

## 空間分割型並列処理による光線追跡法の 高速化に関する一検討

### A Study of Object Space Parallel Processing for Fast Ray Tracing

窪田 英幸      小林 広明      中村 維男      重井 芳治  
Hideyuki KUBOTA      Hiroaki KOBAYASHI      Tadao NAKAMURA      Yoshiharu SHIGEI

東北大学      工学部  
Faculty of Engineering, Tohoku University

あらまし    本論文では、光線追跡法の高速化を目的としたオブジェクト空間分割型並列処理システムの構成、画像生成の並列処理機構、負荷分散法について述べ、そのシミュレーションによる性能評価の結果を報告する。小規模なシステムでは、オブジェクト空間のマッピングによる静的負荷分散法により並列処理の台数効果が得られる。しかし、効果的な負荷分散が得られるプロセッサ数には上限がある。そこで、高性能な大規模システムの構築のために階層化システムについて検討する。これにより、メモリ要求量を低く抑えつつ、多数のプロセッサを高効率で稼働できることを示す。

*Abstract*---This paper presents a multiprocessor system for fast ray tracing based on object space parallel processing. A parallel processing scheme for image synthesis and load balancing methods in the system are discussed. Firstly, as static load balancing, a mapping strategy of a regularly subdivided object space into the processors are evaluated by simulation. Moreover, we study a hierarchical multiprocessor system to overcome the limitation of the static load balancing in a large scale multiprocessor system. By using this architecture, nearly "ideal" load balancing can be achieved without noticeable increase in memory requirement for object description.

#### 1. はじめに

近年、コンピュータグラフィックスは、良質のマンマシンインターフェースを提供するとしてCAD/CAMといった工業デザインからアニメーションにいたるまで幅広く用いられている。さらに、ディスプレイ技術及びコンピュータ技術の飛躍的な向上に伴い、非常にリアリティの高い画像の生成が可能になっている。しかしながら、画像の品質向上に伴いその処理時間も増大し、汎用計算機などを用いても実用的な処理速度は得られず、高速処理の要求が高まっている。

現在最も高品質な画像を生成できるアルゴリズムとして光線追跡法がある<sup>[1]</sup>。光線追跡法は比較的単純なアルゴリズムにもかかわらず光の反射、屈折などが扱えるため非常にリアルな画像が生成できる反面、処理速度が非常に遅いという欠点を持つ。このため、現在この処理速度を改善しようという研究が、ソフトウェアとハードウェアの両面から盛んに行われている。特に後者は最近のVLSI技術の進歩に伴い、多数のマイクロプロセッサを用いた並列処理システムが、実際にいくつか試作されている<sup>[2][3][4]</sup>。これらは画素単位

にプロセッサを割当てることによって、かなりの高効率の並列処理を行っている。

このような背景のもとで、光線追跡法のための並列処理システムのもう1つの形態として、オブジェクト空間分割型並列処理システムが提案されている<sup>[5]</sup>。これはオブジェクト空間を部分空間に分割し各々にプロセッサを割当てるものである。

本稿では、光線追跡法とその高速化手法としてオブジェクト空間分割型並列処理システムについて述べる。さらに、静的負荷分散がなされるようなオブジェクト空間の割付法とシステムの階層化について述べ、シミュレーションによる性能評価を行なう。

#### 2. 光線追跡法とオブジェクト空間分割による高速化

光線追跡法は<sup>[1]</sup>、オブジェクト空間(対象とする物体が定義されている空間)からスクリーン上の各画素を通り視点に入射する光線を、逆方向に光学現象に従って追跡し、スクリーン上の各画素の輝度を求めて画像を生成する手法であ

る。この光線追跡法は比較的簡単なアルゴリズムであるにもかかわらず、鏡面や透明体の反射光や透過光も扱え、非常にリアルな画像が得られる。しかしその反面、処理時間が膨大になるという欠点をもつ。この膨大な処理時間は画素すべてに対し光線追跡を行うことと、光線追跡に伴う物体と光線との交差判定を多量に行うことなどが原因である。

光線追跡法のアルゴリズム的な高速化へのアプローチとして空間分割法<sup>[6][7]</sup>がある。これは光線と交差する可能性のない物体を交差判定から除く手法である。オブジェクト空間は互いに隣接するいくつかの部分空間に分割され、光線追跡は、光線の貫く部分空間を順次決定しながら、各部分空間に含まれる物体と交差判定して行く。本研究で採用した分割法は、オブジェクト空間を3次元等分割し、均一な部分空間(セル)に等分割する方法である。この手法は、光線が進むべき次部分空間の決定が3次元DDA<sup>[8]</sup>により高速に実行できるなど利点が多い。

### 3. オブジェクト空間分割型並列処理システム

光線追跡法では各画素は独立に計算可能であるため並列処理による高速化が可能である。また、空間分割によって交差判定処理を低減できる。光線追跡法のための並列処理システムの多くは画面分割を行ない各分割画面をプロセッサに割り当てる方法を取っている(以降、このようなシステムを画素分割型と呼ぶ。)が、光線追跡法ではオブジェクト空間内で隠面除去と輝度計算を行なうため各プロセッサは空間内の全オブジェクト情報のコピーを持つ必要がある。さらに空間分割法を用いた場合、各プロセッサが持たなければならないデータ量はさらに増大する。

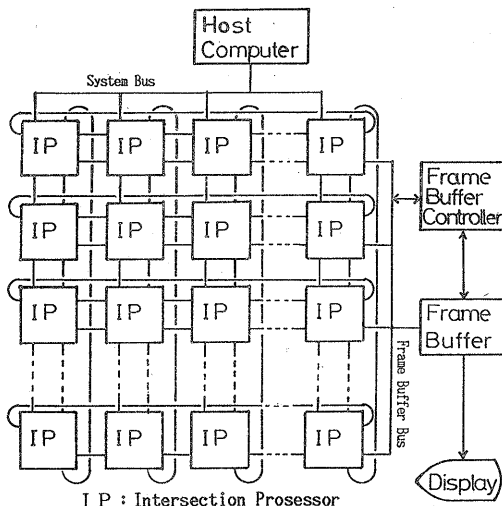


図1 オブジェクト空間分割型並列処理システムの構成  
(トーラス型結合形態の場合)

これに対し、本システム(図1)はオブジェクト情報の分散配置及び効率よい交差物体の検出を目的としている。本システムでは分割したオブジェクト空間をプロセッサ(IP)に割り当てるため、各プロセッサは部分空間内のローカルなデー

タのみを持てば良い。IPはn次元の最隣接結合ネットワークで結合されており、これらIP間で光線情報が入ったバケット(光線バケット)を通信することでオブジェクト空間内の光線追跡を行なう。視点から出される第一世代の光線バケットはホストコンピュータから視線が当たるIPへ送られ、その後あたかも光線が進むように(実際の光線の進む方向とは逆であるが)IP空間の中を進行する。もし光線が途中で物体に当たれば、そこで輝度計算がなされ、必要ならば次世代の光線バケットが生成される。光線がオブジェクト空間の境界に達したときはそのバケットは消滅する。このようにしてすべての光線バケットが消滅したとき計算完了となる。

### 3.1 通信バケットと輝度計算処理

#### 3.1.1 バケット情報

IP間で通信されるバケットには2種類ある。1つは空間内で伝搬する光線に相当する光線バケットで、もう1つは、交差面が影になるかどうかを判定するため光源方向に送られる付影バケットである。これらバケットの内容は以下のものを含み、そのサイズはおよそ28バイトである。

- 光線バケットと付影バケットを区別するためのフラグ
- 画素の座標(x, y)
- 光線が進む次部分空間を決定する3次元DDAに必要なパラメータ
- 次に進むセルの指標(x, y, z)
- 光線バケットの場合は光線の強度 $k_i$ (初期値は1)、付影バケットの場合は拡散反射成分輝度
- Binary shade tree<sup>[1]</sup>の深さ

#### 3.1.2 光線バケット処理

IPで光線に交差する物体が検出されたなら、

- 1) 環境光成分をフレームバッファに加算する。
- 2) 各光源ごとに拡散反射成分を計算し、その結果に $k_i$ を乗算し、その値を持つ付影バケットを光源方向に送る。
- 3) 必要なら、次世代バケットの生成を行なう。このとき前世代バケットの $k_i$ と物体の鏡面反射係数または透過係数との積を、次世代バケットの $k_i$ とする。

#### 3.1.3 付影バケット処理

付影バケットがオブジェクト空間の範囲を越えたとき、そのバケットの持っていた輝度を、環境光と同様フレームバッファに加算する。付影バケットが物体にぶつかった場合は、そのバケットを消滅させる。

### 3.2 部分空間分割法とプロセッサ結合形態

オブジェクト空間を分割し各部分空間をプロセッサに割り当てる場合、光線バケットが自律的に伝搬でき、プロセッサ間の通信距離を最小にする必要がある。この条件を満たす方法としてオブジェクト空間を3次元等分割し、その部分空間にプロセッサを割り付けることが考えられる。この場合、プロセッサの結合形態は3次元立方格子となり、1個のプロセッサは隣接する6個のプロセッサとのみ光線バケットの通信を行なうことになる。しかし、この方法は以下の問題点を持つ。

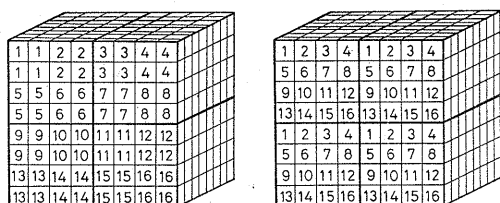
- 最適な分割数(画像によっては最適な分割数は数万に

も及ぶ)だけプロセッサを用意することは困難である。

○ 物体が存在しない部分空間にプロセッサが割付られたり、透明体・鏡面がある部分空間を割当てられたプロセッサに処理が集中するなど負荷が偏る。

前者については、一つのIPに複数のセルを割付ることによって解決する。最も単純な割付法は、図2(a)のように隣接するセルを一定区間ごとに区切ってIPに割付する方法である。このような割付法をブロック型と呼ぶ。

これに対して、図2(b)のようにオブジェクト空間中の"飛び飛び"の場所に位置するセルを1つのIPに割当てることで、オブジェクト空間内の特定の領域に偏って存在する負荷をできる限り多くのIPへ分散させる方法が考えられる。この場合、空間の連続性をプロセッサ上で保つためには、システムの各次元方向に沿ってプロセッサをリング又はトラス状にサイクリックに結合する必要がある。このような割付法を負荷分散型と呼ぶ。



(a) ブロック型 (b) 負荷分散型

図2 部分空間割付法

### 3.3 前処理の並列処理

空間分割法による光線追跡法では分割された各セルにどの物体が存在するかを求め、そのリストを生成するといった前処理が必要である。この処理は光線追跡に比べ処理量は少ない。しかしながら、1台のプロセッサだけにこの処理を任せるとは荷が重いため、この処理をIPに行なわせる。1個の物体に対する処理は1台のプロセッサで行なう方が効率のよい処理ができるため、ある物体の処理を1台のIPだけに割当てる。また、同一の形状の物体の場合、どの物体の処理の負荷が重いのか予測できないため、各IPが処理する物体数を均等になるよう割当てる。

今回、ある物体を含むセルを見出すのに用いた方法を以下に述べる。まず、座標軸当りの分割数を因数分解し、その因

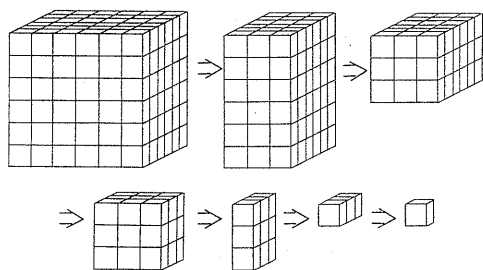
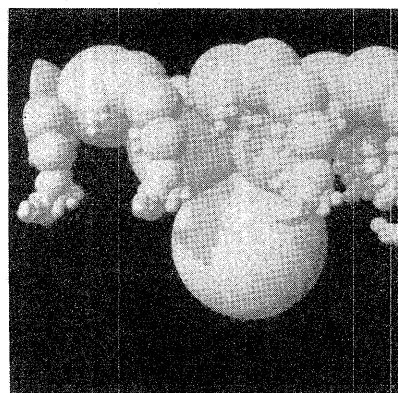


図3 オブジェクト空間の分割過程

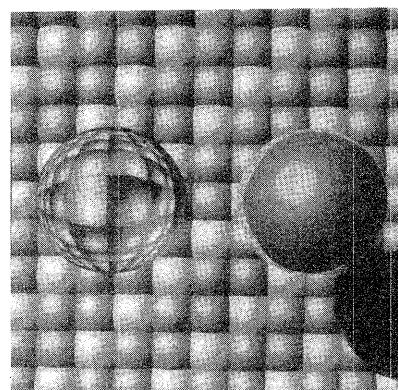
数でオブジェクト空間を分割する。その分割された部分空間に物体が含まれないなら、その部分空間についての処理を終える。この処理をx, y, z軸それぞれに対して行なう。分割された部分空間に物体が含まれるなら、部分空間を次の因数で分割する。以上の処理を分割した部分空間が単一のセルになるまで繰返す(図3)。

### 4. シミュレーションによる性能評価

2つのサンプル画像を用いて、ブロック型と負荷分散型のマッピング方法についてシミュレーションにより評価した。オブジェクト空間の分割数は各次元方向当り24個(セル総数は24<sup>3</sup>個)とした。画像1(図4(a))は再帰的に定義された乱反射体の大小の球369個の画像である。画像2(図4(b))は前面に大きな透明体と反射体の球が1ずつ、後面に121個の乱反射体の小球が平面状に並ぶ画像である。



(a) 画像1



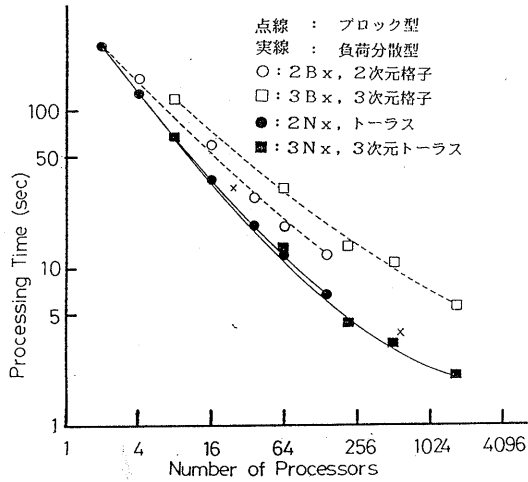
(b) 画像2

図4 サンプル画像

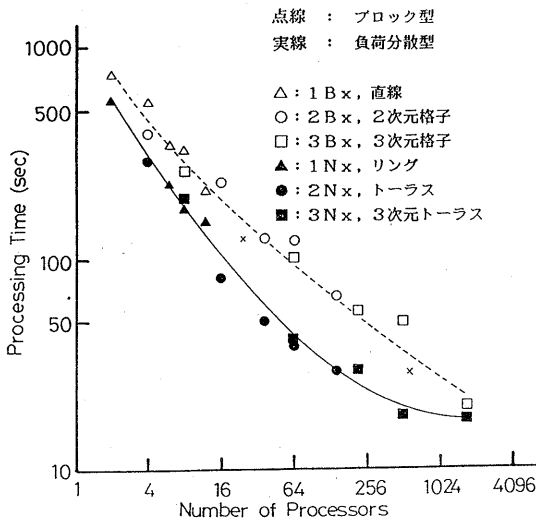
#### 4.1 シミュレーションの仮定

本シミュレータでは、各IPがマイクロプロセッサV30 (クロック8MHz)、および浮動小数点コプロセッサ8087各1個より構成されていることを想定して処理時間を設定した。その主なものを下に示す。この時間は、同様のプロセッサ構成を持つパーソナルコンピュータにおいて、C言語によって各処理を記述し、その実行時間をもとに決定した値である。

交差判定時間	1300 (不成功時)
	1750 (成功時)
次部分空間決定時間	340
輝度計算時間	4600



(a) 画像1



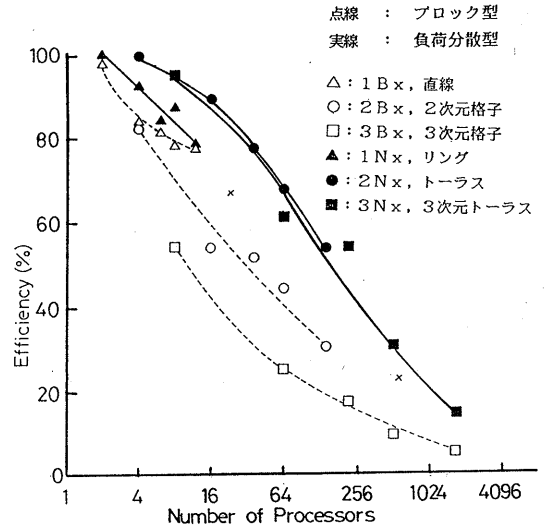
(b) 画像2

図5 プロセッサ数と画像生成時間の関係

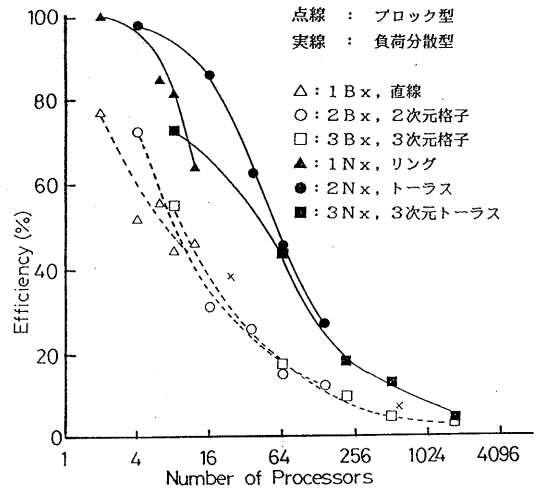
反射ベクトル計算時間	680
透過ベクトル計算時間	1100
パケット解析時間	580
パケット作成時間	1600

単位:  $\mu s$

IP間のパケット通信に要する時間は、8ビットパラレルインターフェースを想定して、1パケット当たり $50\mu s$ とした。



(a) 画像1



(b) 画像2

図6 プロセッサ数とシステム効率の関係

#### 4.2 シミュレーション結果

##### 4.2.1 画像生成時間及びシステムの効率

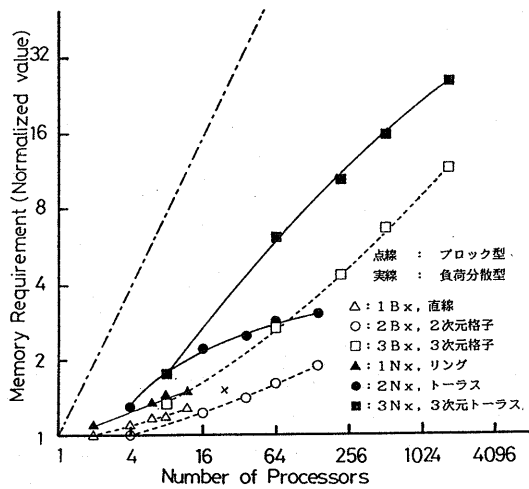
図5にIP数と画像生成時間、図6にIP数とシステムの効率の関係を示す。いずれも画素数は $144 \times 144$ で実験

を行なった。ここで、システムの効率  
 $(\text{理想的な処理時間}) / (\text{実際の処理時間}) \times 100 (\%)$   
 と定義する。

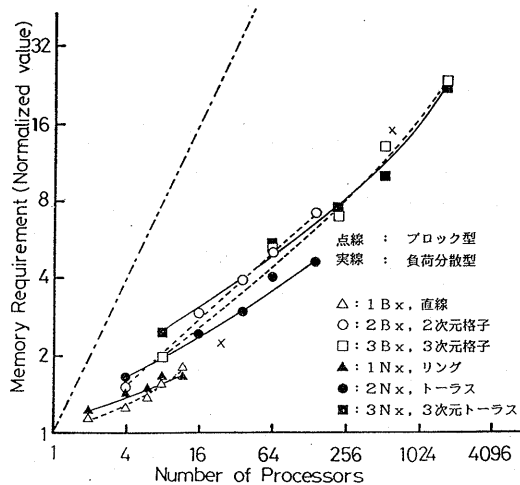
負荷分散型は効率で最大2倍以上ブロック型を上回り、負荷均等化による画像生成の高速化の効果が得られることがわかる。

#### 4.2.2 データメモリ要求量

理想的には、IPの台数nのシステムにおける各IPのデータ格納に必要なメモリ量は $1/n$ になり、総データメモリ量はnに無関係である。しかし、実際は1つの物体のデータが複数のIPに重複して格納されることがあるため $1/n$ より多くなる。この点に関してはブロック型より負荷分散型の方が不利である。図7にIPの台数nとデータメモリ要求



(a) 画像1



(b) 画像2

図7 プロセッサ数とデータメモリ要求量の関係

量の関係を示す。ここでデータメモリ要求量を

$$(\text{IPにおけるデータ格納に必要なメモリ量の最大値}) \times (\text{IPの台数}n)$$

と定義する。グラフからわかるように、ブロック型に比べ負荷分散型のデータメモリ要求量は若干多くなる。しかしながら、ブロック型、負荷分散型のいずれの場合においても、全プロセッサに同じデータを持たせた画素分割型システムでのメモリ量(图中、一点鎖線)に比べ下回っており、空間分割型のメモリ要求量での有効性がわかる。

#### 4.2.3 前処理時間

画像1についてIP数と前処理時間の関係を図8に示す。ここで単位時間は1平面によって分割される半空間に物体が存在するか判定する時間である。IP数が増加すると前処理時間は減少する。1台で9438単位時間要した処理が16台で738単位時間、32台で432単位時間とIP数が増えると台数効果は得られないが、並列処理によって処理時間は短縮されることがわかる。

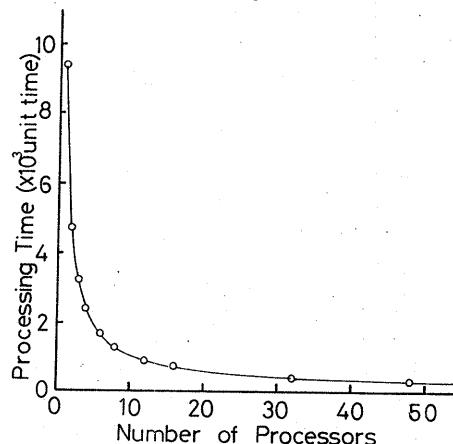


図8 プロセッサ数と前処理時間の関係

### 5. 階層化空間分割型並列処理システム

#### 5.1 システムアーキテクチャ

前章のシミュレーション結果において、部分空間のプロセッサマッピングによる負荷分散型割付法を用いるとIP台数が16以下の場合、効率が85%を越える。一方、データ量はIPが16台の場合、全プロセッサに同じデータを持たせた画素分割型システムに比べ6~7分の1に減っている。しかしながら、さらにプロセッサ数を増やすと著しくシステムの効率を低下させる結果になる。

高い効率を維持したままプロセッサ数を増やす方法として、空間分割型における各IPを複数のプロセッサから成るクラスタとして構成し、クラスタレベルで前章で述べた負荷分散型空間割付を行なう階層化空間分割型システムを考える。クラスタ内のプロセッサが単一バス共有メモリ方式によって結合されるとすると1クラスタは図9のような構成になる。各プロセッサは2ポートメモリを持ち、共通バスを通して他のプロセッサからアクセスできるものとし、バスの制御、仲裁は専用のハードウェアが行なうものとする。通信ユ

ユニットは隣接するクラスタから送られてくるパケットを各プロセッサがもつキューに書き込みむ。また、各プロセッサから送られてくるパケットを隣接するクラスタへ送るといった機能を果たす。

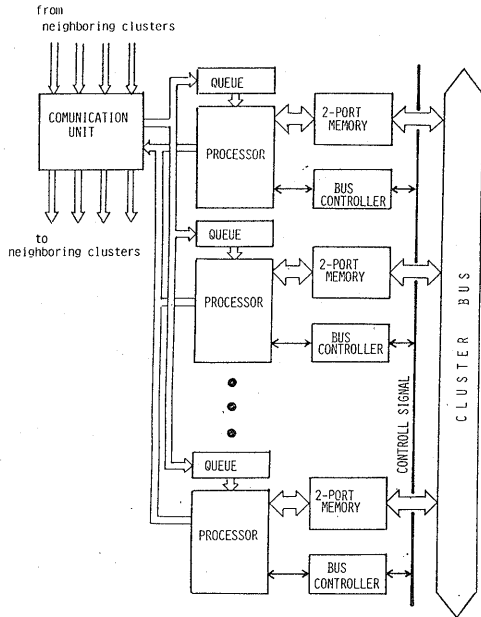


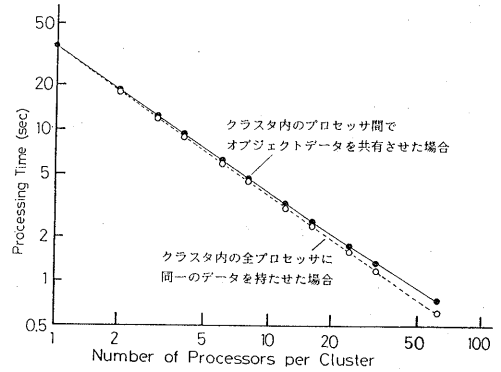
図9 クラスタの内部構成

## 5.2 シミュレーションによる性能評価

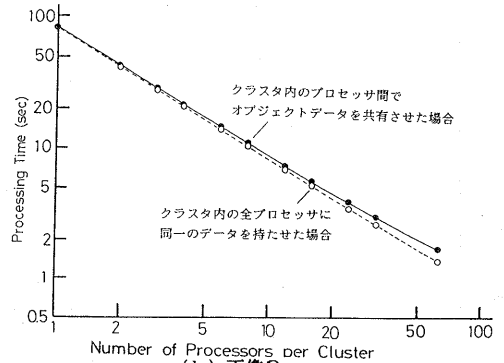
4章の結果から効率、データメモリ要求量の点から最も有効であると考えられるシステム（16個のクラスタをトラス状に結合させたもの）について、クラスタ内のプロセッサ数を変化させシミュレーションを行なった。また、条件として以下の2つの場合を考えた。1つは、オブジェクトデータを各プロセッサが持つ2ポートメモリに分散配置させた場合である。もう1つはデータメモリが十分に大きく、クラスタを構成するプロセッサすべてに同じデータを持たせることができ、バスを通してのメモリアクセスが行なわれない場合である。このシステムにおいて、各クラスタ内の $m$ 個のプロセッサすべてに同一のデータを持たせた場合、総データメモリ要求量は $m$ に比例して増えるが、システム内の全プロセッサに同一のデータを持たせた画素分割型に比べ、6~7分の1になるという関係は保持される。

### 5.2.1 画像生成時間及びシステム効率

図10にIPクラスタ当りのプロセッサ数と画像生成時間の関係、図11に1個のクラスタ当りのプロセッサ数と効率の関係を示す。クラスタを構成するプロセッサすべてに同じデータを与えたシステムでは、1クラスタ64プロセッサで画像1を0.82秒、画像2を1.34秒（共に $144 \times 144$ 画素）で生成できる。効率も80%以上を得ており、クラスタ当りのプロセッサ数に比例した台数効果が得られることがわかる。それに対してオブジェクトデータを共有させた場合は、1クラスタ64プロセッサで画像1を生成するために0.75秒、画



(a) 画像1



(b) 画像2

図10 クラスタ当りのプロセッサ数と画像生成時間の関係

像2を生成するために1.67秒かかる。1クラスタ12プロセッサ以下までのシステムでは80%以上の効率が保たれることから、単一バス結合によるデータ共有でも1クラスタ12プロセッサまでならクラスタ当りのプロセッサ数に比例した台数効果が得られる。

### 5.2.2 データメモリ要求量

図12にクラスタ当りのプロセッサ数とデータメモリ要求量の関係を示す。ここで、各プロセッサ間に共有させているデータはオブジェクトデータだけであり、セルにどの物体が含まれるかといった情報はクラスタ内のすべてのプロセッサが持っているものとしたため、1クラスタ12プロセッサの場合で2倍強の差しか現れていない。しかしながら、テクスチャマッピング（サンプル画像では行っていない）を行なう画像については共有するデータが増えるため、さらに両者の差が広がるものと考えられる。

## 6. まとめ

本稿ではオブジェクト空間分割型並列処理システムの概略とIPへのオブジェクト空間分割法、システムの階層化について述べ、シミュレーションによる性能評価を行なった。負荷分散型の空間分割を行なうことで、静的な負荷分散が可能であり、IPが16台の場合、全プロセッサに同じデータを持たせた画素分割型に比べデータ量が6~7分の1になり要求されるデータメモリ量の点で有利になることがわかった。

しかしながら、部分空間の割付による負荷分散では、それ以上IP数を増大させると負荷分散の効果は減少する。そこで高効率な並列処理システムを構築するために、システムの階層化を検討した。各IPを複数のプロセッサで構成しクラスタ化を行なった場合、クラスタ内の全プロセッサに同じデータを持たせることによってクラスタ当りのプロセッサ数に比例した台数効果が得られることがわかった。また、クラスタ内の各プロセッサを単一バスで結合させ、オブジェクトデータを共有させた場合でも、1クラスタ12プロセッサにおいて効率80%以上を維持できる。この場合、クラスタ内の全プロセッサに同じデータを持たせたものに比べ、データ量が2分の1以下になり、システム内の全プロセッサに同一のデータを持たせた画素分割型システムと比較すると12分の1以下になりデータメモリ量の面で有利であることが示された。

今後の課題として、より大規模なシステムの負荷分散及び動画生成時における負荷分散などが残されている。

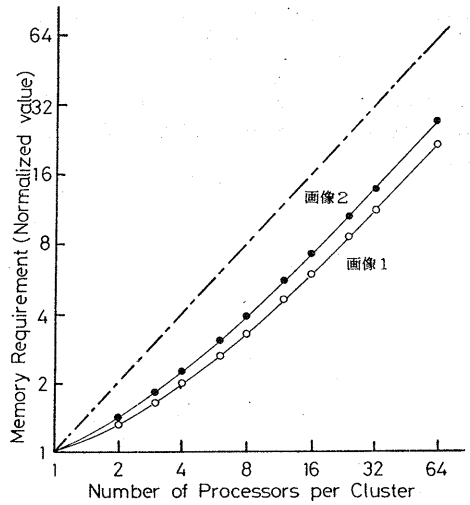
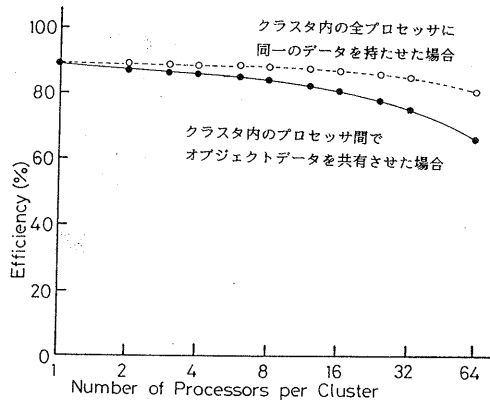
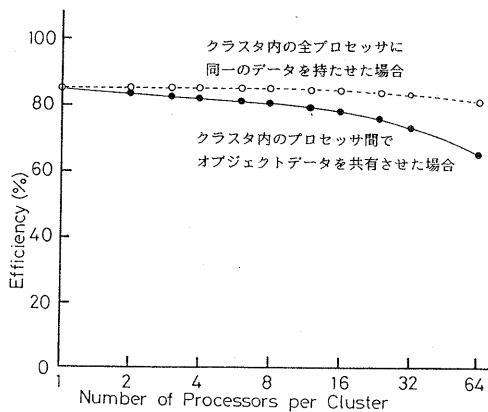


図12 クラスタ当りのプロセッサ数とデータメモリ要求量の関係



(a) 画像1



(b) 画像2

図11 クラスタ当りのプロセッサ数とシステム効率の関係

[参考文献]

- [1] T.Whitted, "An Improved Illumination Model for Shaded Display", Comm.ACM, Vol.23, No.6, June 1980, pp. 343-349
- [2] 西村 他, "コンピュータグラフィックスシステムLINKS-1における並列処理の性能評価", 電子通信学会論文誌, Vol.J68-D, No.4, April 1985, pp.733-740
- [3] H.Sato et al: "Fast Image Generation of Constructive Solid Geometry Using A Cellular Array Processor", SIGGRAPH'85 Conference Proceedings, July 1985, pp. 95-102
- [4] 吉田 他, "グラフィックス計算機SIGHTの基本構成", 情報処理学会研究報告, Vol.85-CA-60, No.60-5, Dec. 1985
- [5] H.Kobayashi, T.Nakamura, and Y.Shigei, "Parallel Processing of an Object Space for Image Syntheses Using Ray Tracing", The Visual Computer, vol3, No.1, 1987, pp.13-22
- [6] M.Dippe, and J.Swensen, "An Adaptive Subdivision Algorithm and Parallel Architecture for Realistic Image Synthesis", SIGGRAPH'84 Conference Proceedings, July 1984, pp.149-158

[7] A.S.Glassner , "Space Subdivision for Fast Ray tracing ", IEEE CG&A, Vol.4, No.10, Oct. 1984, pp.15-22

[8] A.Fujimoto, T.Tanaka, and K.Iwata , "ARTS: Accelerated Ray-Tracing System", IEEE CG&A, April 1986, pp. 16-26