# 中規模コモディティクラスタ向け相互結合網 Three Quads の提案

晋† 忍† 創 知 Ξ  $\blacksquare$ 吉 村 彦†† 郎† 治 中 島 康 森 眞  $\blacksquare$ 眞

現在我々の研究室では,人間の視覚・触覚を通した実時間インタラクションを考慮にいれた超高速体感型シミュレーションシステム Scube の開発を行っている.Scube のノード間ネットワークは,実時間数値シミュレーションとシミュレーション結果の可視化処理の両方で共有する形態をとる.Scube を構築するにあたり,比較的小規模なギガビットイーサーネット・スイッチの組合せで,高いコストパフォーマンスを実現する中規模コモディティクラスタ向け相互結合網 Three Quads を提案した.Three Quads は,ベース-m 3-キューブの拡張と考えると理解しやすい.ベース-m 3-キューブが 3次元方向の同一座標軸上にのみリンクをもつのに対し,Three Quads は 3 つの同一平面上の全ノードと結合している.多様な網の埋め込みが可能であり,ランダムな通信要求が発生した場合など,柔軟なネットワークリソースの提供が可能である.3次元の隣接間通信と共に,数値計算で多用される行列の転置処理のための全対全通信,並列画像合成処理における 3次元 Reduction 型の通信等に対して優れた特性をもつ相互結合網である.

# Three Quads: A Versatile Interconnection Network for Medium Scale Commodity Cluster

Tomoyuki Yoshimura,† Shinobu Miwa,† Hajime Shimada,† Yasuhiko Nakashima,†† Shin-ichiro Mori† and Shinji Tomita†

In this paper, we have propose an interconnection network for Medium Scale Commodity Cluster. This network has originally designed the Visualization Subsystem for the Sensable Simulation System(Scube) which the authors have been developing. Scube is a 64-nodes PC-based cluster system in which a commodity GPU as the visualization accelerator is configured with each node. There is no dedicated special purpose network for the numerical simulation and visualization, however, the high cost-performance inter-connection network is originally designed for Scube. All the hardware components for this network is essentially the small-scale and commodity hardware designed for Giga-bit Ethernet. The network configuration and its characteristics are discussed in this paper.

#### 1. はじめに

近年,汎用PCの性能向上はめざましいものがあり,かつてはスーパーコンピュータを必要としたような演算も安価なPCによる高速処理が可能になってきている.従来のスーパコンピュータは,演算処理に関しては非常に高速で実行可能であるが,シミュレーション結果のインタラクティブな可視化には適していない.シミュレーション結果を,人間に理解しやすいよう画像にして提示する可視化技術は,数値シミュレーション結果の意味を理解し,また次のシミュレーションを方向づけるための一助となる役割を持つという点で,非常に重要である1)~4).

† 京都大学 Kyoto University 我々は人間の視覚・触覚を通した実時間インタラクションを考慮にいれた,超高速体感型シミュレーションシステムの研究を行っており $^{5)}$ ,そのプロトタイプとして Sensable Simulation System(以下 Scube) と呼ぶ中規模 PC クラス $^{6)}$  を開発している.

我々と同様に,数値シミュレーションと実時間可視化の同時処理を目指したシステムとして,緒方らはVGCluster<sup>1)</sup>を提案している.VGCluster では可視化処理を高速化する画像合成処理専用のハードウェアを設けることで,画像合成処理のための通信が数値シミュレーションのための通信を妨げない手法を提案している.これに対して Scube の提案は,システム全体をコモディティ部品のみで構成し,複数系統設けたネットワークの冗長性を利用した通信のスケジューリングにより,シミュレーションと可視化処理の同時実行を目指すとともに,シミュレーション自体で必要となる通信の高速化も目指している.

この目的を達成するため,比較的小規模なギガビッ

<sup>††</sup> 京都大学 / 科学技術振興事業団さきがけ研究 21 Kyoto University / PRESTO, JST

トイーサーネット・スイッチ (以下 GbE SW) の組合せで構成する,中規模コモディティクラスタ向け相互結合網 Three Quads を開発した $^{6)}$ . 本稿では,相互結合網 Three Quads の説明と定性的な評価を行う.

## 2. Scube の概要

Scube は、64 ノード構成の PC クラスタで、各ノードに可視化処理のための GPU を搭載する.計算負荷の高いシミュレーションと多次元データの可視化までを PC クラスタベースの計算サーバで行い、オペレータの操作や結果の呈示を行うユーザインタフェース端末としてのクライアントを用いたクライアントサーバモデルである.Scube のノード間ネットワークは、実時間数値シミュレーションとシミュレーション結果の可視化処理の両方で共有する形態をとる.Scube を構成するクラスタノードおよびネットワークの仕様を表1に示す.

表 1 Scube の仕様

CPU	Pentium4 3.4GHz		
OS	Linux 2.6.9		
Memory	1.0GB		
Motherboard	ASUSTeK P5AD2-E Premium		
Gfx Card	GeForce6800GT PCI-Express		
Gfx Memory	256MB		
Network	Gigabit Ethernet×3		

Scube の各ノードは,論理的には図1に示すように, 3次元に配置されているものと考え,各ノードの3次 元座標 (x, y, z) に対応した 3 次元のノード番号を付 与する. 各座標系のネットワーク構成を図  $2\sim4$  に示 す.3次元ノード番号においてxの値が一定のノード 群 (x,\*,\*) に対して図 2 のように , 4 つの GbE SW を 用いて独立した 4 組のネットワークを構成する .y,zの値が一定のノード群についてもxと同様に,それ ぞれ図3,4のようにネットワークを構成する.基本的 には、それぞれの座標系に対して4つのノード群が 存在し, 各群ごとに 16 ポートの GbE SW を割当て, ノード数は常に 16 台である. なお, Z 座標系のネッ トワークでは,システム全体の管理を目的として,独 立した4つの Z座標系ネットワーク間を接続する上 位の GbE SW を設け, Host 計算機やファイルサーバ と全ノード間での通信路を確保している.しかし,以 下の説明では,議論の混乱を避けるため,これらはな いものとして考える.

# 3. 相互結合網 Three Quads

Three Quads は,数値シミュレーションと実時間可視化の同時並列実行を可能にすることを目的として設計した相互結合網であり,3次元空間をプロセッサ空間に直接写像する数値シミュレーションにおける3次元隣接間通信<sup>7),8)</sup>,3次元画像合成処理における3次元Reduction型の通信<sup>1)</sup>を1つのネットワーク上

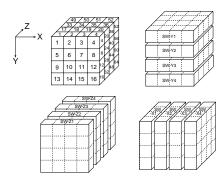


図 1 ノード配置および各スイッチへのノード割当て

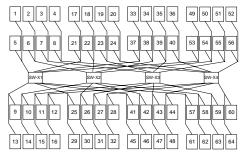


図2 X座標系のネットワーク構成

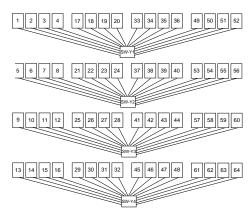


図3 Y座標系のネットワーク構成

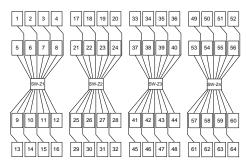


図 4 Z 座標系のネットワーク構成

で効率よく実現することを目的とした相互結合網である。またその実装に際しては中規模コモディティクラスタにターゲットを絞り、比較的小規模なギガビットスイッチのみを用いて構成するとともに、複数系統設けたネットワークの冗長性を利用した通信のスケジューリングにより、シミュレーションと可視化処理の同時実行を目指している。

以下では,Three Quads の性質を説明した後,各種相互結合網の埋め込みについて述べる.

#### 3.1 トポロジ

以下簡単のため、Three Quads の各次元に対して 各々 $2^n$  台のノードが配置されているものとする.任 意のノード番号を  $N_i$  とし,この時,ノード番号は 2 進 3n 桁表記でそれぞれ  $(a_{3n},a_{3n-1},\cdots,a_2,a_1)$ , $2^n$  進 3 桁表記でそれぞれ  $(A_3,A_2,A_1)$  と表記できるものとする.

Three Quads は,X 系統,Y 系統,Z 系統の 3 系等のネットワーク群で構成する.ノード数が X,Y,Z 方向それぞれ l,m,n 台のノードで構成されるシステムでは,X 系統のスイッチ群は  $m\times n$  ポートのスイッチ l 台,Y 系統のスイッチ群は  $l\times n$  ポートのスイッチ m 台,Z 系統のスイッチ群は  $l\times m$  ポートのスイッチ m 台で構成し,各系統のスイッチは  $l\times m$  ポートのスイッチ l 分で構成し,各系統のスイッチは  $l\times m$  ポートのスイッチ l 分で構成し,各系統のスイッチは l 次元座標系における当該系統の座標値に対応する.例えば,Z 系統の l 番目のスイッチは l l 平面に対応しており,同一平面上のノードは l ホップで直接通信が可能となる.

各ノードが持つ 3 本のリンクは , X 系統 , Y 系統 , Z 系統のネットワークに 1 本づつ接続する . この際 , ノード番号が  $(A_3,A_2,A_1)$  の場合 , X 系統の  $A_1$  番目のスイッチ , Y 系統の  $A_2$  番目のスイッチ , Z 系統の  $A_3$  番目のスイッチに接続する .

このように Three は,ネットワーク全体において, 3 系統(X,Y,Z 座標系統)のネットワークが存在するということを表している.ベース-m n-キュープ $^{9}$ )は,その定義に従うと各次元のスイッチのサイズを一定に定めているが, $PACS-CS^{7}$ )等において採用されているハイパークロスバにはこの制限がない $^{10}$ ). Three Quads も同様,3 系統のネットワークの各スイッチのポート数を等しく設定する必要はない.

一方, Quads は, 各スイッチに結合しているノード群が, X-Y,Y-Z,Z-X 平面を構成しているということを表す.

今,各次元方向のノード数がmであるとすると,ベース-m3-キューブは1次元方向(直線上)のm台のノードがスイッチにより結合しているのに対し,Three Quads は2次元方向(平面上)の $m^2$ 台のノードがスイッチにより結合している.この時,Three Quads はベース-m3-キューブの拡張と考えると非常に理解しやすく,ベース- $m^2$ 3-キューブと呼ぶことができる.

# 3.2 ノード間通信

任意の 2 ノード A, B 間の 1 対 1 通信が最大 2 ホップで実現可能であることを示す.簡単のため、Three Quads の各次元に対して各々 $2^n$ 

台のノードが配置されているものとする.この時,ノード A および B のノード番号は 2 進 3n 桁表記でそれぞれ  $(a_{3n},a_{3n-1},\cdots,a_2,a_1)$  および  $(b_{3n},b_{3n-1},\cdots,b_4,b_3,b_2,b_1)$ , $2^n$  進 3 桁表記でそれぞれ  $(A_3,A_2,A_1)$  および  $(B_3,B_2,B_1)$  と表記できるものとする.

Three Quads では,上記  $2^n$  進 3 桁表記において最大 2 桁までが異なるノード間の直接通信が可能である.今, $2^n$  進 3 桁表記においてノード A と 1 桁が等しく,それ以外の桁がノード B と一致するノード C  $(C_3,C_2,C_1)$  を仮定する.この時,Three Quads 上では,ノード A は 1 ホップでノード A と通信が可能であると同時に,ノード A は 1 ホップで通信が可能である.したがって,ノード A を経由することで,ノード A とノード A の通信が可能であり,任意の A 2 ノード間が A なかっぱに可能であることが示せる.

この仮定ではノード C の選び方, すなわち, ルーティング経路が 3 通り存在することが分かる. さらに, より細かく 2 進 3n 桁表記で考えると, 一致させるビット数の選択, また, 一致させるビット位置の選び方にも複数の自由度があり , 2 ホップという制約を課しても非常に多くのルーティング経路を設定することができる.

#### 3.3 耐故障性 (fault-tolerance)

3.4 スケーラビリティ

任意の 2 ノード間通信は , 特定の 2 系統のスイッチのみを用いて実現が可能であり , ある特定の 1 系統のスイッチが故障した場合でも直径 2 を維持できる . 冗 「 " " フ / リンク ) が多数存在するため , ある隣接 ノードのリンクが切断された場合であっても , 最大 , 最小 1 ホップで通信が可能となる . 例えば ,

 $^{1}$  と  $N_{64}$  が通信を行う場合ルーティングにおいて,Z 系統のネットワークを用い,SWZ1 内でノード  $N_4$  を中継し,X 系統のネットワークの SWX4 内で  $N_4$  と  $N_{64}$  が通信を行うと設定されていたとする.この場合, $N_1$  と  $N_{64}$  は 2 ホップで通信を行うことになる.ここで, $N_1$  の Z リンクが故障した場合,Y リンクを用い,SWY1 内で  $N_4$  を中継し,X 系統のネットワークの SWX4 内で  $N_4$  と  $N_{64}$  が通信を行うことで,2 ホップで  $N_1$  と  $N_{64}$  が通信が完了する(図 5).

m ポートのスイッチを使用してシステムを構築する場合,ベース-m n-キューブでは  $m^3$  のノード構成が可能であるのに対して, Three-Quads では,1 つのスイッチで平面状のノードを収容する必要があるため,

最大ノード数は  $m^{3/2}$  となる.これが中規模クラスタ向けと呼んでいる所以である.なお,m=64 とすれば,512 ノードのクラスタまでは構築可能である.

例えば n=2 の場合,ノード C として  $(a_6,a_5,a_4,b_3,b_2,b_1)$  や  $(a_6,a_5,a_4,a_3,b_2,b_1)$ ,さらには  $(a_6,a_5,c_4,c_3,b_2,b_1)$ 等も選択可能である.

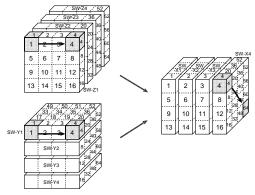


図  $\mathbf{5}$  ノード  $N_1$  と  $N_{64}$  間の代替経路の例

#### 3.5 埋め込み性 (Embedability)

多数の他の網の埋め込みが可能である必要がある<sup>11)</sup>. 64 台のノードが構成する Three Quads への主なネットワークの埋め込み能力について,トポロジーの観点から述べる.

#### ● 1/2/3 次元トーラス網

3次元トーラスの埋め込みはほぼ自明であるため,2次元トーラスの埋め込みについて説明する.Z系統のネットワークを図 6 のように 2 次元に平面展開し,2 次元トーラスを考える.このとき,SWZ1 と SWZ2 ならびに SWZ3 と SWZ4 を接続する横方向のリンクは,Y 系統のネットワークを用いることによって接続可能である.一方,SWZ1 と SWZ3 ならびに SWZ2 と SWZ4 を接続する縦方向のリンクは,X 系統のネットワークを用いることによって接続可能である.これにより 2 次元トーラスの埋め込みが完了する.

1 次元トーラス (リング) に関しても,Z 系統のネットワークを 1 次元展開することで同様に考えることが可能である.

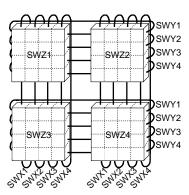


図 6 2 次元トーラスの埋め込み

# ● 単純トリー網

Z 系統のネットワークで , 16 ノードが直接結合している各 SW において段数が 4 段のトリーが成立

する.各スイッチ内におけるトリー網の親ノードのノードを仮に  $N_{16},N_{32},N_{48},N_{64}$  とする.これら親ノードは X 系統または Y 系統のネットワーク内の 1 つのスイッチにより結合しており,このスイッチにおいて 2 段のトリーが成立する.先の16 ノードによる 4 段のトリーと親ノードによる 2 段のトリーによって,最終的に 6 段の単純トリーが完成する.

#### • Fat Tree

Scube への Fat Tree の埋め込みを示す . Fat Tree の要素 (上向きリンク数, 下向きリンク数 , 階層数) を (2,4,3) とし , 多重化されたツリー網を考える (図 7) . 任意のノード  $(a_6,a_5,a_4,a_3,a_2,a_1)$  は , まず Z 系統のネットワークにおいて 4 ノード  $(a_6,a_5,a_4,a_3,*,*)$  と結合し , 4 分木が成立する . 次に X 系統のネットワークにおいて 16 ノード  $(a_6,a_5,*,*,*,*,*)$  と結合し , 16 分木が成立する . 最後に Y 系統のネットワークにおいて 64 ノード と結合し , 64 ノードの Fat Tree が完成する . 但 し , 各階層における Scube の物理的なリンク数は 1 なので , Fat Tree(図 7) のような 2 本の上向きリンクを同時に使用した通信をエミュレートすることはできない

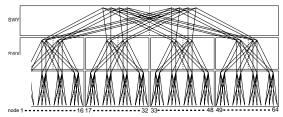


図7 ファットトリーの埋め込み

# ハイパーキューブ網 (2 進 6-キューブ)

任意の隣接ノード (ハミング距離が 1 となるノード) 間が結合していることを示せばよい . 任意のノード ( $a_6,a_5,a_4,a_3,a_2,a_1$ ) は 2 系統のネットワークにおいて,ノード ( $a_6,a_5,a_4,a_3,a_2,\bar{a_1}$ ),( $a_6,a_5,a_4,a_3,\bar{a_2},a_1$ ) と結合している . Y 系統のネットワークにおいて,ノード ( $a_6,a_5,a_4,\bar{a_3},a_2,a_1$ ),( $a_6,a_5,\bar{a_4},a_3,a_2,a_1$ ) と結合している . X 系統のネットワークにおいて,ノード ( $a_6,\bar{a_5},a_4,a_3,a_2,a_1$ ),( $\bar{a_6},a_5,a_4,a_3,a_2,a_1$ ) と結合している . よって X,Y,Z3 系統のネットワークを用いることで,2 進 6-キューブの埋め込みが可能である . 但し,Fat Tree と同様,Scube では物理的なリンク数は 3 なので,2 進 6-キューブの 6 本のリンクを同時に使用した通信をエミュレートすることはできない

1 本の物理リンクを時分割で 2 本のリンクとしてシミュレート することで同時通信をシミュレートすることは可能である . Fat Tree と同様 , 1 本の物理リンクを時分割で 2 本のリンク としてシミュレートすることで同時通信をシミュレートするこ

ベース-m n-キューブ (ベース-4 3-キューブ)
ベース-4 3-キューブの埋め込みは Three Quads において各スイッチを独立した 4 個のスイッチとみなすことで,埋め込みが可能である(図8参照).

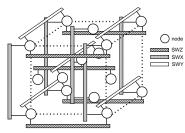


図8 ベース-m 3-キューブ網

#### 3.6 性能比

ハイパーキューブ網,ベース-43-キューブ,ハイパークロス網,ベース-43-キューブについての主な性能について比較した.ノード数が64台の場合の性能比較を表2に示す.隣接ノード数は3次元シミュレーション空間上の隣接ノード数を表す.また,スイッチ数は物理的なクロスバースイッチの数であり,ベース-43-キューブ,ベース-43-キューブ,ベース-43-キューブのスイッチ数において $(n \times n)$ はnポートのクロスバスイッチを表す.

ベース- $4^2$  3-キューブは他網と比較すると,スイッチ数は多くなるが,平均ホップ数が少なく,隣接ノード間も含めた任意のノード間の通信経路が多く存在するため,対故障性に優れている.特に隣接ノード数が多く存在し,3 次元シミュレーションモデルにおいて非常に優位性を有する.1 ホップ通信が可能なノード数は,ベース-m 3-キューブの場合は 9 台 (内,隣接ノード数は 6台) であるのに対し,Three Quads の場合は 36台 (内,隣接ノード数は 18台) である.そのため,Three Quads は,ベース-m 3-キューブと比較するとランダムな通信要求が発生した場合など,柔軟なネットワークリソースの提供が可能である.

ハイパークロス網 $^{12}$ )は Three Quads と同様,直径が  $^2$  であり,数値シミュレーションにおける行列転置の重要性に注目して,転置を効率良く実現するネットワークとして提案されたネットワークであるが,次章で示すように,Three Quads は高い行列転置能力を有している.

## 4. Three Quads を用いた転置行列演算

科学技術計算において多用される転置行列演算 $\it m^{13}$  $^{\sim 15}$ , Three Quads を用いることで,効率良く実現できることを示す.

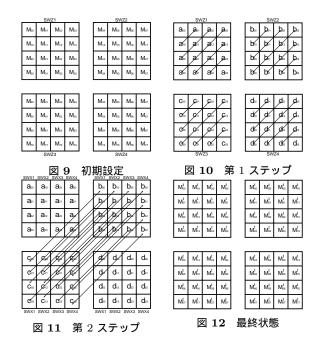
いま,各ノードに  $N \times N$  の配列を割り当て,システム全体 (64 ノード) で  $8N \times 8N$  の行列  $\mathbf M$  を転置する場合を考える.この時, $\operatorname{Scube}$  のノードを図 9 の

ような 2 次元平面展開した時の i 行 j 列のノードがもつ  $N \times N$  の配列を  $\mathbf{M}_{ij}$  と表すこととする .

第 1 ステップでは,M をサイズ 4N × 4N の 4 つの部分行列 A,B,C,D を用いて, $M = \binom{AB}{CD}$  によって表した時の  $A^t$ , $B^t$ , $C^t$ , $D^t$  を求める.なお,A,B,C,D の各要素を  $a_{ij}$ , $b_{ij}$ , $c_{ij}$ , $d_{ij}$ ( $0 \le i$ ,  $j \le 3$ ) と表現するものとする.このステップでは各部分行列の転置に必要な通信がそれぞれ,SWZ1,SWZ2,SWZ3,SWZ4 内に閉じた 1 対 1 通信であるため,ネットワーク上でのリソース競合が発生せず,全ノードが並列に同時処理することが可能である.なお,通信に先立ち,各ノード内では  $M'_{ij}$  を求めておくものとする .これにより, $M' = \binom{A^tB^t}{C^tD^t}$  が得られる.

第 2 ステップでは, $\mathbf{M}'$  における  $\mathbf{C}^t$ , $\mathbf{B}^t$  を入れ換えることで, $\mathbf{M} = \begin{pmatrix} \mathbf{A}^t \mathbf{C}^t \\ \mathbf{B}^t \mathbf{D}^t \end{pmatrix}$  を求める. $\mathbf{M}'$  と  $\mathbf{M}^t$  の関係をみると  $\mathbf{A}^t$ , $\mathbf{D}^t$  は既に転置は完了しており,通信を行う必要はない.いま, $c_{ij}^t$ , $b_{ij}^t$  が置かれているノードの位置関係を考えると,これらは  $\mathbf{X}$  系統あるいは  $\mathbf{Y}$  系統のスイッチにおいて直接通信可能な位置にあり,すべての i,j に対して同時に通信を行っても,一切のネットワークの競合は発生しない.よって,このステップも全ノードが並列に同時実行可能である.これにより,2 ステップで行列の転置が可能であることを示せる.

さらに第1ステップと第2ステップで使用するネットワークが全く独立であることに注目すると,通信のタイリングなどの技術を用いることで,これらの2つのステップが融合可能であり,実質的には1ステップで転置が可能であることが分かる.



とは可能である.

これは最後のステップに行ってもよい.

表 2 各種ネットワークの性能比較 (ノード数 64 台の場合)

	Hypercube	base-4 3-cube	Hypercross	base-4 <sup>2</sup> 3-cube
次数	6	3	2	3
直径	6	3	2	2
隣接ノード数	6	6	-	18
平均ホップ数	3	2.25	1.75	1.41
スイッチ数	0	$(4\times4)\times64$	8×8×8	$(16 \times 16) \times 12$

#### 5. ま と め

本稿では, コモデティ技術を用いた中規模 PC クラスタ向けの相互結合網 Three Quads の提案を行った.

Three Quads は耐故障性,多様な網の埋め込み能力に優れていることを示した.科学技術計算に広く使用されている行列の転置演算処理の全対全通信において,ネットワークの競合が生じることなく,高速に実現が可能である.

今回は,ネットワークの定性評価についてのみの報告となったが,今後は定量評価を行っていく.また,現在,並列画像合成アルゴリズムを開発しており,Three Quads への実装評価を行う予定である.

# 参考文献

- 1) Ogata, M., Kajihara, K., Kukukawa, T. and Terada, T.: An Evaluation of Communications Cost for Simultaneous Processing with Simulation and Visualization using an Image-Composition Device, ハイパフォーマンスコン ピューティングと計算科学シンポジウム (HPCS), pp.63-70 (2006).
- 助村俊一ほか:バーチャルマイクロスコープ の制御手法の開発,情報処理学会研究報告 99-HPC-66(HOKKE'97), Vol.97, No.37, pp.25-30 (1997).
- 3) S., D. et al.: RVSLIB:A Library for Concurrent Network Visualization of Large Scale Unsteady Network Visualization of Large Scale Unsteady Simulation, SPEEDUP journal 11, pp.55–65 (1997).
- 4) Groner, J., M.Lee, Martin, J., Moorhed, R. and Newman, J.: A Concurrent Visualization System for High-Performance Computational Simulations, *IEEE Visualization Poster Abstracts*, pp.139–140 (2005).
- 5) 富田眞治:超高速体感型シミュレーションシステムの研究,科学研究費補助金平成16年度基盤研究(S)新規採択課題の概要について ,日本学術振興会,pp.10-12(2004).
- 6) 吉村知晋, 吉良祐司, 森眞一郎, 中島康彦, 富田 眞治: 汎用 GPU を用いた大規模可視化クラスタ の構築, 第33 回可視化情報シンポジウム講演論

文集, Vol.25-Suppl, No.1, pp.277-280 (2005).

- 7) 朴 泰祐, 佐藤三久, 宇川 彰: 計算科学のための超並列クラスタ PACS-CS の概要, 情報処理学会研究報告, Vol.2005-HPC-103, pp.133-138 (2005-08).
- 8) 住元真司, 久門耕一, 朴 泰祐, 佐藤三久, 宇川 彰: PACS-CS のための Ethernet を用いた 高性能通信機構の設計, 情報処理学会研究報告, Vol.2005-HPC-103, pp.139-144 (2005-08).
- 9) 鈴岡 節,田邊 昇,中村定雄,藤田純一,小柳 滋:並列 AI マシン Prodigy の相互結合網の評価,信学論, Vol.J71-D, No.8, pp.1496-1501 (1988).
- 10) 天野英晴:並列コンピュータ,昭晃堂 (1996).
- 11) 富田眞治:並列コンピュータ工学,昭晃堂(1996).
- 12) Kadota, H. et al.: Parallel Computer ADEN-ART-Its Architecture and Application-, Vol. ICS-91, pp.1–8 (1991).
- 13) 小国 力,村田健郎,三吉俊郎,J.J.ドンガラ, 長谷川秀彦:行列計算ソフトウェア,丸善(1991).
- Agarwal, R.C., Gustavson, F.G. and Zubair, M.: A High Performance Parallel Algorithm for 1-D FFT, Proc. Supercomputing '94, pp.34–40 (1994).
- 15) 高橋大介, 朴 泰祐, 佐藤三久: PC クラスタ における並列一次元 FFT のブロックアルゴリズム, 情報処理学会論文誌, Vol.43, No.SIG 6, pp. 134–142 (2002).

#### 謝 辞

日頃より御討論いただく京都大学大学院情報学研究 科富田研究室の諸氏に感謝致します.また,Scubeの 実装においてご協力頂いた,住商情報システム(株)の 山本英明氏,宮澤剛氏に感謝致します.なお,本研究 の一部は,日本学術振興会科学研究費補助金基盤研究 S (課題番号 16100001),21 世紀 COE プログラム (課題番号 14213201)による.

http://www.jsps.go.jp/j-grantsinaid/