\alpha)$ に基づき,4 組の対応をラ ンダムに選ぶ.条件付き確率 $p(\beta|\alpha)$ に基づくラ ンダムな選択を行なうには,まず [0,1) の範囲 の一様分布の乱数 r を発生させ, β を 1 から順 に増やし,

$$r \le q(s_{\alpha}(\beta)|\alpha) \tag{12}$$

となる点 β を選ぶ.

- 3. 選んだ4組に対して、図2に示すように対応が 「ねじれ」ていれば手順3に戻り、4組を選び直 す「ねじれ」ていなければ、射影変換行列 H_α を計算する。
- 5. 他の全ての対応に対し,再投影誤差 [5] を計算 し,しきい値 d 以下¹となる対応の集合を S_{α} と し,その要素数を M_{α} とする.

1実験では2画素とした.



図 4: 図 3 における条件付き累積確率 $q(\beta|\alpha)$ の例: 横軸は距離でソートした点の番号,縦軸は確率, (a) 中央の平面の 印の点に対する分布, (b) 右下の \oplus 印の点に対する分布, (c) 左の平面の 印の点に対する分布.



図 3: 画像例

6. もし , $M_{lpha} \geq M_{lpha}^{\max}$ であれば ,

$$\mathcal{S}_{\alpha}^{\max} = \mathcal{S}_{\alpha}, \quad M_{\alpha}^{\max} = M_{\alpha}, \quad \boldsymbol{H}_{\alpha}^{\max} = \boldsymbol{H}_{\alpha},$$
(13)

と更新する.そうでなければ手順3に戻る.

- 7. H_{α}^{\max} の更新されなかった回数が N_{C} を越え², かつ対応集合 S_{α}^{\max} の要素数がs個以上³であれ ば,得られた S_{α}^{\max} から,射影変換行列 \hat{H}_{α} を 最適に計算する[8].
- 8. 対応集合 S_{α}^{\max} の要素数が s 個未満であれば,終 了する.そうでなければデータ集合 $S - S_{\alpha}$ を 改めて S とし,1 に戻る.

4. 実験

4.1 局所分布の確認

まず,条件付き累積確率 $q(\beta|\alpha)$ の分布を確認する ために,シーン内に3枚の平面を配置し,図3に示 すように,各平面上に20点(図中の と),平面 に載っていない点を90点(図中の +)ランダムに発 生させた.図3中の中央の平面内の 印の点におけ る他の点への条件付き累積確率分布を図4(a)に,⊕ 印の点における条件付き累積確率分布を同図(b)に, 左下の平面内の 印の点における条件付き累積確率 分布を同図(c)に示す.中央の平面上の点のように, 密集している部分の点においてはなだらかな曲線と なり,近くの点はほぼ一様に選ばれるが,遠くなる とほとんど選ばれない.また点の分布が疎な部分に おいては,急峻に立ち上がるため,極めて近い点の み選ばれるが,少し離れた点からほとんど選ばれな くなる.つまり点の分布の集中度に適応して確率分 布が変化することにより,近い点を効率良く選ぶこ とができる.

4.2 直線検出実験

3節で述べた手法は、1枚の画像に存在する局所 的な直線検出に対しても同様に適用可能である.そ こでまず,直線の本数と長さを変えた場合の検出性 能について,シミュレーション実験を行なった.

画像内にある線分に対し、その上に特徴点を 20 点 配置して検出された線分上の点とする.同時にアウ トライアとしてランダムに点を配置して、実験を行 なった.生成した画像例を図 5(a) に示す.図中、 印が線分上の点、+印がアウトライア、破線が真の 直線を表わす.各線分の長さは画像の縦サイズのほ ぼ 1/5 で一定とし、線分上の点の数とアウトライア の点の数の合計は 500 点となるようにした.これら のデータに対し、平均 0、標準偏差 0~0.4(画素)の 誤差を各特徴点の xy 座標に独立に加え、線分の本 数を 1~5 まで変えたときの、線分の検出率(本数)、 線分上の点の検出率と誤検出率を図 5(c)、(d)、(e) に 示す.ここで、正しい線分上の点を 10 点以上検出し た場合にその線分を検出できたと判定した.また点 の検出率 P_c 、誤検出率 P_e はそれぞれ

として求めた.比較のために,通常の一様分布を用いた RANSAC による結果も合せて示している.

図を見てわかる通り,通常のRANSACは存在しない直線を検出することも多いのに対し,提案法ではほぼ正しく線分を検出していることがわかる.

次に画像内の線分の本数を5本と固定し,線分の 長さを画像の縦サイズの1/6~1/2まで変え,誤差 を加えて実験を行なった.画像例を図5(b)に,検出 した本数,検出率,誤検出率をそれぞれ図5(f),(g), (h)に示す.見てわかる通り,通常のRANSACでは, 短い線分に対して,検出できていなかったり,誤検 出率が高いのに対し,提案法では短い線分も正しく 検出でき,検出率も高いことがわかる.

²実験では 100 回とした.

³実験では 10 個とした.



図 5:線分検出実験.上段:画像例,(a)本数を変えた場合の画像例,(b)長さを変えた場合の画像例.中段:本数を変えた場合の結果,(c)検出した線分の数,(d)線分上の点の検出率,(e)線分上の点の誤検出率.下段:長さを変えた場合の結果,(f)検出した線分の数,(g)線分上の点の検出率,(h)線分上の点の誤検出率.

次に,実画像に対して Sobel フィルタによりエッ ジ検出を行ない,2値化後,細線化して得られた画像 から 3000 点をランダムに取り出し,直線検出実験を 行なった.ここでは,30点以上得られた線分を示す. 図 6(a) に原画像, 同図 (b) に細線化画像と実際に データとして用いた特徴点を重ねた画像を示す.ま た同図(c)に提案法による線分検出結果,同図(d)に 通常の RANSAC を用いて検出した結果を示す.ま た別の画像に対する結果を図7に示す.いずれの結 果も通常の RANSAC では検出できなかった直線を 検出できていることがわかるが,他の実験を行なっ てみた結果,その差は小さいことがわかった.これ は,2次元的な広がりである距離により,各点に対 する確率分布を定義したためと考えられ、もし、あ る直線上の1次元的な尺度を元に確率分布を定義す れば、より良い検出結果が得られるのではないかと 考える.

4.3 平面領域検出のシミュレーション実験

直線検出実験の場合と同様に,平面の大きさを変 えた場合と平面の枚数を変えた場合の2通りについ て,シミュレーション実験を行なった.その結果を 図8に示す.

まず,シーン内の平面を1枚から5枚まで変えた

ときの画像例を図 8(a) に,その結果を図 8(c), (d), (e) に示す.ここで,シーン内の特徴点数は150 点と 固定し,各平面上の点を20点,残りの点は平面を 含むような直方体領域にランダムに発生させ,アウ トライアとした.また各実験において,平均0,標 準偏差 0.0~0.4(画素) のガウス雑音を誤差として特 徴点の各座標に加えた.そして各平面領域において 10 点以上の点が検出されたものを検出できたと判定 し、特徴点の検出率および誤検出率は、直線と同様 に式 (14) で計算した. 平面の検出数を図 8(c) に,平 面上の特徴点の検出率および誤検出率を同図 (d) お よび (e) に示す.これらの図を見てわかる通り,通 常の RANSAC では, 平面の数が少ないときに存在 しない平面を検出してしまうのに対し、提案法では 正しく検出できるだけでなく,検出率,誤検出率と もに,通常のRANSACに比べて良い結果が得られ ていることがわかる.

また,シーン内の平面の枚数を2枚とし,平面の 大きさを画像の縦サイズの1/6~1/2まで変え,各 特徴点に誤差を加えたときの画像例を図8(b)に,実 験結果を同図(f),(g),(h)に示す.平面領域が小さ くなると,通常のRANSACでは別の存在しない平 面を検出してしまうのに対し,提案法ではほぼ正し く検出できていることがわかる.



図 6: 実画像に対する線分検出実験.(a) 実画像.(b) 細線化画像と実験に用いた特徴点.(c) 提案法による 検出結果.(d) 通常の RANSAC による検出結果.



図 7: 実画像に対する線分検出実験.(a) 実画像.(b) 細線化画像と実験に用いた特徴点.(c) 提案法による 検出結果.(d) 通常の RANSAC による検出結果.

4.4 実画像実験

図9に実画像を用いた実験結果を示す.同図(a) がステレオ実画像,同図(c)は領域の再帰的矩形分 割および領域統合 [13] による結果, 同図 (d) は通常 の RANSAC による検出結果, 同図 (e) は提案法に よる検出結果である.見てわかる通り,矩形分割に よる方法では中央の石垣を検出できていない.また 通常の RANSAC では, 中央の石垣を検出できてい るが,階段部分の平面に余分な点が含まれてしまっ ている.これに対し,提案法ではいずれの部分もほ ぼ正しく検出されていることがわかる.同図(b)は, 検出した平面領域に対する射影変換行列を用いて基 礎行列を計算し,それをカメラパラメータに分解し て,3次元復元を行なった形状を横から見た図であ る.点の対応から直接計算した基礎行列はカメラパ ラメータへの分解に失敗したため,復元形状を得ら れなかった.

また図 10 および 11 は市街地の画像に対する結果 である.これらの例でも,通常の RANSACでは,実 在しない平面領域を検出してしまっているのに対し, 提案法ではほぼ正しく検出できているだけでなく,3 次元復元した形状もほぼ正しいものが得られている ことがわかる.

実験に用いた計算機は, Pentium IV 1.6 GHz, メモ リ 512 MB, OS は Vine Linux 2.6 で, 図 9 の画像に 対する 10 回の平均の処理時間は,通常の RANSAC による方法が 11.9 秒,提案法が 11.4 秒であり,提 案法の方がやや速くなった.これは局所的に分布し た点を効率良く選択できているためと考えられる.

5. まとめ

未校正なステレオカメラにおいて,シーン内に存 在する局所的な平面領域のロバストな抽出法を提案 した.ここでは,予め画像の対応づけプログラム等 により,画像の特徴点間の対応は大まかな対応は取 れているものとし,各特徴点に対して,その位置の 分布を元にした確率分布を定義した.そして,その 確率分布を用いて2重のランダムサンプリングを行 なうことにより,シーン内の複数の平面領域をロバ ストかつ正確に検出することができることを示した. さらに本手法は画像内の直線検出のような画像内の 局所特徴の検出に対しても応用可能であり,シミュ レーションおよび実画像を用いた実験により,本手 法の有効性を示した.

謝辞

本研究の一部は, 文部科学省 21 世紀 COE プログ ラム「インテリジェントヒューマンセンシング」に よった.

参考文献

- [1] 千葉直樹, 蚊野 浩, 美濃導彦, 安田昌司, 画像特徴に基 づくイメージモザイキング, 電子情報通信学会論文誌 D-II, Vol.J82-D-II, No.10, pp.1581–1589, October 1999.
- [2] A. Dick, P. Torr, R. Cipolla, Automatic 3d modelling of architecture, *Proc. 11th British Machine Vision Conference (BMVC'00)*, September 2000, Bristol, pp 372–381.



図 8: 平面検出実験.上段: 画像例.(a) 枚数を変えた場合の画像例.(b) 大きさを変えた場合の画像例.中段: 枚数を 変えた場合の結果.(c) 検出した平面の数.(d) 平面上の点の検出率.(e) 平面上の点の誤検出率.下段: 大きさを変え た場合の結果.(f) 検出した平面の数.(g) 平面上の点の検出率.(h) 平面上の点の誤検出率.



図 9: 実画像実験.(a) 実画像.(b) 射影変換行列から求めた基礎行列を使った 3 次元復元 (横から見た図).(c) 分割 併合法による検出結果.(d) 通常の RANSAC による検出結果.(e) 提案法による検出結果.

- [3] M. A. Fischler, R. C. Bolles, Random sample consensus: A paradigm for model fitting with applications to image analysis and automated cartography, *Comm. ACM*, 24-6, 381–395, 1981.
- [4] C. Harris, M. Stephens, A combined corner and edge detector, *Proc. 4th Alvey Vision Conf.*, August 1988, Manchester, pp. 147–151.
- [5] R. Hartley, A. Zisserman, *Multiple View Geometry*, Cambridge University press, 2000.
- [6] K. Kanatani, Statistical Optimization for Geometric Computation: Theory and Practice, Elsevier Science, Amsterdam, 1996.
- [7] 金谷健一,情報量基準による幾何学的モデル選択,情報処理学会論文誌, Vol. 37, No. 6, pp. 1073–1080, July 1996.
- [8] K. Kanatani, N. Ohta, Y. Kanazawa, Optimal homography commputation with a reliability meagure, *IEICE trans. inf. & Syst.*, Vol. E83-D,



図 10: 実画像実験.(a) 実画像.(b) 射影変換行列から求めた基礎行列を使った 3 次元復元.(c) 点対応から求めた基礎行列を使った 3 次元復元.(d) 分割併合法による検出結果.(e) 通常の RANSAC による検出結果.(f) 提案法による検出結果.



図 11: 実画像実験.(a) 実画像.(b) 射影変換行列から求めた基礎行列を使った 3 次元復元.(c) 点対応から求めた基礎行列を使った 3 次元復元.(d) 分割併合法による検出結果.(e) 通常の RANSAC による検出結果.(f) 提案法による検出結果.

No. 7, pp.1369–1374, July 2000.

- [9] 金澤 靖, 金谷 健一, 大域的な整合性を保証するロバ ストな画像のマッチング, 情報処理学会論文誌: コン ピュータビジョンとイメージメディア, Vol. 44, No. Sig 17 (CVIM8), to appear.
- [10] 河井良浩, 富田文明, ステレオ視における 3 次元復元 の高精度化, 画像の認識・理解シンポジウム, Vol.1, pp.159–164, 2002.
- [11] Q.-T. Luong, O. Faugeras, Determining the fundamental matrix with planes: unstability and new algorithms, *Proc. Comput. Vision Patt. Recog.*, June 1993, New York, U.S.A, pp. 489–494.
- [12] P. J. Rousseeuw and A. M. Leroy, Robust Regression and Outlier Detection, Wiley, New York, 1987.
- [13] 坂本 俊起,川上 裕司,金澤 靖,平面領域検出によるロ バストな3次元復元,情報処理学会研究報告,CVIM-136-24, pp. 179-186, 2003.

- [14] P. H. S. Torr and A. Zisserman, Robust computation and parametrization of multiple view geometry, Proc. Int. Conf. Computer Vision (ICCV'98), January 1998, Bombay, India, pp. 727–732.
- [15] P. H. S. Torr and A. Zisserman, MLESAC: A new robust estimator with application to estimating image geometry, *Comput. Vis. Image. Understand.*, 78-1, 138–156.
- [16] P. H. S. Torr and C. Davidson, IMPSAC: Synthesis of importance sampling and random sample consensus, *IEEE Trans. Patt. Anal. Mach. Intel.*, 25-3, 354–364.
- [17] Zhang, Z., Deriche, R., Faugeras, O. and Luong, Q.-T.: A robust technique for matching two uncalibrated images through the recovery of the unknown epipolar geometry, *Artif. Intell.*, Vol.78, pp.87–119 (1995).