実行時間予測モデルの構築法の改善

河合 裕 市川周一

既存の並列応用の多くは均一並列環境を前提としているため、不均一クラスタ上で実行すると負荷不均衡により性能が低下する。高速 PE 上に複数のプロセス起動することで負荷の均衡化が望めるが、最適に負荷を分散することは難しい、高橋と市川は実行時間予測モデルを構築し、4 つの科学技術応用 (HPL、CFD、FEM、FFT) について (準) 最適構成を予測できることを示した。しかしモデル構築のために均一なサブクラスタを必要とする上、大きく精度が低下する場合があった。本研究では、不均一クラスタ自体からモデルを構築する方法と、精度低下を防ぐモデル構築手法を検討する。評価の結果、従来と同等以上のモデルを構築し、より高い精度で (準) 最適構成を予測することができた。

Improvements of Execution-time Estimation Model Construction

YUU KAWAI † and SHUICHI ICHIKAWA†

The performance of a parallel application for homogeneous environment is degraded by load imbalance on heterogeneous clusters. Such load imbalance can be alleviated by invoking multiple processes on fast PEs in a heterogeneous cluster. Takahashi and Ichikawa constructed execution-time estimation models for four scientific applications, with which the sub-optimal configurations of heterogeneous clusters were estimated. However, their models have to be extracted from homogeneous subclusters, and the precisions of models are very sensitive to the fluctuations in measurement results. This study examines a method to construct models from heterogeneous cluster itself, and a method to construct more robust models. The derived models were shown to be superior to the previous models.

1. はじめに

演算性能や通信性能が異なる要素プロセッサ (PE)で構成されるクラスタを不均一クラスタと呼ぶ、不均一クラスタは、余っている PC を集めてクラスタを構築したり、既存クラスタに高性能 PE を追加する場合など、多くの局面で利用可能である。しかし、既存の並列応用の多くは均一な PE を前提にしており、各 PE に負荷を均等に分散するため、不均一クラスタ上で実行すると低速 PE がボトルネックとなって性能が低下する。不均一クラスタ上の性能を改善するには、PE の演算性能に応じて負荷を不均一に分散する必要がある。

不均一な負荷分散には大きく分けて二つの方法がある. ひとつは1プロセスに割り当てる問題領域の大きさを変更する方法である. しかし, この方法は応用プログラムの書き換えが必要になるうえ, 書き換えに伴うデバグや性能チューニングなどに大きな手間がかかる. もうひとつは, 高速な PE に複数のプロセスを起

動することで負荷分散を行う方法 (マルチプロセス法) である. この方法では応用プログラムを書き換える必要がなく, 1 台の PE に起動するプロセス数を変更するだけで簡単に実現することができる. また, チップレベル並列性 (マルチスレッドやマルチコア) の利用にも適していると考えられる.

マルチプロセス法では、どの PE にいくつプロセスを起動するかが問題となる。岸本ら $^{1)2}$ は、High-Performance Linpack Benchmark 4 (HPL) の実行時間から実行時間予測モデルを構築し、不均一クラスタ上で最適なプロセス構成を予測できることを示した。高橋ら 3 は、岸本らの手法を HPL 以外の科学技術応用で検証するとともに、岸本らのモデルを改良して予測精度を改善した。

しかし、これまでの手法では均一 PE を使用して予測モデルを構築していたため、利用可能な状況が限られていた。また、モデル構築に必要な実測値が少ない場合や、実測値に誤差が含まれる場合に、予測精度が著しく低下する場合があった。本研究では、不均一クラスタから直接モデルを構築する方法を提案し、更に予測精度の低下を回避する手法を提案する。

Department of Knowledge-based Information Engineering, Toyohashi University of Technology

[†] 豊橋技術科学大学 知識情報工学系

2. 実行時間予測モデル

2.1 高橋らの実行時間予測モデル

応用の問題サイズをNとする.不均一クラスタ中 の等価な PE のグループ (サブクラスタ) を G_i であ らわし、 G_i 中で実際に計算に使用する PE の台数を P_i とする $(0 \le P_i \le |G_i|)$. G_i 内の各 PE には同数 のプロセスを起動するものとし、この数を M_i で表 す. このとき不均一クラスタ内の総プロセス数 Pは, $P = \sum_{i=1}^{n} P_{i}M_{i}$ で与えられる. 不均一クラスタ全体の 実行時間をTとしたとき、あるNについてTを最 小化する構成 (P_i, M_i) を予測することが研究の目的 である、サブクラスタ G_i の実行時間 T_i を、N、P、 M_i の関数で近似することができれば、全体の実行時 間 T は $\max_i T_i$ で見積もることができる. T の近似 式を実行時間予測モデルと呼ぶ、全ての可能な構成に 対して予測モデルを構築できれば、構成 (P_i, M_i) と 問題サイズ N について、T を最小化する構成を予測 することができる.

以下, HPL を例にとる. HPL の実行時間は以下の 式で見積もることができる $^{1)2)}$.

$$T(N, P) = \frac{1}{P} \cdot O(N^3) + P \cdot O(N^2) + O(N^2)$$
(1)

式 (1) において、ある M_i の実行時間 T_i を N と P の 関数で表すと次の式になる.

$$T_i(N,P)|_{M_i} = \frac{1}{P} \cdot (k_0 N^3 + k_1 N^2 + k_2 N + k_3) + P \cdot (k_4 N^2 + k_5 N + k_6) + k_7 N^2 + k_8 N + k_9$$
(2)

高橋らは式(2)を NP-T モデルと名づけた. 式(2)に は ko から k9 までの 10 個の定数項があるが、これらの 係数は実測値を用いて最小二乗法で決定する、NP-T モデルでは G_i および M_i ごとに NP-T モデルを構築 する. PE が 1 台 ($P=\exists M_i$) の場合は通信時間がな くなることを考慮して、定数項の決定には均一 PE 2 台以上の実測値を使用する.

2.2 既知の問題点

式 (1) は N の 3 次式であるため、0 次の項を含め N について最低でも4つ、P についても同様に最低 でも3つの実測値が必要になる. 通常Nは容易に変 更できるため大きな問題ない.しかし、Pの異なる実 測値を得るには、PE の台数を変化させる必要がある ため最低でも4台、応用の制限によってはそれ以上の 台数の均一PE が必要となる.

また、実測値の数が足りていたとしても、その数が 少ない場合や実測値に誤差がある場合にはパラメータ が正しく抽出されない、パラメータの抽出に失敗した 典型的な例を図1に示す。これはP=8としたとき の Himeno BMT⁵⁾ の NP-T モデルである. 図中の

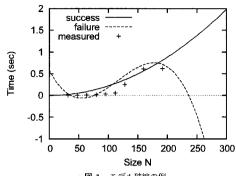


図1 モデル破綻の例

success はパラメータの抽出に成功した場合、failure は失敗した場合を示す。成功例では問題サイズNの 増加にともない予測実行時間が増加しているのに対し、 失敗例では問題サイズが大きくなると予測実行時間が 負の値になっている。本研究では、図1のようにモデ ルの高次の項が負の値になり、負の実行時間を予測す ることをモデルの破綻と呼ぶ、モデルの破綻が生じる とその構成の予測実行時間が最小となり、この構成が 最適構成として予測されてしまうため、真の最適構成 が予測できない.

3. 改善方法

本研究では NP-T モデルの式を変更せず、モデル構 築の方法を改善することを検討する. NP-T モデルは ネットワークトポロジやキャッシュの構造を考慮して いないため、それらを考慮したモデルを使うことで予 測精度が改善される可能性はあるが、それについては 今後の課題とする。

3.1 不均一クラスタからのモデル構築

高橋らの手法では、NP-T モデルを構築するために 等価な PE 4 台以上からなる均一サブクラスタが必要 であった、本研究では、低速な PE を含む不均一クラ スタの実行時間が、同数の低速 PE で構成される均一 サブクラスタの実行時間と (ほぼ) 同じであると仮定 する、この仮定は、「不均一クラスタ内の各 PE に同数 のプロセスを実行すれば、最も遅い PE の実行時間が サブクラスタの実行時間として観測される」と言い換 えてもよい、この仮定が正しければ、不均一サブクラ スタの実行時間からモデルを構築できることになる.

この手法では、高速な PE を利用して低速な PE の モデルを作成することができる. 副次的効果として, 利用可能な高速 PE をすべてを使うことでパラメータ 抽出に用いるデータ点数を増やして、低速 PE のモデ ル精度が向上することも考えられる.

しかし、不均一サブクラスタでは均一サブクラスタ と通信のタイミングが異なるので、上記の仮定が成り

ベンチマーク			モデル式
HPL	$T_i(N,P) _{M_i}$	=	$\frac{1}{P} \cdot (k_0 N^3 + k_1 N^2 + k_2 N + k_3) + P \cdot (k_4 N^2 + k_5 N + k_6) + k_7 N^2 + k_8 N + k_9$
Himeno BMT	$T_i(N,P) _{M_i}$	=	$\frac{1}{P} \cdot (k_0 N^3 + k_1 N^2 + k_2 N + k_3) + k_4 N^2 + k_5 N + k_6 + k_7 \log P$
hpcmw-solver-test	$T_i(N,P) _{M_i}$	=	$\frac{1}{P} \cdot (k_0 N^3 + k_1 N^2 + k_2 N + k_3) + k_4 N^2 + k_5 N + k_6 + k_7 \log P$
FFTE	$T_i(N,P) _{M_i}$	=	$\frac{1}{P} \cdot (k_0 N \log N + k_1 N + k_2) + k_3 P + k_4 N + k_5 N^{\frac{1}{3}} + k_6$

表 2 評価環境							
	サブクラスタ G_1	サブクラスタ G_2	サブクラスタ G_3				
CPU	Pentium 4 3.6GHz	Xeon 2.8GHz	Celeron M 1.5GHz				
台数	8	8	8				
メモリ	1GB	1GB	1GB				
NIC	1000BASE-T	1000BASE-T	1000BASE-T				
OS	Fedora Core 4	Red Hat Linux 9	Fedora Core 5				
開発環境	Intel C/C++ Compiler 9.0, Intel Fortran Compiler 9.0, mpich 1.2.7p1						
P_i , M_i の範囲	$0 \le P_1 \le 2, \ 0 \le M_1 \le 3$	$0 \le P_2 \le 4, \ 0 \le M_2 \le 2$	$0 \le P_3 \le 2, \ 0 \le M_3 \le 1$				

表3 問題サイズ

ベンチマーク	モデル構築時	評価時
HPL	400~6400 (9 点)	400~9600 (11 点)
Himeno BMT	32~192 (9 点)	32~256 (11 点)
hpcmw-solver-test	60~442 (7 点)	60~600 (12 点)
FFTE	212~220 (9 点)	212~223 (12点)

立つかどうか自明ではない.実行時間の差がパラメータ抽出に影響し、予測精度が低下する可能性もある. 均一クラスタから構築したモデルと同様の精度が得られるかどうか実応用で評価する必要がある.

3.2 非負最小二乗法によるパラメータ抽出

予測時間が負の値にならないようにするためには、モデルの各パラメータ $k_0, k_1, \dots \geq 0$ という条件をつければよい、これは、計算時間や通信時間が単調増加すると考えれば、妥当な制限である。そこで本研究では、抽出されるパラメータに非負制約を付けた非負最小二乗法 $^{8)}$ を用いることを試みる、非負最小二乗法を使用してモデルを構築すると、負の実行時間が予測されなくなり、極端な精度低下を防ぐことが期待できる。

一方, 非負最小二乗法でパラメータを抽出すると, 通常の最小二乗法で抽出したモデルよりも一般に残差が大きくなる. そのため, 大きなモデル破綻が防げる代わり, 予測精度が低下する可能性がある. これについても実際に評価して優劣を比較する必要がある.

4. 評価方法

本研究のモデル構築には、応用の問題サイズ N と総プロセス数 P が変更可能である必要がある。今回の実験では、上記の条件を満たす次の 4 つのベンチマークを評価対象とした。

HPL⁴⁾ 分散メモリ並列計算機用の Linpack ベンチ マークで、倍精度浮動小数点演算で線形代数方程 式を解く性能を測定する. Himeno BMT⁵⁾ 非圧縮流体解析コードのベンチ マークで、Poisson 方程式を Jacobi 反復法で解 く性能を測定する。

hpcmw-solver-test⁶⁾ 3次元弾性解析を評価する ベンチマークで、有限要素法で問題を解く性能を 測定する.

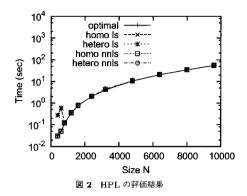
FFTE⁷⁾ 2^p3^q5^r 要素の複素離散フーリエ変換を行うライブラリで、実験では同梱されている1次元DFTのテストプログラムを用いる.FFTEではPは2の冪乗でなければならないので、その条件を満たす構成だけを評価する.

これらは高橋らによって評価されたもので、今回の実験では追試する意味含め、評価対象とした、高橋ら³⁾によって求められた NP-T モデル式を**表 1** に示す、

評価に使用した不均一クラスタの構成を表 2 に示す、今回の実験では計算時間への影響を避けるため、Xeon および Pentium 4 の Hyper Threading は使用しない、また、ネットワークトポロジによる問題の複雑化を避けるため、全ての PE を一台のスイッチに接続している、モデル構築のための測定は、表 3 に示す問題サイズで行った、評価はモデル構築時の測定に 2点から 5 点を追加し、外挿についても行う。

Celeron M のモデルは Celeron M (2台) と Xeon (4台), Pentium 4 (2台) の合計 8台を使って構築し、Xeon のモデルは Xeon (4台) と Pentium 4 (4台) の合計 8台を使って構築する。最も高速な Pentium 4 のモデルは、Pentium 4 (8台) の均一サブクラスタから構築する。これらのモデルと、8台の PE からなる均一サブクラスタを用いて構築したモデルの比較を行う。

パラメータ抽出に使用する非負最小二乗法は文献 8) で紹介されているものを利用する. 先行研究で用いられている GSL^9) の $gsl_multifit_linear()$ による最小二乗法と比較し評価を行う.



5. 評価結果

最適構成の探索は組合せ最適化問題の一種であり, 一般には計算困難である. しかし今回の実験で用いる 不均一クラスタでは組合せ総数が 188 通りと少ないた め、特別な探索アルゴリズムは利用せず、全構成の予 測時間を求めて最適構成を予測する. 探索に要する時 間は、評価対象の応用に対していずれも 0.1 秒以下と 十分に小さい,

HPL の予測最適構成の実測時間と実測最適構成の 実測時間を図2に示す. 図中の "optimal" は実測最 適構成の実測時間を示す、均一サブクラスタからモデ ル構築する場合を"homo",不均一クラスタ自体から モデル構築する場合を"hetero"で表す。通常の最小 二乗法でパラメータを抽出する場合を "ls", 非負最小 二乗法の場合を "nnls" で表す. 高橋らの手法は均一 サブクラスタの実測値を使い、通常の最小二乗法でパ ラメータを抽出するので "homo ls" に該当する.

いずれの手法も N > 800 では (準) 最適構成が予 測されている. nnls は評価した全域にわたり良好な 精度を示している.ls では $400 \le N \le 600$ で誤差が 100%を超え予測に失敗しているが、実行時間は1秒 未満であり実行時間差は小さい、基本的には高橋らの 結果が再現されており精度はよい.

予測時間と実測時間の相関係数を図3に示す. 図3 では、モデルの予測実行時間を τ、最適構成の実測時 間を T_{out} としたとき $\tau \leq 2T_{out}$ となる構成 (準最適 構成) についてだけ相関係数を求めている. 実行時間 が大きく最適構成から掛け離れた構成まで含めると, 相関係数が下がって手法の精度を正しく評価できない ためである. $N \leq 800$ では上記の条件を満たす構成 が3点しかないため、ここでは10点以上の構成を含 む $N \ge 1200$ に注目する. いずれの手法も N > 1600で 0.9 を超える高い相関を示している. HPL につい てはいずれの手法も精度が高く、homoと hetero は同 程度の精度をもつといえる.

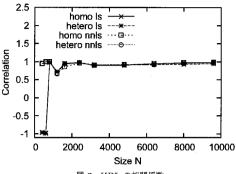


図3 HPL の相関係数

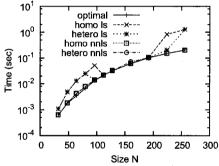


図4 Himeno BMT の評価結果

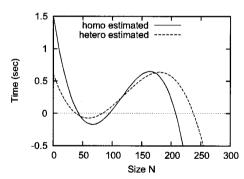


図5 ls で破綻した HimenoBMT のモデル

Himeno BMT の評価結果を図4に示す. ls は homo. hetero ともに $112 \le N \le 192$ で最大誤差 5%と準最 適構成が予測されているが、外挿範囲である N=256では誤差 500%と悪くなっている. ls ではいずれもモ デル破綻が生じ、外挿範囲の予測に失敗している. 破 綻したモデルを図5に示す.これは,P=4とした ときの $Xeon M_i = 2$ のモデルである. このモデルが $N \geq 200$ で負の実行時間を予測するため、誤って最 適構成として予測されてしまい、結果として図4の

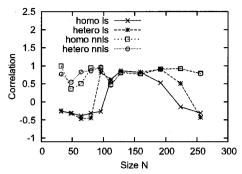


図 6 Himeno BMT の相関係数

ように大きな予測誤差を示すことになった.一方 mnls では予測実行時間が負になることはないため,homo,hetero ともに $192 \le N \le 256$ で最適構成の予測に成功している.

予測時間と実測時間の相関係数を $\mathbf{206}$ に示す。図 6 では $\tau \leq 2T_{opt}$ の準最適構成について相関係数を求めているが、Himeno BMT では $N \leq 64$ で条件を満たす構成が 5 点しかないため、精密な議論は難しい。10 点以上の構成を含む $N \geq 80$ の場合、1s では外挿範囲の $N \geq 224$ で相関が低くなっているが、1mls では 10.8 と高い相関を維持している。Himeno BMT については 11 mls ではモデル破綻がなくなり、12 homo でもhetero でも同程度に高い予測精度を得た。

hpcmw-solver-test の評価結果を**図 7** に示す. hpcmw-solver-test は本来 $N \times N \times N$ の問題を扱うが, 本研究では実行時間, 記憶容量の都合から $N \times N \times 1$ の問題を扱う 3 . ls では $240 \le N \le 600$ で homo, hetero ともに誤差は最大で 8%と (準) 最適構成が予測できている. mls では $180 \le N \le 600$ で homo, hetero ともに最適構成が予測されている.

 $au \leq 2T_{opt}$ の準最適構成の予測時間と実測時間の相関係数を図 8 に示す、hpcmw-solver-test では $N \geq 60$ で 10 点以上の構成を含んでいる、いずれの手法も $300 \leq N \leq 600$ で 0.8 を超える高い相関を示しており、精度の高さが確認できる、hpcmw-solver-test では、HPL 同様いずれの手法も高い精度を示し、homo 2 と hetero で同程度の精度があるといえる。

FFTE の評価結果を**図 9** に示す. ls は homo, hetero ともに $2^{17} \le N \le 2^{20}$ で最大誤差 1%と準最適構成が予測されているが、外挿範囲の $2^{21} \le N \le 2^{23}$ では 誤差が 80%を超えている。FFTE では HimenoBMT と同様にモデル破綻が生じているため、外挿範囲で誤差が大きくなっている。mls では $2^{12} \le N \le 2^{23}$ で最大誤差 1%と大きく改善されており、全ての N でhomo, hetero ともに同じ構成が予測されている。

予測時間と実測時間の相関係数を図 10 に示す. FFTE では、準最適構成の条件を $\tau \leq 2T_{opt}$ とする

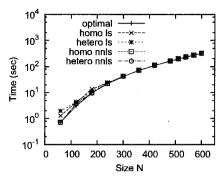


図7 hpcmw-solver-test の評価結果

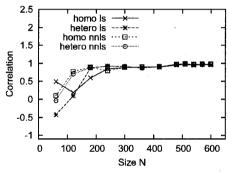


図 8 hpcmw-solver-test の相関係数

と、 $2^{12} < N < 2^{20}$ で条件を満たす構成が 4 点しかな いため、FFTE に限り条件を緩和して $\tau \leq 3T_{opt}$ を準 最適構成とした、この条件でも $N < 2^{15}$ では条件を満 たす構成が3点しかないが、 $N \geq 2^{16}$ では10点以上 の構成が確保できている. ls では homo, hetero とも に $2^{17} \le N \le 2^{20}$ で 0.8 と高い相関係数を示している が、外挿範囲の $2^{21} \le N \le 2^{23}$ では 0.2 以下となって おり精度が悪い、nnls では、hetero は $2^{22} < N < 2^{23}$ で 0.8 を超える高い相関を示している一方, homo は $N=2^{23}$ で 0 近くまで相関が悪くなっている. このと きの予測モデルを図 11 に示す. これは P=8 とした ときの Xeon $M_i = 2$ のモデルである、 $N = 2^{17}$ 付近 から homo と hetero で予測時間がずれ始め、 $N=2^{23}$ では homo の予測時間は hetero の 76%になっている. このことから homo ではいくつかの構成で実行時間を 小さく見積もり、その結果相関係数が下がったと考え られる、FFTE については、nnls でモデル破綻がな くなり ls に比べて精度が向上したが、精度面では依 然として課題が残る結果となった.

6. おわりに

本研究では、不均一クラスタからモデル構築する手

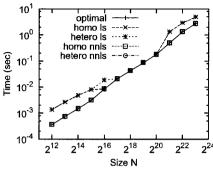


図9 FFTE の評価結果

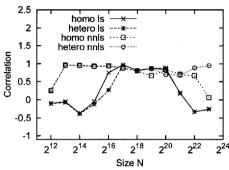


図 10 FFTE の相関係数

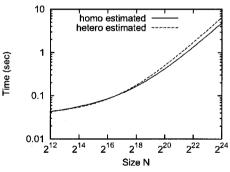


図 11 nnls での FFTE のモデル

法を提案し、モデルの破綻がないケースについては均一クラスタからモデルを構築した場合と同様の精度が得られることを示した。この手法は不均一クラスタにおける性能のボトルネックを利用するため、最も高速な PE に対しては適用できない。高速な PE のモデルの構築が今後の課題である。本研究では非負最小二乗法を用いることでモデルの破綻を抑制し、予測精度の向上を試みた。従来手法では予測に失敗していたHimeno BMT, FFTE についても(準)最適構成の予

測に成功し,有効性が確認できた.

NP-Tモデルは均一なネットワークを仮定しているため、本研究では全てのPEが1台のスイッチに接続され、NICが1000BASE-Tに統一されている均一なネットワーク環境下で評価を行った。しかし、PEの台数が大きくなると1台のスイッチに全てのPEを接続することは困難であるため、スイッチが多段になる場合などの通信不均一な環境を考慮する必要がある。本研究ではモデル自体の変更は行わず、構築方法を変えることで不均一クラスタからのモデル構築と予測精度の向上を図ったが、通信をモデル化するにはこのような方法だけでは対応は難しい。通信を考慮した新たなモデル構築が今後の課題である。

謝 辞

本研究の一部は、21 世紀 COE プログラム"インテリジェントヒューマンセンシング"および科学研究費補助金・基盤研究 (C)(2)16500029 の援助により行われた。

参考文献

- 1) Kishimoto, Y. and Ichikawa S.: Optimizing the Configuration of a Heterogeneous Cluster with Multiprocessing and Execution-Time Estimation, Parallel Computing, Vol.31, No.7, pp. 691–710 (2005).
- 2) 岸本芳典, 市川周一: 不均一クラスタ上での実行時間予測モデルとその改良, 情報処理学会研究報告 2004-HPC-97, pp.73-78 (2004).
- 3) 高橋翔,市川周一: 不均一クラスタの最適構成予 測モデルの各応用への適用と評価,情報処理学会 研究報告 2006-HPC-105, pp.97-102 (2006).
- Petitet, A., Whaley, R.C., Dongarra, J. and Cleary, A.: HPL - A Portable Implementation of the High-Performance Linpack Benchmark for Ddistributed-Memory Computers, http://www.netlib.org/benchmark/hpl/.
- 5) 姫野龍太郎: Himeno BMT, http://accc.riken.jp/HPC/HimenoBMT/.
- 6) 高度情報科学技術研究機構 (RIST): HPC-MW 検証ツール hpcmw-solver-test, http://hpcmw. tokyo.rist.or.jp/.
- 7) Takahashi, D.: FFTE: A Fast Fourier Transform Package, http://www.ffte.jp/.
- 8) Lawson, C.L. and Hanson, R.J.: Solving Least Squares Problems (Prentice-Hall Series in Automatic Computation), Prentice Hall (1974).
- 9) Free Software Foundation: GSL GNU scientific library, http://www.gnu.org/software/gsl/.