

ワープロ利用者の思考時間模型再論

- 他の被験者ではどうか? -

谷越浩一郎・木村泉
(東京工業大学理学部)

梗概

さきに筆者らは変換式ワープロ利用者の思考時間に関する一つの統計的な模型を提案したが、その模型は、1人の被験者の1回の作業の結果をもとに導き出されたものであって、十分な一般性があるかどうかは必ずしも明かではなかった。そこで複数の被験者による多様な作業(前回のものも含めて4ケース3人)についてのデータを用いて、この模型の検証を行った。それらの解析結果を分布成分の度数比により比較し、作業の性質に照らし合わせてもっともらしい結果が得られた。

A Model of the User Think Time
on Japanese Word Processor, Revisited
Verification with Four Samples by Three Users

Koichiro TANIKOSHI, Izumi KIMURA

Department of Information Science, Tokyo Institute of Technology
2-12-1 Ookayama, Meguro-ku, Tokyo 152 Japan

Abstract

A statistical model of user think time on a Japanese word processor, presented previously, was based on a single set of keystroke data by one particular user. Here the model is verified in the light of four sets of similar data (including the previous one) by three users. The relative populations of component statistical distributions reflect the nature of the task performed.

0. はじめに

さきに筆者らは、変換式ワープロ利用者の思考時間に関する統計的模型を提案した[1]。この模型は、ある1名の被験者による1回の作業の観察に基づいて導きだしたものであった。

本論文の目的とは、この模型を多数の被験者と多様な作業形態について検証することである。被験者は3名で、うちテクニカ・ユーザが2名とノンテクニカル・ユーザが1名である。採取したデータは4ケースである。うち3ケースは翻訳作業、1ケースは原稿の打ち込みである。使用したワープロソフトは「松」（旧版）が3件、「一太郎」（旧版）が1件あるが、「松」については使い方が全部異なっている。[1]で取り上げたのは[2]に述べられたXオペレータに対応する思考時間であるが、上記のケースのうちの1件は[2]のYオペレータに対応する思考時間を取り上げている。詳しくはあとで述べる。

なお本文では[1]での解析方法を精密化した。

1. 統計的模型による解析

1. 1 統計的模型

先ずここでの解析の元となる[1]の統計的模型について説明する。（図1参照）

分布は全体としては3つの山に分けられる。目に映ってからまず真っ先に手の運動に出て来るのが山2である。これは最初に正規分布をもつような単純な判断のような思考が発火し直ぐ打鍵してしまう場合である。非常に多くの場合このケースにあてはまる。更に詳しく言うと、この“単純な判断”というものは取り出す打鍵の種類によって現われる判断の質も違って来る。この模型の元となったxferの直後の打鍵までの時間分

布と一括変換時のtabの後の打鍵までの時間分布とではこの山のpeekの位置が多少違う。この事については後で議論を行うが、この山2はその打鍵の性質を非常に反映している部分である。

第2はごく浅い思考が正規分布で発火しそれから打鍵する場合である。これは余り度数が多くは現われない。ここを山3と呼ぶことにする。ここの部分は元々来た結果である。そのため未だ完全に思考分布として性格づけて良いものかどうかははっきりしていない。これについては後に議論することになる。山2と山3はどちらも結局正規分布として表に出て来る。そのため平均(μ)、分散(σ)及びその度数(n)の3つのパラメータで決定される。

第3は比較的複雑な思考で種々の時定数を持つ指数分布で発火しその後打鍵する場合である。これらは正規分布と指数分布の“和の分布”になる。この分布を以下 Ψ 分布と呼ぶことにするが、これは正規分布から来る平均・分散と指数分布からくる時定数(λ)そして全体の度数と4つのパラメータで決定される。この部分は比較的一般的な“思考”の認知活動を反映している所である。

全体的に思考時間の度数分布は、山1に属する数個の Ψ 分布と山2、山3の2つの正規分布で合成されている。

解析はこの統計的模型に従い、分布成分をもとの分布から剥がし出してそのパラメータを得ることである。

前回提案されていた解析作業は、

[第1段階] 山1の指数成分を1つずつ剥がしていく。

[第2段階] 残りの分布において山2と山3を分離する。

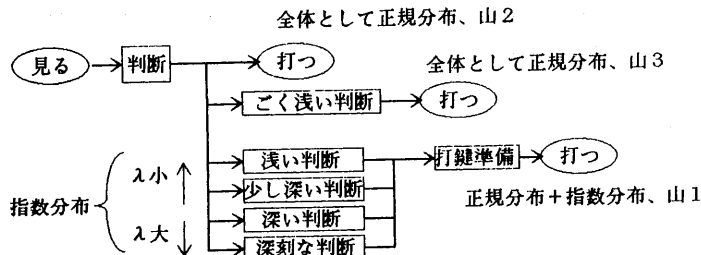


図1 統計的模型

の2段階に分けられていた。このうち第1段階の方は余り改良の余地は無かったが、第2段階の方は解析方法として今回のデータに対しては不十分であった。というのは前回の方法は、まず残った分布の形から山2の μ 、 σ 、 N を決めて、それらから分布の形を作りだし元データから引き去って残りを山3としていた為である。このため山の形がかなりはっきりと現れていないと分けられない。

そこで今回は第1段階の済んだ残りの分布の度数、平均、分散及びその“形状”に着目して解析法を提案する。

1. 2 統計的基礎

今回新しく提案する方法に必要な統計的基礎について説明する。

1. 2. 1 正規分布同士の足し合わせ

正規分布が任意の比率でまざって分布における特性値間の関係を表わす。2つの正規分布の平均、分散、度数を各々 μ_1 、 μ_2 、 σ_1 、 σ_2 、 n_1 、 n_2 とすると、

$$N = n_1 + n_2 \quad (2.1.1)$$

$$\mu = \rho\mu_1 + (1-\rho)\mu_2 \quad (2.1.2)$$

$$\sigma^2 = \rho\sigma_1^2 + (1-\rho)\sigma_2^2 + \rho(1-\rho)(\mu_1 - \mu_2)^2 \quad (2.1.3)$$

の関係がある。但し μ 、 σ 、 N はまざった分布における平均、分散、度数である。これらの式は各々の分布が正規分布であることを用いて分布関数の計算を行えば得られる。

1. 2. 2 χ^2 乗検定

今回の統計的模型へのデータの当てはめにおいて、当てはめ結果のパラメタが元のデータとあっているかどうかを確かめるのに χ^2 乗検定を用いた。これはデータの分布を幾つかの区間に分割して、元データと予想した分布の度数の誤差をその区間内を出して、それを2乗し予想分布の度数で割ったものを全区間分足し合わせたものを尺度とする検定法である。

式で表わすとこの尺度は

$$\chi_0^2 = \sum_{i=1}^k \frac{(F_i - m_i)^2}{m_i} \quad (1.2.4)$$

である。ただし k は区間数、 F_i は区間 i の元データの度数、 m_i は同じ区間の予想分布の度数である。この時、この値の自由度は区間数 k から予想分布を決定するのに使用した元データの母数の数を引いたものになる。今回は(区間数-1)とみている。 χ^2 乗分布の危険率 p 自由度 n の値を表からひいてきて、もしこの値がそれより小さかったら危険率 p で「元データが予想分布でないとは言えない」ことになる。つまり小さい p (例えば0.05など)を選べば、元データが予想分布と一致するかしないか検定が出来る。

1. 3 新しい解析法

以上の知識により以下のように解析法の第2段階を改訂する。

[第2段階(新版)]

第1段階により山1は一応取り除かれた。この分布をもとのデータから取り除いた残りの分布は二つの正規分布が重なっている。そのためこの二つを分けるには正規分布の μ 、 σ 、度数の3次元のパラメタを2つ分で6次元で動かしてびったり元とあうように決定する当てはめをやらなければならない。しかしこの方法は大変にコストが掛かるし、びったり合う点がうまく決まる保証も無い。そこで今回はパラメタを3次元まで減らすことにした。つまり元の二つが交じりあったデータの特性値である、 μ 、 σ 、 n を利用して3次元分パラメタを減らせる事を利用するのである。

- 1) 片方の正規分布の
平均 μ_1 の初期値、最終値、刻み幅
分散 σ_1 の初期値、最終値、刻み幅
度数割合 ρ の初期値、最終値、刻み幅を決める。
ただし、 ρ は全体の度数に対する片方の山の度数の割合である。
- 2) μ_1 、 σ_1 、 ρ を初期値に設定する。
- 3) 関係式(1.2.1)-(1.2.3)を使い与えられたデータの μ 、 σ 、 N と μ_1 、 σ_1 、 ρ よりもう片方のパラメタ μ_2 、 σ_2 を求める。
- 4) 得られたパラメタにより分布の形を再構成する。
- 5) 元のデータとの χ^2 乗検定を行い、それを記録する。
- 6) μ を刻み幅だけ増やし3)に戻る。もし最終値まで行き着いていたら、初期値に戻し次にすすむ。
- 7) σ を刻み幅だけ増やし3)に戻る。もし最終値まで

行き着いていたら、初期値に戻し次にすすむ。

- 8) ρ を刻み幅だけ増やし3)に戻る。もし最終値まで行き着いていたら次にすすむ。
- 9) 今までの x^2 乗検定で1番よかったもの(値の小さかったもの)を当てはめ結果とする。

もちろん、最初から精度の良い結果が出るとは期待できない。しかし μ_1 、 σ_1 ともほぼ経験的に範囲の見当はつく。また、 ρ は割合であるから(0,1)の範囲である。そのようにして最初は大きっぱな範囲で μ などのパラメタを動かし、そのとき出た最良の点の周りについて範囲を狭めて、刻み幅を小さくして再度パラメタを動かして見れば値の精度は上げることができる。

2. 具体的データの解析結果

今回集めたデータは4ケース、3人の被験者によるものである。採集方法は前回[1]同様粕川らの打鍵採集ツール[3]を用いた。

以下、個々のデータにたいして前章で述べたような統計的模型に合わせて解析を行なった結果を示す。この統計的模型は前章で述べたように、変換キーの後の思考時間及び一括変換時のtabキーの後の思考時間に対して当てはまるものであるので、双方の場合のデータを揃えた。

この中で、説明を要する事項が2、3あるのでそれを説明したい。まず作業の種類である。今回は composition typing と copy typing についてデータを集めた。composition typinとは文章を考えながら打っていくタイプの作業で、例えば翻訳作業や作文などのような種類の作業である。一方 copy typing というのは打つべき原稿がもうすでに存在していて、被験者はそれを見ながらそのままワープロに入れていくような作業である。

次に打鍵の種類であるが、これにはローマ字打ちとカナ打ちの2種類ある。たいていの被験者はローマ字打ちだが、比較のためにカナ打ちのデータも採取した。以下のデータの度数分布とそれらに対応するパラメタから再構成された度数分布を図2~9に示す。さらに各データにおける山1、2、3の度数比と山1内の指数成分の度数比を表に示す。

- 1) 被験者 IK
作業 composition typing ローマ字
解析視点 変換キーの後の打鍵迄の時間分布
ワープロ 旧松

これは、元々の模型の発端になった前回のデータである。そこで当然ながら模型によくあっている。特徴としては、0.48付近と0.8付近に2つpeekがありその後は長く尻尾を引いている。

- 2) 被験者 IK
作業 composition typing ローマ字
解析視点 tabキーの後の打鍵迄の時間分布
ワープロ 旧松

これは1)と同じ被験者によって一括変換のデータを得るために採取したデータである。

一括変換とはワープロの機能で、文章を全部打った後に変換キーを押すと今までの文章を自動的に文節に区切って、変換してくれる様な働きである。しかし大抵の場合には正しく文節に区切られないので利用者はそのあとで間違った文節区切りを正しく直してやらねばならない。そのときに文節区切りを動かすのにtabを使用するのである。利用者は先ず一括変換をしたあと、その文章の文頭に戻りその後にtabを用いて文節を区切って行く。tabによって文節らしい位置に飛んで行くのだが、飛びすぎてしまったときや、あと1、2文字で目的の位置になるときはカーソルキーで微調整を行なう。文節がうまく切れたところで変換なり確定なりを押す。つまりこの場合のtabの後には変換キーの後と同じように何かしらの判断・思考が入って来ているのである。

度数分布をみると、ちょっと前のものよりは件数が少ないせいなのか、peekの出方がばらついている。しかし0.55付近にpeekがあり、その後には0.75付近にかなりはっきりしたpeek、そしてどうもはっきりしないのだが、1.0付近にもpeekがあるように見える。1)の経験でいくと、はっきりした0.75の方のpeekを山1のpeekと見て解析を行うべきかもしれないが、この場合は1.0の方も山1のpeekと見て両方のケースを取り上げて解析してみた。

結果的には後者の方は山3の出方がおかしく、さらに x^2 乗検定においても前者より良くなかったので peek を 0.75 に取る方を採用した。

3) 被験者	YK
作業	composition typing カナ
解析視点	変換キーの後の打鍵時間
ワープロ	旧松

このデータは今までとは違う被験者のものである。しかし作業としてはcomposition typingで普通の変換をしてもらったものである。被験者が違う事他に前までのデータと異なっているのは、このデータがカナ入力で行われた点である。又、このデータは複数セッションのものを一つにまとめてある。図6の度数分布をみると前の被験者のdataと余り本質的な違いは見当たらない。0.60(sec)付近にまず1つ山がある。そして0.80前後にもう一つの山。ちょっと違っているのは1.3付近にやや小さい山が出来ていることである。しかしそのあとは、おなじように指数分布的な後引き分布となっている。そこで取りあえず前と同じようにpeekを0.8前後に狙いをつけて、1.3付近は無視してあてはめを行った。そして説明出来なかった1.3付近の山は一応正規分布とみて山4と仮に付けた。

4) 被験者	JK
作業	copy typing ローマ字
解析視点	変換キーの後の打鍵時間分布
ワープロ	旧一太郎

この作業は今までとちょっと作業の質が異なっている。今までの作業は翻訳作業のようなcomposition typingであったが、このデータは手書き原稿をワープロにそのまま打ち込む作業の際のものである。さらにこのデータ収集では今までと違うタイプのワープロを使用した。このワープロ、一太郎(旧版)では機能は色々と付いているのだが、変換の度にdiskのアクセスが起こる。又、画面の更新が遅い可能性がある。

さてこの度数分布であるが、図8のような結果になった。先ず今までと違っている事は、200(msec)以下に一つpeekを持つ山の存在である。模型からいって、“見て判断して打つ”といった反応では説明出来ない反応速度である。詳しい論議は後にするとして、解析においてはここを山0として正規分布だと思って解析する事にする。

解析の途中で明らかになったのは、このデータでは山1の部分がかかなり少なくpeekも山2-3のものに埋まってしまっていて解析が困難である事である。そこ

で山1の σ 、 μ の値に関しては経験上それらしい値を使って(結果において*印が付いている)解析を行った。又新しく出て来た山0だが、左側が0以下になる部分に掛かっているために実際の度数と計算上の度数との間に違いが出ている。ここに示したのは計算上の度数で、()の中が実際の度数である。

3. データの解釈

前章では打鍵データの解析を行ったが、その結果得られたパラメタの内、特に各山の全度数に対する割合と、山1における各指数成分の度数の山1に対する割合という2つのポイントを条件の違いにより比較し、それが統計的模型において意味のあるものであるかどうか議論する。

3. 1 カナ打ち VS. ローマ字打ち

打ち込む入力方法によって分布の形が違ってくるかどうか、が興味の第1点である。これを検証するにはデータ1)とデータ3)の比較が適当であろう。被験者自体は違うがcomposition typingであるし、使われたテキストもほぼ同様のタイプのものである。

まず分布全体の形の比較において、かなりの類似性が見られる。それは得られたパラメタを比較しても言える事である。特に山1、山2の μ などは非常に似た値になっている。composition typingにおける重要な部分となるであろう山1内の指数成分の構成を見ても、長い成分の出方に違いはあるものの、3.6秒以下の時定数成分だけで山1の99(%)弱を占めているのはどちらも同じである。

二つの分布の間に違う点を捜すと、データ3における山4の存在がある。カナ打ちはアルファベットに比べてキーの数が多く、その表をひくための頭脳の仕事量が大きく、それがこのような山の存在として出て来ているのかも知れない。またもう一つの可能性としては被験者固有の現象ということも有り得る。

この問題の決着をつけるためにはこの被験者自身のローマ字打ちのデータが必要である。実はある程度このデータは取られているが、データにばらつきがあり参考にならない。更に詳しいデータ収集が必要である。

カナ打ち・ローマ字打ちを比較して全般的には、多少の逸脱はあるが元の統計的模型の枠内でかなり説明でき、カナ打ちもローマ字打ちも似たような分布になる結果となった。

3. 2 composition typing VS. copy typing

次に興味深いものとして、copy typing と composition typing の違いというものがある。これを見るにはデータ1)とデータ4)とを比較すればよい。

データ4)には山0という元の模型には無いものが入って来ているがそれを除いてデータのパラメータを見えることは、第一にcopy typingにおいては山1と山2の関係がcomposition typingのそれと比較してほぼ逆転している事である。copy typingにおいては山2の方が度数の比率から言って多いが、composition typingでは山1の方が多い。

しかしこれば当然の結果と言えよう。模型において、山1というのは少し複雑な思考が入って来ている反応である。逆に山2とは割に単純な判断で単に原稿を見て打っているcopy typingにおいてこの山2が多いのは模型からいって正しい。

第2に、山1の中味を比較してみると短い時定数成分がcopy typingでは相対的に多いと言える。現われている値はややcopy typingとcomposition typingで異なっているが、山1内における度数の比率をみると、composition typingでは短い成分3つ ($\lambda_2, \lambda_3, \lambda_4$) はほぼ同率であるが、copy typingの短い成分 (λ_2, λ_3) では倍近い差がある。

この理由も同じように模型で説明出来る。つまりcopy typingのような単純作業では思考が入ったとしても余り深いものは入って来ない、よってそのような思考に対応する時定数成分も現われない結果となる。

結局copy typingという作業の単純性が模型を通して確認でき、それによって模型の正当性の裏付けも取れたといえる。

3. 3 tabキーの後と変換キーの後

次に山の出方を変換キーの後の思考時間分布と一括変換時のtabキーの後の思考時間分布とで比較してみる。データ1)ではデータ2)に比べて山1の度数が相対的に山2の度数よりも多い。又山1内の時定数の構成でデータ1)では短い3つの成分 ($\lambda_2, \lambda_3, \lambda_4$) はほぼ同率であるのに対して、データ2)では一番短い成分 (λ_3) が山1の85(%)近くを占めている。これは前節(4.2)でのcopy typingの時の状況に似ている。

この理由を考えてみると、tabキーの後の思考とは一括変換の作業中で語の区切りを行っている最中の思考である。従って、既に文章をローマ字で打ち込んでしまったあとで、文章の構成や語の選択などの問題はそれの際に一応考え終わっている状態である。区切りの時にはもうその区切りの事だけを考えて作業を行っている可能性が非常に高い。一方変換キーの後の思考を考えると、文章を考えながら打ち込んでいて、変換キーを押した際にも語の判断の他に後ろの文章の出だしも同時に考えている場合がある。このようにこの場所には山1タイプの複雑な思考が入る余地が存在する。

このように変換キーの後とtabキーの後とは多少違う分布の形であることが分かった。

3. 4 もとの模型から外れた山(山0)

copy typingのデータの解析においてこれまで無視して来たが、少し今までの統計的模型の範ちゅうで説明できない部分山0とした部分がある。この部分の解釈を少し行う。この部分は基本的に“見て、判断して、打つ”といった動作では説明できない。実際被験者への質問を通して、変換時に余り画面を見てない事は確認された。この被験者は、変換結果が分かっているときには特に画面を見ずに確定キーを押して、それがこのような結果になったのである。この先打ち現象

比較ポイント		データ1	データ2	データ3	データ4
各山度数の割合 (%)	山1	56.12	39.79	56.31	35.46
	山2	38.01	50.15	30.41	62.67
	山3	5.86	10.05	11.48	1.87
山1内の成分比 (%)	λ_1	1.20	2.95	0.61	1.87
	λ_2	34.76	12.70	0.48	31.25
	λ_3	39.67	84.35	57.33	66.87
	λ_4	24.36	-	41.58	-

表 各データの比較

※データ3は山4の度数も総度数に入れている、データ4の山0は余りにも多いため総度数には入れてない

は、統計的模型に入れるにはやや一般的では無い。しかし、ワープロのプロフェッショナルがこのように変換結果を先読みして次の打鍵を行ってしまうことは非常に多くの場合で起こりうるので、なにかの形で模型化したほうが良いだろう。

又、今回は無理やり正規分布をあてはめて取り出しってしまったが、この山の性質を用いて打鍵データから除く方法も考えられる。この山0の打鍵は変換結果を予測したために起こったものであるなら、どのような打鍵なら予測できてしまうのかを調べれば良い。そこに一定のルールが見付かれればそれにより打鍵データからの削除が自動的に行える。今後の課題の一つである。

3. 5 総論 - 模型の問題点

打鍵データの幾つかのケースを提案された統計的模型によって解析しそれらの結果を比較して来たが、大体においてそれほど統計的模型から外れた例は無く大筋においてこの模型による解析手法で扱う事ができた。

しかしこの模型において、山3の分布は単純な判断よりは少し長めの判断の結果であるとしたが、これはまだ直接確かめられた訳ではない。山3の解釈について独立した思考分布では無いとする考え方も幾つか出来る。その一つの可能性としては、今まで正規分布で発火すると思っていた“判断”の分布山2・3は実は一つの Ψ 分布であるとの説である。この説には長い思考分布である山1が Ψ 分布であるために説得力がある。

山2と山3が一緒の分布であるケースを確かめるには、打鍵データを特定の被験者について更にたくさん集めなければならない。同じ分布の一部同士であるならいつもワープロや作業によらない共通性が被験者固有に現われる筈である。

4. 今後の研究課題

打鍵データを実際に複数の被験者から採取して、統計的模型を検証する今回の目的はほぼ達成されたが、今後やらねばならない事が幾つか残った。

まず、カナ打鍵の被験者についてローマ字打鍵の方もデータを集めて、2つの入力方式における度数分布の違いが、被験者の熟練度の違いでは無いことを確認する必要がある。更にはドボラック配列のキーボードや2ストローク入力方式をもちいだデータの解析を行い、それぞれが思考時間にどのような影響を及ぼすのか分析・評価を行うのも意義があることであろう。

次に、先打ち打鍵による山0の分析である。この打

鍵はワープロのプロ、特に原稿をもらってそれを打ち込むcopy typingのタイピストにおける作業時間の見積もりにはぜひモデル化しておきたい部分である。ここでの思考模型とは又別の模型になると思われるが、実際への応用価値が高く重要である。次に4章の最後に出たこの統計的模型の見なおしである。この統計的模型は未だ決定したものではなく色々な打鍵データの分析結果によっては変わって来る可能性がある。

〔参考文献〕

- [1] 木村、谷越：ワープロ利用者の思考時間に関する統計的模型、
情報処理学会日本語文書処理研究会8-3 (1986.9)、
pp.1-10
- [2] 木村、粕川：日本語ワープロ向け新打鍵レベル模型の検証と応用、
情報処理学会日本語文書処理研究会6-4 (1986.5)、
pp.1-8
- [3] 粕川、木村：パーソナルコンピューター用打鍵データ収集プログラムとその応用、
情報処理学会題30回全国大会、
3G-8(1985.4)、pp.1645-1646

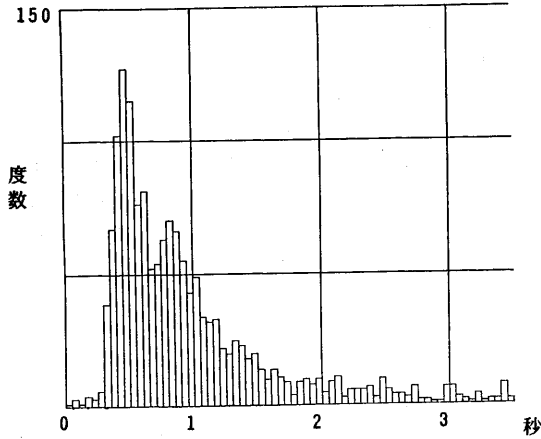


図2 データ1の度数分布

[データ1の解析結果]

山1

$$\mu = 0.775 \quad \sigma = 0.0305 \quad C_1 = 955.1$$

$$\lambda_1 = 19.89 \quad \text{当てはめ区間}$$

$$N_1 = 11.46 \quad (20.0-49.25)$$

$$\lambda_2 = 3.55$$

$$N_2 = 332.0 \quad (4.0-15.0)$$

$$\lambda_3 = 0.643$$

$$N_3 = 378.9 \quad (1.5-2.5)$$

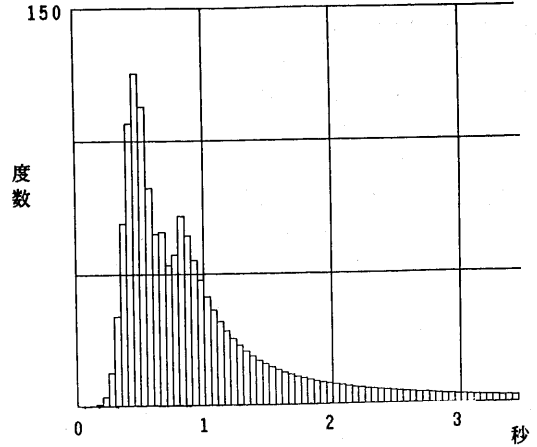


図3 その再構成

$$\lambda_4 = 0.214$$

$$N_4 = 232.7 \quad (0.8-1.3)$$

山2

$$\mu = 0.493 \quad \sigma = 0.1070 \quad C_2 = 646.9$$

山3

$$\mu = 0.701 \quad \sigma = 0.00569 \quad C_3 = 99.8$$

$$\chi^2 \text{乗検定値} \quad \text{危険率0.05の} \chi^2 \text{乗値}$$

$$60.15 \quad (\text{自由度}62) < 79.1 \quad (\text{自由度}60)$$

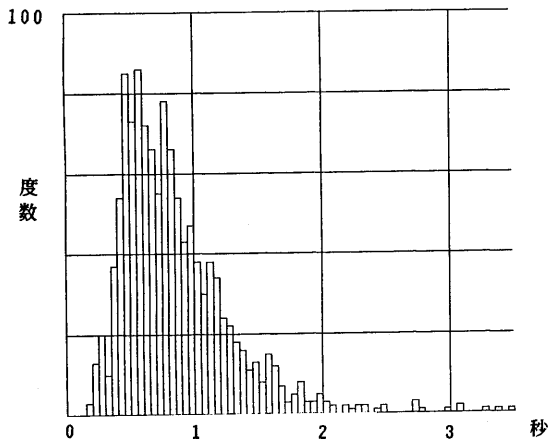


図4 データ2の度数分布

[データ2の解析結果]

山1

$$\mu = 0.882 \quad \sigma = 0.0644 \quad C_1 = 486.5$$

$$\lambda_1 = 2.96 \quad \text{当てはめ区間}$$

$$N_1 = 14.35 \quad (5.55-9.0)$$

$$\lambda_2 = 1.08$$

$$N_2 = 61.79 \quad (2.35-3.65)$$

$$\lambda_3 = 0.313$$

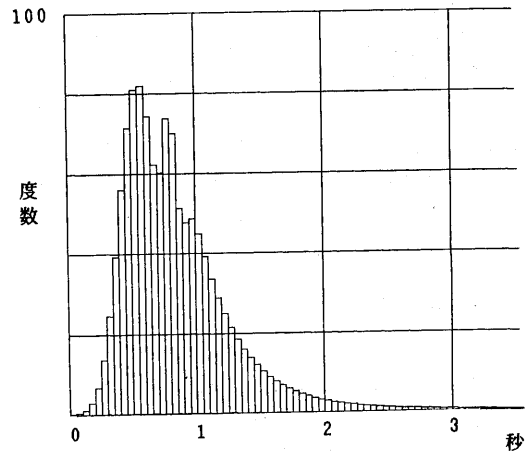


図5 その再構成

$$N_3 = 410.4 \quad (1.0-1.5)$$

山2

$$\mu = 0.555 \quad \sigma = 0.1471 \quad C_2 = 613.1$$

山3

$$\mu = 0.799 \quad \sigma = 0.0490 \quad C_3 = 122.9$$

$$\chi^2 \text{乗検定値} \quad \text{危険率0.05の} \chi^2 \text{乗値}$$

$$32.22 \quad (\text{自由度}32) < 43.8 \quad (\text{自由度}30)$$

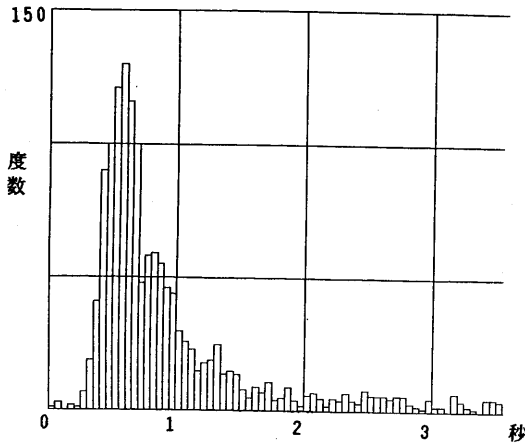


図6 データ3の度数分布

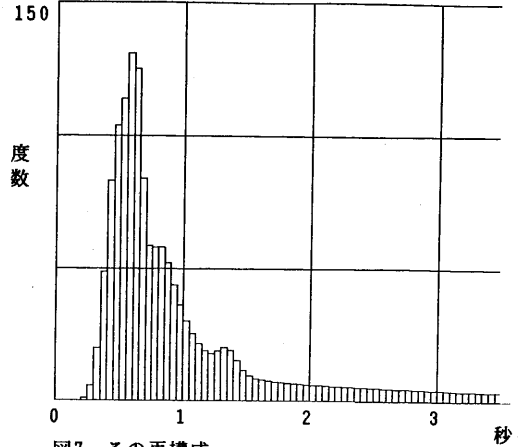


図7 その再構成

[データ3の解析結果]

山1

$$\mu = 0.710 \quad \sigma = 0.0787 \quad C_1 = 922.7$$

$$\lambda_1 = 62.88 \quad \text{当てはめ区間}$$

$$N_1 = 5.60 \quad (14.15-150.0)$$

$$\lambda_2 = 21.37$$

$$N_2 = 4.43 \quad (16.0-60.0)$$

$$\lambda_3 = 2.71$$

$$N_3 = 529.0 \quad (3.0-10.0)$$

$$\lambda_4 = 0.205$$

$$N_4 = 383.7 \quad (0.75-1.1)$$

山2

$$\mu = 0.493 \quad \sigma = 0.0883 \quad C_2 = 498.3$$

山3

$$\mu = 0.626 \quad \sigma = 0.0440 \quad C_3 = 188.1$$

山4

$$\mu = 1.352 \quad \sigma = 0.0719 \quad C_4 = 29.62$$

$$\chi^2 \text{乗検定値} \quad \text{危険率0.05の} \chi^2 \text{乗値}$$

$$54.88 \text{ (自由度54)} < 67.5 \text{ (自由度50)}$$

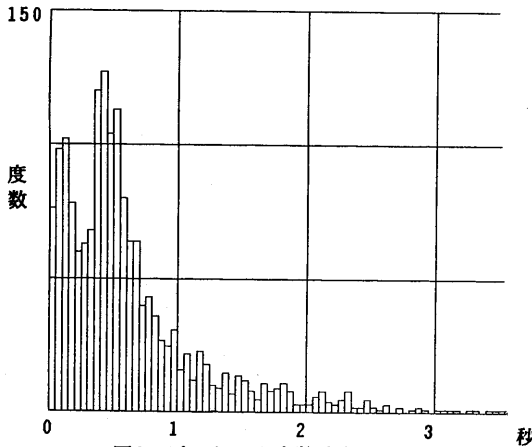


図8 データ4の度数分布

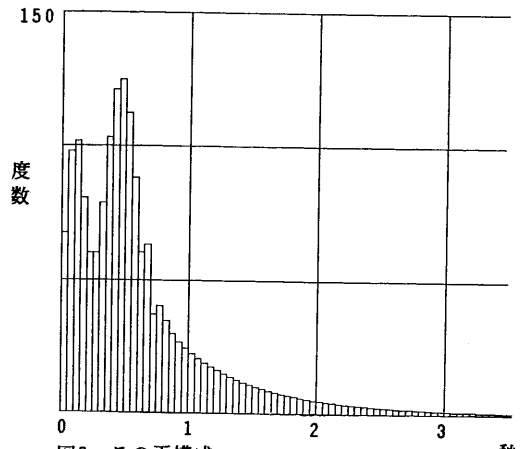


図9 その再構成

[データ4の解析結果]

山0

$$\mu = 0.100 \quad \sigma = 0.0822 \quad C_0 = 418.8 \quad (371.9)$$

山1

$$\mu = 0.725^* \quad \sigma = 0.03^* \quad C_1 = 482.7$$

$$\lambda_1 = 5.62 \quad \text{当てはめ区間}$$

$$N_1 = 9.05 \quad (5.0-14.0)$$

$$\lambda_2 = 1.09$$

$$N_2 = 150.87 \quad (2.5-3.5)$$

$$\lambda_3 = 0.532$$

$$N_3 = 322.83 \quad (1.0-2.0)$$

山2

$$\mu = 0.461 \quad \sigma = 0.135 \quad C_2 = 853.0$$

山3

$$\mu = 0.68 \quad \sigma = 0.010 \quad C_3 = 25.5$$

$$\chi^2 \text{乗検定値} \quad \text{危険率0.05の} \chi^2 \text{乗値}$$

$$49.284016 \text{ (自由度46)} < 55.8 \text{ (自由度40)}$$