# 日常生活空間のサーマルカメラによる 継続的な観測に基づく食材表面の温度予測 <sup>松野 拓斗† 角所 考‡</sup>

# 1. はじめに

コンピュータビジョンの分野では、従来から物体や人物 の認識や追跡等、カメラ画像を用いた様々な処理の実現が 試みられてきた[1][2][3]. これらの多くは、各瞬間に得ら れる情報のみを用いて実現される処理であるが, 近年は, 監 視カメラや IoT 機器等の普及によって我々の日常生活空間 の様々な場所へのカメラの設置が進んだ結果、高齢者の非 日常的な行動の検知[4]や子供の危険状況の検出[5]など、 日常生活空間の継続的な観測に基づく処理の実現も試みら れている. また, 利用されるカメラは, カラーカメラに加え, 近年は対象までの距離も得られる RGB-D カメラも利用 され始めているが、その他に、調理状況認識を目的とした研 究[6]等では、サーマルカメラを利用したものも見られる. 上記のような状況を踏まえると、サーマルカメラを用いた 日常生活空間の継続的な観測に基づく処理として、日常生 活空間中に放置された様々な食材の温度を継続的に観測し, その後の温度予測をすることで、品質管理等に利用する可 能性が考えられる.これに関連する従来研究として、食材加 熱後の表面温度から内部の温度を予測する研究[7]等があ るが、上のように日常生活空間中に放置された食材の温度 予測を考える場合、冷凍庫から取り出された直後などは食 材が凍っている状況も考えられ、その場合の温度変化は相 変化によって食材が融けるまでの温度上昇が緩やかになる. そこで本研究では、このような相変化も含めた食材の温度 予測を試みる.

# 2. 食材端部,中心部が受ける熱影響

食材を長さ $L_x$ , 幅 $L_y$ , 厚み $L_z$ の直方体で近似し, それぞれ に沿った方向をx軸, y軸, z軸とする.本稿では, この食材 を図1のようにサーマルカメラで真上から撮影したときの, 食材が外気によって温められていく場合の食材の上面各点 (x, y, 0)の温度変化を考える.

日常生活空間中に放置された食材は外気温の影響を受け るが、これはニュートンの冷却法則によって表現できる.こ のとき,上の食材上面上の点は,いずれも外気と触れている が,特に4つの稜線(x,0,0),(0,y,0),(x,Ly,0),(L<sub>x</sub>,y,0)上 の点は,外気に触れている部分が他の点に比べてより大き いため,外気の影響を最も大きく受ける.これにより,稜線 部分はより内部の点に比べて速く温度が上昇し,内部との 温度差が次第に大きくなる.その結果,稜線から内部への熱 伝導が生じるので,内部の点は外気からの熱の影響に加え て,この熱伝導の影響も受けることになる.この熱伝導の影 響はフーリエの法則で表現できる.さらに,食材が凍ってい る場合には,それが解凍されていく過程で相変化が生じる ため,温度上昇が緩やかになるが,これは熱物性値の変化と して表現できる.

次節では、以上の過程を熱伝導等の物理法則を用いてモ デル化すると共に、サーマルカメラによって観測される食 材表面の温度変化に基づいて熱伝達率や熱物性値等のパラ メータを推定するための手法について述べる.なお、上の過 程において、外気から各稜線を経て中心点( $\frac{L_x}{2}, \frac{L_y}{2}, 0$ )に熱が 伝わる過程はどの稜線に対しても同じなので、以下では (x,0,0)と(0,y,0)から( $\frac{L_x}{2}, \frac{L_y}{2}, 0$ )への伝熱現象に限定して議 論を進める.



熱伝導(↓)



† ‡ 関西学院大学

# 3. 食材の温度変化の物理モデル

# 3.1 食材表面微小区間の熱収支

図 2 に示すように、2 で述べた食材上面上の位置(x,y,0) における時刻tでの食材温度をT(t;x,y,0)としたとき、 (x,y,0)の近傍の長さ $\Delta x$ ,幅 $\Delta y$ ,厚 $\Delta \frac{\Delta z}{2}$ の微小区間R(x,y)に 対して、外気中からx,y,z軸方向に流入する熱量を  $P_x^N(x,y),P_y^N(x,y),P_x^N(x,y)$ ,熱伝導によってx,y軸方向に流 入する熱量を $P_x^F(x,y),P_y^F(x,y)$ ,x,y,z軸方向に流出する熱量 を $Q_x^F(x,y),Q_y^F(x,y),Q_z^F(x,y)$ とする.ただし、 $x = 0, y \neq 0$ お よび $x \neq 0, y = 0$ の位置では、それぞれx,y軸方向からR(x,y) に流入する熱量は外気によるものとなるので、 $P_x^F(0,y) =$  $P_y^F(x,0)=0$ と考える一方、 $x \neq 0, y \neq 0$ の位置では、それら は熱伝導によるものとなるので、 $P_x^N(x,y) = P_y^N(x,y) = 0$ と 考える.図2では、外気と熱伝導によって流入する熱量を それぞれ赤色と橙色で示している.



上のような熱量のうち、 $P_x^N(x,y), P_y^N(x,y), P_z^N(x,y)$ の時間 変化量は、ニュートンの冷却法則により、外気温 $T_\infty$ と T(t;x,y,0)の差に比例し、熱伝達率をh、各面の伝熱面積を  $\Delta y \frac{\Delta z}{2}, \Delta x \frac{\Delta z}{2}, \Delta x \Delta y$ として、次式で表すことができる.

$$\frac{dP_x^N(t;x,y,0)}{dt} = -h\Delta y \frac{\Delta z}{2} \left( T(t;x,y,0) - T_\infty \right)$$
(1)

$$\frac{dP_y^N(t;x,y,0)}{dt} = -h\Delta x \frac{\Delta z}{2} \left(T(t;x,y,0) - T_{\infty}\right)$$
(2)

$$\frac{dP_z^N(t;x,y,0)}{dt} = -h\Delta x \Delta y (T(t;x,y,0) - T_{\infty})$$
(3)

一方、 $P_x^F(x,y)$ , $P_y^F(x,y)$ の時間変化量は、フーリエの法則に より、各軸方向の温度勾配に比例し、食材温度に依存する熱 伝導率をk(T(t;x,y,0))として次式で表すことができる.

$$\frac{dP_x^F(t;x,y,0)}{dt} = -k(T(t;x,y,0))\Delta y \frac{\Delta z}{2} \frac{\partial T(t;x,y,0)}{\partial x} \bigg|_x$$
(4)

$$\frac{dP_y^F(t;x,y,0)}{dt} = -k(T(t;x,y,0))\Delta x \frac{\Delta z}{2} \frac{\partial T(t;x,y,0)}{\partial y}\Big|_y$$
(5)

同様に,  $Q_x^f(x,y), Q_y^f(x,y), Q_z^f(x,y)$ も, フーリエの法則に より, 次式で表すことができる.

$$\frac{dQ_x^F(t;x,y,0)}{dt} = -k \left( T(t;x,y,0) \right) \Delta y \frac{\Delta z}{2} \frac{\partial T(t;x,y,0)}{\partial x} \bigg|_{x+\Delta x}$$
(6)

$$\frac{dQ_{y}^{F}(t;x,y,0)}{dt} = -k \left( T(t;x,y,0) \right) \Delta x \frac{\Delta z}{2} \frac{\partial T(t;x,y,0)}{\partial y} \bigg|_{y+\Delta y} \tag{7}$$

$$\frac{dQ_z^F(t;x,y,0)}{dt} = -k(T(t;x,y,0))\Delta x \Delta y \frac{\partial T(t;x,y,z)}{\partial z} \bigg|_{\frac{\Delta z}{2}}$$
(8)

#### 3.2 食材の温度予測式

 $x \neq 0, y \neq 0$ の位置でのR(x, y)の内部エネルギーの時間変 化量は、 $P_x^F(x, y) \geq Q_x^F(x, y), P_y^F(x, y) \geq Q_y^F(x, y), P_z^N(x, y) \geq Q_z^F(x, y)$ の間での熱収支の時間変化量の総和となり、(3)~ (8)式を用いて次式で表される.

$$C(T(t; x, y, 0))\Delta x\Delta y \frac{\Delta z}{2} \frac{\partial T(t; x, y, 0)}{\partial t}$$
$$= \left(\frac{dP_x^F(t; x, y, 0)}{dt} - \frac{dQ_x^F(t; x, y, 0)}{dt}\right)$$
$$+ \left(\frac{dP_y^F(t; x, y, 0)}{dt} - \frac{dQ_y^F(t; x, y, 0)}{dt}\right)$$

$$+\left(\frac{dP_z^N(t;x,y,0)}{dt} - \frac{dQ_z^F(t;x,y,0)}{dt}\right) (10)$$

ただし, C(T(t; x, y, 0))は食材温度に依存する熱容量である.

一方,  $x = 0, y \neq 0$ および $x \neq 0, y = 0$ の位置でのR(x, y)の 内部エネルギーの時間変化量は、それぞれ $P_x^N(x, y)$ と  $Q_x^F(x, y), P_y^F(x, y) \geq Q_y^F(x, y), P_z^N(x, y) \geq Q_z^F(x, y),$ および、  $P_x^F(x, y) \geq Q_x^F(x, y), P_y^N(x, y) \geq Q_y^F(x, y), P_z^N(x, y) \geq Q_z^F(x, y),$ の間での熱収支の時間変化量の総和となる. しかし  $P_x^N, P_y^N, P_z^N$ に比べて $P_x^F, P_y^F$ の影響は小さいと考えられること から,  $P_x^F \geq Q_x^F, P_y^F \geq Q_y^F$ の間の熱収支は無視する. このとき, (10)式は次式で表されることになる.

$$C(T(t; x, y, 0))\Delta x \Delta y \frac{\Delta z}{2} \frac{\partial T(t; x, y, 0)}{\partial t} = \begin{cases} \left(\frac{dP_x^N(t; x, y, 0)}{dt} - \frac{dQ_x^F(t; x, y, 0)}{dt} - \frac{dQ_x^F(t; x, y, 0)}{dt} - \frac{dQ_x^F(t; x, y, 0)}{dt}\right) + \left(\frac{dP_x^N(t; x, y, 0)}{dt} - \frac{dQ_x^F(t; x, y, 0)}{dt}\right) : x = 0 \\ \left(\frac{dP_y^N(t; x, y, 0)}{dt} - \frac{dQ_y^F(t; x, y, 0)}{dt}\right) + \left(\frac{dP_x^N(t; x, y, 0)}{dt} - \frac{dQ_x^F(t; x, y, 0)}{dt}\right) : y = 0 \end{cases}$$
(11)

## 3.2 食材の熱物性値式

食材が凍っている状態から解凍されていく場合は,温度 上昇の過程で融点に達すると相変化が生じ,解凍が終わる までの間,外気からの熱と端部から来る熱の両方が食材の 融解のために使われるため,温度変化が緩やかになる.この ような過程において食材の熱容量は大きくなる一方,食材 の熱伝導率は小さくなる.この熱物性値の変化は,食材の温 度に依存する関数として,それぞれ次式のように表現でき る[8]。

$$C(T(t; x, y, 0)) = \begin{cases} C_1 + \frac{C_2}{(T_{sw} - T(t; x, y, 0))^{C_3}} & : T(t, x, y, 0) \le T_{sh} \\ C_1 & : T(t, x, y, 0) > T_{sh} \end{cases}$$
(12)

 $k\bigl(T(t;x,y,0)\bigr)$ 

$$= \begin{cases} k_f + (k_l - k_f) \frac{(T_{sw} - T_{sh})}{(T_{sw} - T(t; x, y, 0))} & : T(t; x, y, 0) \le T_{sh} \\ k_l + S(T(t; x, y, 0) - T_{sh}) & : T(t; x, y, 0) > T_{sh} \end{cases}$$
(13)

ただし、 $C_1$ は食材の熱容量、 $C_2, C_3, S$ はパラメータ、 $k_f$ は凝固点以下の食材の熱伝導率、 $k_l$ は凝固点以降の食材の熱伝 導率、 $T_{sh}$ は食材の凝固点、 $T_{sw}$ は純水の凍結温度である.

このとき(12) 式では $\frac{C_2}{(T_{sw}-T(t;x,y,0))^{C_3}}$ の項により, T(t;x,y,0)が $T_{sh}$ に近づくにつれ,  $C_1$ が大きくなる一方,(13) 式では $(k_l - k_f) \frac{(T_{sw}-T_{sh})}{(T_{sw}-T(t;x,y,0))^{C_3}}$ の項により,T(t;x,y,0)が $T_{sh}$  に近づくにつれ、 $k_l$ は小さくなる.これらの結果、融点付近 での温度変化は緩やかになり、相変化を再現できる.

# 3.3 パラメータ推定

パ ラ メ - タ  $C_1, C_2, C_3, k_f, k_l, S, h, T_{sh}$ をまとめて  $\pi = (C_1, C_2, C_3, k_f, k_l, S, h, T_{sh})$ とする. サーマルカメラで得られ る時刻tでの位置(x, y, 0)における観測温度を $T^M(t; x, y, 0)$ と すると、 $T(0; x, y, 0) = T^M(0; x, y, 0)$ として、時刻tにおける 食材上面の位置(x, y, 0)での予測温度T(t; x, y, 0)は、(10)式 を時刻 0 からtまで積分することによって求める. このとき の  $\pi$  は、食材上面の中心位置 $(t; \frac{L_x}{2}, \frac{L_y}{2}, 0)$ における  $T(t; \frac{L_x}{2}, \frac{L_y}{2}, 0)$ と $T^M(t; \frac{L_x}{2}, \frac{L_y}{2}, 0)$ の差の二乗の区間 $t \in [0, t_f]$ についての総和を次式のように $E(\pi)$ として、これを最小化 する $\hat{\pi}$ として求める.

$$E(\boldsymbol{\pi}) = \sum_{t=0}^{t_f} \left\{ T^M\left(t; \frac{L_x}{2}, \frac{L_y}{2}, 0\right) - T\left(t; \frac{L_x}{2}, \frac{L_y}{2}, 0\right)_{\boldsymbol{\pi}} \right\}^2 \quad (14)$$

# 4. 実験

## 4.1 実験環境

上で述べた手法の有効性を調べるための実験を行った. 実験食材として図 4(a)の冷凍刺身を使用し,これを同図(b) の実験環境の赤色の点線が示す位置に配置し,食材表面が 外気温に達するまでの表面各点でのT<sup>M</sup>(*t*; *x*, *y*, 0)をサーマ ルカメラで観測した.サーマルカメラにはインフィニテグ ラ株式会社の OWLIFT Type-F 用い, *E*(**π**)の最小化には Levenberg-Marquardt 法を用いた.



(a)冷凍刺身(b)実験環境図 4 実験食材と実験環境

## 4.2 実験結果

 $\Delta x, \Delta y, \Delta z, \Delta t = 1$  とし、食材を設置する前の机の温度をサ ーマルカメラで測った結果を基に $T_{\infty} = 23[^{\circ}C]$ とした.この とき $t_f = 150$ として $\hat{\pi}$ を求めた結果、表 1 のようになった.

表1 パラメータの推定結果

<i>C</i> <sub>1</sub>	14.9 [J/(mm <sup>3</sup> · °C)]
<i>C</i> <sub>2</sub>	65.4
<i>C</i> <sub>3</sub>	3.5
$k_f$	2.7 [W/(mm⋅°C)]
k <sub>l</sub>	0.1 [W/(mm · °C)]
S	0.4
h	$0.0003[W/(mm^2 \cdot ^{\circ}C)]$
T <sub>sh</sub>	-1.2 [°C]

得られた $\hat{\pi}$ を用いて算出したt = 170, 190, 210, 256のとき のT(t; x, y, 0)を $T^{M}(t; x, y, 0)$ と共にヒートマップとして表示 した結果を図 5 に示す.



このヒートマップでは赤色が高温,青色が低温を示している.このとき(a),(c),(e),(g)の $T^{M}(t;x,y,0)$ を見ると,端から中心にかけて同心円状に広がる変化をしながら,外気温に近づいているが,(b),(d),(f),(h)のT(t;x,y,0)も同様の変化を示している.このことから食材上面の各位置での温度分布の時間変化を再現できていることが確認できる.

次に, 各位置でのT(t; x, y, 0)が実際の観測温度  $T^{M}(t; x, y, 0)$ をどの程度正確に予測できているかを確認す るために,図6(a)のA(青点),B(緑点),C(赤点)の各 位置における任意の時刻tでのT(t; x, y, 0)を求めたものを  $T^{M}(t; x, y, 0)$ と共に同図(b),(c),(d)に示す.



(a) 比較対象とした地点



(b) A(青点)での温度変化



(c) B(緑点)での温度変化



#### (d) C(赤点)での温度変化

## 図 6 各地点でのT<sup>M</sup>(t; x, y, 0)とT(t; x, y, 0)の比較

図 6(b),(c),(d)では,  $T^{M}(t;x,y,0)$ を実線, T(t;x,y,0)を点線 で示しており, 近似区間 $t \in [0, t_f]$ を黄色線で示している. この図からわかるように, 稜線付近の点 C の温度変化に比 べて, より内部の点 B,A では, 温度の上昇途中で温度変化 が緩やかになる部分が見られる.またその時刻が, 点 B に 比べてより内部の点 C の方が遅れるようになっている.こ れらは, 凍った食材が融けていくことによるものであり, 相 変化による影響が考慮できていることが確認できる. $t_f =$ 150以降のT(t;x,y,0)の $T^{M}(t;x,y,0)$ との最大誤差は, 点 A, B, C でそれぞれ 1.2°C, 1.6°C, 1.8°Cであった.このことか ら本手法では, 概ね誤差 2°C以内の食材表面の温度を予測で きることがわかった.

## 5. まとめ

本研究では、日常生活空間に放置された食材表面の温度 変化を、相変化を伴う場合も含めて予測することを試みた. このため、食材が受ける外気、熱伝導の影響に加えて、相変 化の影響も考慮した予測モデルを作成した.このときに必 要な熱物性値等のパラメータは、食材表面の実際の温度変 化に基づいて推定した.得られたパラメータを用いて食材 の温度予測を行った結果、まず、外気に直接触れている周囲 から同心円状に温度が上昇するような食材表面の温度分布 の時間変化を再現できることが確認できた.さらに、このと きの食材上面の稜線付近、中心付近、両者の中間付近の3か 所の位置での温度の予測誤差を調べたところ、概ね2℃以内 であった.

本稿では,食材が外気によって温められていく場合の食 材表面の温度変化の予測を試みたが,同じモデルを用いて 熱の出入を逆にすれば,食材が外気によって冷めていく場 合の食材表面の温度変化にも適用可能なため,今後は,その ような場合についても実験を行う予定である.また食材は 一定の厚みを持つことから、本稿で用いたモデルをさらに 厚み方向に拡張し、食材内部も含めた3次元の各位置での 温度予測の有効性についても今後試みていく予定である.

## 参考文献

 [1] 中村 亮洋,前田 充昭,梅田 三千雄: "カメラ運動を考慮したフレーム間差分による人物追跡,"画像電子学会誌, Vol.36, pp.123-130, 2007

[2] 広瀬 大樹, 三好 力:"距離センサーと画像処理による
移動体認識,"第 75 回全国大会講演論文集, Vol.2013,
pp.579-580, 2013

[3] 川下雄大, 柴田雅聡, 増山岳人, 梅田和昇: "差分ステレ オとパーティクルフィルタによる複数人物追跡,"日本機械 学会論文集, Vol.80, pp.1-13, 2014

[4] 関 宏和, 堀 洋一:"高齢者モニタリングのためのカメ ラ画像を用いた異常動作検出,"電気学会論文誌, Vol.122, pp.182-188, 2002

[5] 山本 寛貴, 北村 光司, 西田 佳史, 溝口 博:"RGB-D カメラを用いたベランダ内の子どもの危険状況検知システ ム,"ロボティクス・メカトロニクス講演会講演概要集, Vol.2017, pp.10-13, 2017

[6] 池ヶ谷 剛, 大井 翔, 佐野 睦夫: "認知リハビリテーションのための一人一人称視点による調理動作認,"情報処
 理学会関西支部大会講演論文集, Vol.2015, pp.1-3, 2015

[7] E.M.Avila and Y.A.Diaz: "Inner Food Temperature Estimation by IHCP Methodology on Surface Temperat ure Measurements obtained by Thermography,"Internati onal Journal of Food Processing Technology, Vol.6, pp.1-9, 2020

[8] S.Tavman, S.Kumcuoglu and V.Gaukel :"Apparent Specific Heat Capacity of Chilled and Frozen Meat Products,"International Journal of Food Properties,Vol.10, No.1, pp.103-112, 2007