

# 例題系列に基づくプログラムの解析 — LISPプログラムからの例題系列の生成 —

伊藤 貴康・田村 卓  
(東北大学工学部)

## 1. まえがき

プログラムの計算の振舞いを適当な例題系列を生成することによって理解する事は、日頃、我々がよる活用する手法である。自然数 $n$ の階乗を計算する関数 $f(n)$ のLISP流の再帰的関数定義は次のようになり得る:

$$f(n) \leftarrow \text{if } n=0 \text{ then } 1 \text{ else } f(n-1) \times n$$

$f(n)$ による計算を次のような例題系列およびドット系列記法によって表現し、理解することができる。

$$f(n): \{ n=0 \Rightarrow 1, n=1 \Rightarrow 1 \times 1, n=2 \Rightarrow 1 \times 1 \times 2, n=3 \Rightarrow 1 \times 1 \times 2 \times 3, \dots \}$$

$$f(n): \{ (0,1), (1,1), (2,2), (3,6), (4,24), \dots \}$$

$$f(n) = 1 \times 2 \times 3 \times \dots \times (n-1) \times n$$

プログラムから有限個の分り易い例題系列を生成する事、および、作成済みのプログラムの理解や検証に例題系列によって行える事は Incremental Programming 環境において有用かつ重要であると考える。

本論文では、LISPプログラムからの例題系列の生成とそれに基づくプログラム解析について、筆者らの研究室で行っている研究の一部を紹介する。

## 2. プログラムからの例題系列生成法

プログラムから、その計算の振舞いを分り易く表現する例題系列を生成するためには、いくつかの機能を準備する必要がある。例題系列の生成は、与えられたプログラムをスキーマ(schema)と考えて評価・展開し、その結果を変形・単純化して望ましい例題系列を生成することであると考えてよい。次のような機能が必要とされる。

### (1) 記号的評価 (symbolic evaluator)

プログラムや式を記号的あるいはスキーマ的に評価・展開する機能である。

### (2) 単純化 (simplification)

プログラム記述の中の制御構造(条件文など)

および演算に関する単純化を行う機能である。

### (3) 部分評価と値の設定

条件文の条件を評価し、値を求め、その値を条件の成否をする命題に対しては設定するよう機能。

### (4) 例題系列の生成

例題系列の生成の仕方にも、先述の $f(n)$ の例から知られるように種々の形がある。例えば、

<出力値対応系列>

$$\{(0,1), (1,1), (2,2), (3,6), (4,24), \dots\}$$

<出力値系列>

$$\{1, 1, 2, 6, 24, \dots\}$$

<入力条件・出力計算式対応系列>

$$\{n=0 \Rightarrow 1, n=1 \Rightarrow 1 \times 1, n=2 \Rightarrow 1 \times 1 \times 2, \dots\}$$

<ドット系列記法の式>

$$1 \times 2 \times 3 \times \dots \times n$$

ユーザの選択に応じて、このような諸種の系列を生成できる機能が必要である。

### [記号的評価について]

LISPプログラムの場合における記号的評価は、再帰的関数の評価展開と考えてよい。次の再帰的関数を例に考えてみよう。

$$f(x) \leftarrow \text{if } p(x) \text{ then } a(x) \text{ else } f(b(x))$$

このような関数の評価展開に次の2つの考え方があられる。

### ① 項書き換えシステム(TRS)に基づく展開

与えられた再帰的関数定義を

$$f(x) \Rightarrow \text{if } p(x) \text{ then } a(x) \text{ else } f(b(x))$$

なる Term Rewriting System (TRS) と考えて展開する方法である。例えば

$$f(x) \Rightarrow \text{if } p(x) \text{ then } a(x) \text{ else } f(b(x))$$

$$\Rightarrow \text{if } p(x) \text{ then } a(x) \text{ else}$$

$$[\text{if } p(b(x)) \text{ then } a(b(x)) \text{ else } f(b(b(x)))]$$

-----

TRSに基づく展開を評価方式によって、深い展開・浅い展開などが考えられているが、それらについては別の機会に報告したい。上述のような展開評価を1回だけ行ってから条件式の単純化などに進むのが基本的な考え

方である。

### ② 記号的インタプリタ (Symbolic Interpreter) に 基づく展開

プログラムを入力を与えながら、順次、  
解釈実行させることにより値の系列を  
生成できるから、インタプリタを値系列  
の生成に活用することが考えられる。す  
なわち、記号的入力を与えられたプロ  
グラムを、必要なレベルまで解釈実行  
する記号的インタプリタを用いることが  
考えられる。

LISPの場合にはそのインタプリタ `evalquote`  
が知られているので、対応する記号的インタ  
プリタ `s-evalquote` が容易に構成でき、これを  
用いて LISP 関数の展開評価が行える。

本論文では、この記号的インタプリタ方式 (す  
なわち、`Symbolic LISP interpreter: s-evalquote`)  
に基づく LISP プログラムからの例題系列の生成  
法とその実験結果について報告する。

### 3. LISP プログラムから例題系列の生成

#### を行う記号的インタプリタ

LISP は、解釈実行を行うインタプリ  
タ `evalquote [fn, x]` を用いて、そのシ  
ンタックスとセマンティクスが簡明に  
定義された言語である。`evalquote` は、関  
数 (`fn`) と引数リスト (`x`) が具体的に与  
えられると評価が始まり、`fn(x)` を計算  
する。例題系列の生成という観点から  
は、記号的評価を行うインタプリタに変更す  
る必要がある。記号的インタプリタの作成に  
当って、再帰的関数の評価を有限で打ち切る  
停止条件の指定、評価を行う関数の指定、  
LISP システム関数の部命令評価などを取り  
入れる必要がある。[以下の説明の理解は、  
LISP に関する入門的知識が不可欠  
であるが、紙数の関係上省略した。]

Pure LISP を対象として、その記号的インタ  
プリタと例題系列の生成について説明を行う。

#### 3.1 LISP 記号的インタプリタ: `s-evalquote`

具体的な LISP 関数と扱えるようにする  
ため、Pure LISP に SUBR 関数、EXPR 関  
数および数値データ、定数 "T" と "NIL" を  
扱えるように Pure LISP の `evalquote` を拡張

してから、次のような評価を行う記号的イン  
タプリタを作成した。

- (1) 定数は評価しない
- (2) 変数は未定義ならばエラー評価する
- (3) 条件式はすべての条件・結果の対に対して評  
価を行う
- (4) SUBR 関数の適用は引数リストを用いてのみ  
評価を行う
- (5) EXPR 関数の適用は、その定義の本体を引数  
リストを評価した結果に適用したものである。

ただし、① SUBR 関数に対する引数リストの値が定  
まると値を計算するものとする、② 再帰的定義の EX  
PR 関数に対しては、上述の評価法 (5) だけであると  
評価が停止しないので停止条件を導入するものとする。

上述のような配慮の下に、`evalquote` から構  
成された `s-evalquote` を図 1 (次頁) に示した。

◆ `s-evalquote [fn; args; ff; s]` 記号的イン  
タプリタであり、`fn` が関数、`args` が引数、  
`ff` が展開評価を行う関数名のリスト、`s` が  
評価を行うべき回数 (すなわち、停止条件) である。  
実際的评价是、`s-apply` および `s-eval` を用い  
て行われる。

#### ◆ `s-apply [fn; args; a; ff; s]`

環境 `a` の下で関数 `fn` を引数リスト `args` に  
記号的に適用し、関数リスト `ff`、停止条件 `s` の下  
で展開評価する。すなわち、

① `fn` が EXPR 関数の場合、関数定義の本体を取り  
出し、`s-apply` に再び適用する。

② `fn` が SUBR 関数の場合、引数リストの要素がすべて  
定数ならば実際に値を計算し、QUOTE を付け、そうで  
ないならば単に関数適用の式を作る。

③ `fn` が UNDEF 関数の場合は単に関数適用の式  
を作る。( `fn` が SUBR 関数あるいは EXPR 関数でなく、  
`fn` が環境 `a` に存在しないか、`fn` 自身と bind されて  
いるとき、`fn` を UNDEF 関数とみなす )

④ `fn` が LAMBDA 関数または LABEL 関数の場  
合には、`s-eval` および `s-apply` をその本体に  
対して行う。

#### ◆ `s-eval [form; a; ff; s]`

環境 `a` の下で (関数リスト `ff`、停止条件 `s` を用  
いて) `form` を記号的に評価する。すなわち、

① `form` が、数値か、T か、NIL か、`a` の下で bind されて  
いない変数のときはそのものを答とする。そうでな

```

s-evalquote[fn;args;ff;s] <==
  s-apply[fn;args:nil;ff;s]

s-apply[fn;args;a;ff;s] <==
  [atom[fn]
   -> [fn-type[fn;EXPR;a]
        -> [and[plusp[s];member[fn;ff]]
              -> s-apply[fn-body[fn];args;a;ff;s];
          t -> cons[fn;args]];
        fn-type[fn;SUBL;a]
        -> [defined-args[args]
              -> list[QUOTE;eval[cons[fn;args];a]];
          t -> cons[fn;args]];
        fn-type[fn;UNDEF;a] -> cons[fn;args];
        t -> s-apply[car[assoc[fn;a]];args;a;ff;s]];
    eq[car[fn];LAMBDA]
    -> s-eval[caaddr[fn];pairlis[caaddr[fn];args;a];ff;s];
    eq[car[fn];LABEL]
    -> s-apply[caaddr[fn];
               args;
               cons[cons[caaddr[fn];caaddr[fn];a];
               ff;
               a]]

s-eval[form;a;ff;s] <==
  [numberp[form] -> form;
   atom[form]
   -> [eq[form;t] -> t;
        null[form] -> nil;
        null[assoc[form;a]] -> form;
        t -> cdr[assoc[form;a]]];
    eq[car[form];QUOTE]
    -> [numberp[cadr[form]] -> cadr[form];
        eq[cadr[form];t] -> t;
        null[cadr[form]] -> nil;
        t -> form];
    eq[car[form];COND]
    -> s-evcon-2[s-evcon-1[cdr[form];a;ff;s]];
    atom[car[form]]
    -> [fn-type[car[form];EXPR;a]
          -> [and[plusp[s];member[car[form];ff]]
                -> s-apply[fn-body[car[form]];
                             s-evalis[cdr[form];a;ff;subl[s]];
                             a;
                             ff;
                             subl[s]];
          t -> cons[car[form];s-evalis[cdr[form];a;ff;s]]];
        fn-type[car[form];SUBL;a]
        -> [defined-args[cdr[form]]
              -> list[QUOTE;eval[form;a]];
          t -> cons[QUOTE;s-evalis[cdr[form];a;ff;s]]];
        fn-type[car[form];UNDEF;a]
        -> cons[car[form];s-evalis[cdr[form];a;ff;s]];
        t -> s-eval[cons[cdr[assoc[car[form];a]];
                      cdr[form];
                      a;
                      ff;
                      a]]];
    t -> s-apply[car[form];s-evalis[cdr[form];a;ff;s];a;ff;s]]

s-evcon-2[c] <==
  [null[c] -> nil;
   and[null[cdr[c]];eq[caar[c];t]] -> caaar[c];
   t -> cons[COND;c]]

s-evcon-1[c;a;ff;s] <==
  [null[c] -> nil;
   null[s-eval[caar[c];a;ff;s]] -> s-evcon-1[cdr[c];a;ff;s];
   defined[s-eval[caar[c];a;ff;s]]
   -> list[list[t;s-eval[caaar[c];a;ff;s]];
           t -> cons[list[s-eval[caar[c];a;ff;s];
                     s-eval[caaar[c];a;ff;s]];
           s-evcon-1[cdr[c];a;ff;s]]

s-evalis[m;a;ff;s] <==
  [null[m] -> nil;
   t -> cons[s-eval[car[m];a;ff;s];s-evalis[cdr[m];a;ff;s]]

pairlis[x;y;a] <==
  [null[x] -> a;
   t -> cons[cons[car[x];car[y]];pairlis[cdr[x];cdr[y]]]]

fn-type[fn;type;a] <==
  [eq[type;UNDEF]
   -> or[null[assoc[fn;a]];eq[cdr[assoc[fn;a]];fn]];
   null[getd[fn]] -> nil;
   t -> eq[car[getd[fn]];type]]

```

図1. LISP Symbolic Evaluator  
"s-evalquote"

```

fn-body[fn] <==
  cdr[getd[fn]]

defined-args[args] <==
  [null[args] -> t;
   defined[car[args]] -> defined-args[cdr[args]];
   t -> nil]

defined[e] <==
  [numberp[e] -> t;
   eq[e;t] -> t;
   null[e] -> t;
   atom[e] -> nil;
   t -> eq[car[e];QUOTE]]

```

- いときは、formがatomならaから対応する値を取り出す。
- ② formが(QUOTE e)の場合、eが数値、T、NILのときはe、それ以外はform自身を答。
  - ③ formが条件式の場合、s-evcon1、s-evcon2を用いて処理
  - ④ formが関数atom適用の場合、引数リストをs-evalisによって記号的に評価した後、関数自体を応じて処理。

◆ 停止条件について

evalquoteの定義を単純に記号的インタプリタに書き換えると、再帰的関数定義の場合、評価が無限に続くため、図1のs-evalquoteでは評価の対象とする関数リストと評価の実行回数を設定できるようにした。s-evalにおいてffに属する関数の適用の式の評価毎にSの値を1ずつ減らし、S=0のときに評価を打ち切るようにしている。

3.2 式の単純化および例題系列生成

与えられた停止条件の下でs-evalquoteによってPure LISPのプログラムを記号的に実行し、展開形を求めることができる。しかし、簡明な例題系列を得るには、条件式や算術演算・リスト処理基本演算に関する単純化や式の変形を行うことが要求される。現在行っている単純化は次の通りである：

- ① 条件式に関する単純化
  - if-then-elseの条件式に関する単純化および式の変形[文庫K( )参照]
- ② 基本演算に関する単純化
  - ・ 四則演算に関する単純化
  - ・ リスト処理演算(cons, car, cdr, list,

append) に関する単純化  
 主条件式の条件が単純な場合は、条件を  
 満たす値が一意的に求まる場合があり、その場合  
 には具体的な値をその条件に対応する式に代  
 入して単純化および評価を行う。[これを値の設  
 定操作と言う]

例題系列の生成の形式としては、

- ① 式の生成
- ② 入出力対応系列の生成
- ③ ドット系列記法の生成
- ④ 出力値系列の生成

が実現されている。式の単純化を行う場合  
 と単純化を行わずの場合があり、利用者が選  
 択して例題系列を生成できるようになって  
 いる。このため図2のような関数群  
 が用意されている。

出力形式	代数的・記号的単純化	
	無	有
展開式	i-expand-fn	e-expand-fn
入出力対応系列	i-val-table	e-val-table
ドット系列記法	i-dot-seq	e-dot-seq
出力値系列	i-val-seq	e-val-seq

図2 例題系列生成の形式

#### 4. 例題系列に基づくプログラムの解析例

記号的インタプリタ `s-evalquote` と単純化お  
 よび例題系列生成機能を用いて実際のLISP  
 プログラムを解析し、例題系列を生成  
 した例を示す。

##### 4.1 階乗関数 $fact[x]$ の展開例

自然数  $x$  の階乗を求める関数  $fact[x]$   
 は次のように定義される:

$fact[x] = \text{if } x=0 \text{ then } 1 \text{ else } fact[x-1]*x$   
 この関数を図2の8種類の例題系列生  
 成法によって処理した結果を図3に示  
 した。  $fact[x]$  の場合、展開式を求めた  
 時点で、各条件が等号判定となり、簡単  
 に、等号成立時の  $x$  が求まるのでその値  
 を結果の式に代入して値系列などを計算  
 することができ。図3では展開を3回  
 行うように指示している。よってこれ関  
 数に対して何回展開を行えばよいかは難し  
 い問題である。[例題系列からのプログラム合成  
 アルゴリズムが知られている場合は、再合成

```
fact[x] <==
[x=0 -> 1;
  t -> fact[x-1]*x]
-----
? [I-EXPAND-FN 'FACT '(FACT) 3]
fact[x] =>
[x=0 -> 1;
  x=1 -> 1*x;
  x=2 -> 1*(x-1)*x;
  x=3 ->
    -> 1*(x-2)*(x-1)*x;
  t -> fact[x-1]*(x-3)*(x-2)*(x-1)*x]
-----
? [E-EXPAND-FN 'FACT '(FACT) 3]
fact[x] =>
[x=0 -> 1;
  x=1 -> 1*x;
  x=2 -> 1*(x-1)*x;
  x=3
    -> 1*(x-2)*(x-1)*x;
  t -> fact[x-1]*(x-3)*(x-2)*(x-1)*x]
-----
? [I-VAL-TABLE 'FACT '(FACT) 3]
fact[x] =>
[x=0 -> 1;
  x=1 -> 1*1;
  x=2 -> 1*1*2;
  x=3 -> 1*1*2*3]
-----
? [E-VAL-TABLE 'FACT '(FACT) 3]
fact[x] =>
[x=0 -> 1;
  x=1 -> 1;
  x=2 -> 2;
  x=3 -> 6]
-----
? [I-DOT-SEQ 'FACT '(FACT) 3]
fact[x] =>
  1*1*2*...**(x-3)*(x-2)*(x-1)*x
-----
? [E-DOT-SEQ 'FACT '(FACT) 3]
fact[x] =>
  1*2*...**(x-3)*(x-2)*(x-1)*x
-----
? [I-VAL-SEQ 'FACT '(FACT) 3]
fact[x] =>
( 1 , 1*1 , 1*1*2 , 1*1*2*3 , ... )
-----
? [E-VAL-SEQ 'FACT '(FACT) 3]
fact[x] =>
( 1 , 1 , 2 , 6 , ... )
-----
```

##### 図3 階乗関数 $fact[x]$ の展開例

できるレベルまでは展開を進めて  
 やるというのが1つの目安である。]

##### 4.2 Fibonacci 関数の展開例

自然数  $x$  に対する Fibonacci 関数  
 $fib(x)$  は図4のように展開できる。この

```
fib[n] <==
[n=0 -> 1;
  n=1 -> 1;
  t -> fib[n-1]+fib[n-2]]
-----
? [I-VAL-TABLE 'FIB '(FIB) 2]
fib[n] =>
[n=0 -> 1;
  n=1 -> 1;
  n=2 -> 1+1;
  n=3 -> 1+1+1;
  n=4
    -> fib[1]+fib[0]+1+(1+1);
  n=5
    -> fib[2]+fib[1]+(fib[1]+fib[0])+(fib[1]+fib[0]+1)]
-----
? [E-VAL-TABLE 'FIB '(FIB) 2]
fib[n] =>
[n=0 -> 1;
  n=1 -> 1;
  n=2 -> 2;
  n=3 -> 3;
  n=4 -> 5;
  n=5 -> 8]
-----
? [E-VAL-SEQ 'FIB '(FIB) 2]
fib[n] =>
( 1 , 1 , 2 , 3 , 5 , 8 , ... )
-----
```

図4 Fibonacci 関数の展開例

例々おける尾再帰の回数は図5から知られるように evaluation tree の深さである。

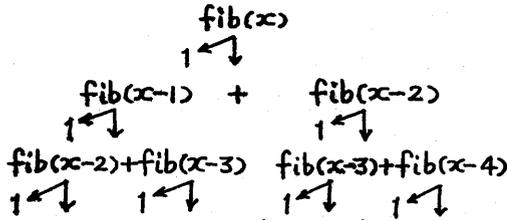


図5 Fibonacci関数の解析

#### 4.3 簡単な記号処理関数の尾再帰例

リストxのreverseを行う関数 `reva[x]` の尾再帰例を図6に示した。`reva[x]`の尾再帰式では条件式の各条件が `null` によるNIL判定となるが、NIL判定はS式の構造に関する判定なのでXの値が一意には定まらない。そこで任意のS式を表わす  $X_n$  ( $n=1, 2, 3, \dots$ ) を用いて値の設定を行っている。単に値の設定を行ったものには `append` 関数が残っているが、更に `append` に関する単純化を行うことにより、図6のような出力対応系列が求まる。なお、図中で、`(car[x])` は `list[car[x]]` の意味である。

`maplist [fn; x]` の尾再帰例を図7に示した。この結果から、`maplist` は、リストxのcdr部を次々と関数fnを適用する関数であることが容易に知られる。

#### 4.4 インタプリタ関数 `eval*[e; a]` の展開について

LISPインタプリタは、`evalquotex [fn; args]` で与えられるが、実際の評価は、`apply*`、`eval*` が相互に呼び合うことにより行われる。

`apply*[fn; args; a]` は環境aのもとで引数リストargsに関数fnを適用する関数である。また、`eval*[e; a]` は環境aのもとで式eを評価する関数である。

以上の様な `apply*`、`eval*` の概念的な理解を持った上で、`eval*[e; a]` の動きを理解することを考える。しかるに、`eval*[e; a]` は図8の如く `assoc*`、`evcon*`、`evlis*` を用

```

reva[x] <=e=
[null[x] -> nil;
 t -> append[reva[cdr[x]]; (car[x])]]]
-----
? [I-EXPAND-FN 'REVA '(REVA) 3]
reva[x] =>
[null[x] -> nil;
 null[cdr[x]] -> append[nil; (car[x])];
 null[cddr[x]]
 -> append[append[nil; (cadr[x])]; (car[x])];
 null[cdddd[x]]
 -> append[append[append[nil; (caddr[x])];
 (car[x])];
 t -> append[append[append[append[reva[cdddd[x]];
 (caddr[x])];
 (cadr[x])];
 (car[x])]]]
-----
? [I-VAL-TABLE 'REVA '(REVA) 3]
reva[x] =>
[x=NIL -> nil;
 x=(X2) -> append[nil; (X2)];
 x=(X3 X2)
 -> append[append[nil; (X2)]; (X3)];
 x=(X4 X3 X2)
 -> append[append[append[nil; (X2)];
 (X3)];
 (X4)]]]
-----
? [E-VAL-TABLE 'REVA '(REVA) 3]
reva[x] =>
[x=NIL -> nil;
 x=(X2) -> (X2);
 x=(X3 X2) -> (X2 X3);
 x=(X4 X3 X2) -> (X2 X3 X4)]
-----

```

図6. reverse関数 `reva[x]` の展開

```

maplist[fn;x] <=e=
[null[x] -> nil;
 t -> (fn[x] . maplist[fn;cdr[x]])]
-----
? [I-EXPAND-FN 'MAPLIST '(MAPLIST) 3]
maplist[fn;x] =>
[null[x] -> nil;
 null[cdr[x]] -> (fn[x]);
 null[cddr[x]] -> (fn[x] fn[cdr[x]]);
 null[cdddd[x]]
 -> (fn[x] fn[cdr[x]] fn[cddr[x]]);
 t -> (fn[x] fn[cdr[x]] fn[cddr[x]] fn[cdddd[x]] . maplist[fn;
 cdddd[x]]]
]
-----
? [I-VAL-TABLE 'MAPLIST '(MAPLIST) 3]
maplist[fn;x] =>
[x=NIL -> nil;
 x=(X2) -> (fn[(X2)]);
 x=(X3 X2)
 -> (fn[(X3 X2)] fn[(X2)]);
 x=(X4 X3 X2)
 -> (fn[(X4 X3 X2)] fn[(X3 X2)] fn[(X2)])]
-----

```

図7. 関数 `maplist[fn; x]` の展開

```

eval*[e;a] <=e=
[atom[e] -> cdr[assoc*[e;a]];
 atom[car[e]]
 -> [eq[car[e]; QUOTE] -> cadr[e];
 eq[car[e]; COND] -> evcon*[cadr[e]; a];
 t -> apply*[car[e]; evlis*[cadr[e]; a]; a]]]
t -> apply*[car[e]; evlis*[cadr[e]; a]; a]]]
-----
assoc*[x;a] <=e=
[equal[caar[a]; x] -> car[a];
 t -> assoc*[x;cdr[a]]]
-----
evcon*[c;a] <=e=
[eval*[caar[c]; a] -> eval*[cadar[c]; a];
 t -> evcon*[cdr[c]; a]]]
-----
evlis*[m;a] <=e=
[null[m] -> nil;
 t -> cons[eval*[car[m]; a]; evlis*[cdr[m]; a]]]
-----

```

図8. LISPインタプリタ関数 `eval*[e; a]` の定義

```

? [I-EXPAND 'ASSOC* '(E A) '(ASSOC*) 3]
assoc*[e;a] =>
[caar[a]=e -> car[a];
 caddr[a]=e -> cadr[a];
 caaddr[a]=e -> caddr[a];
 caaddr[a]=e
 -> caddr[a];
 t -> assoc*[e;cddddr[a]]]

-----
? [I-EXPAND 'EVCON* '((CDR E) A) '(EVCON*) 3]
evcon*[cdr[e];a] =>
[eval*[caaddr[e];a] -> eval*[caddr[e];a];
 eval*[caaddr[e];a]
 -> eval*[cadaddr[e];a];
 eval*[caaddr[e];a]
 -> eval*[caaddr[e];a];
 eval*[caaddr[e];a]
 -> eval*[caaddr[e];a];
 t -> evcon*[cddddr[e];a]]

-----
? [I-EXPAND 'EVLIS* '((CDR E) A) '(EVLIS*) 3]
evlis*[cdr[e];a] =>
[null[cdr[e]] -> nil;
 null[cdr[e]] -> cons[eval*[cadr[e];a];nil];
 null[cdr[e]]
 -> cons[eval*[cadr[e];a];
 cons[eval*[caddr[e];a];nil]];
 null[cdr[e]]
 -> cons[eval*[cadr[e];a];
 cons[eval*[caddr[e];a];
 cons[eval*[caddr[e];a];nil]];
 t -> cons[eval*[cadr[e];a];
 cons[eval*[caddr[e];a];
 cons[eval*[caddr[e];a];
 cons[eval*[caddr[e];
 a];
 evlis*[cddddr[e];
 a]]]]]]]]]

```

図9 assoc\*, evcon\*, evlis\*の展開

```

eval*[e;a] =>
[atom[e] -> cdr[[caar[a]=e -> car[a];
 caddr[a]=e -> cadr[a];
 caaddr[a]=e -> caddr[a];
 caaddr[a]=e
 -> caddr[a];
 t -> assoc*[e;cddddr[a]]]];
 atom[car[e]]
 -> [car[e]=QUOTE -> cadr[e];
 car[e]=COND -> [eval*[caaddr[e];a] -> eval*[cadaddr[e];a];
 eval*[caaddr[e];a]
 -> eval*[caddr[e];a];
 eval*[caaddr[e];a]
 -> eval*[caaddr[e];a];
 eval*[caaddr[e];a]
 -> eval*[caaddr[e];a];
 t -> evcon*[cddddr[e];a]];
 t -> apply*[car[e];
 [null[cdr[e]] -> nil;
 null[cdr[e]] -> cons[eval*[cadr[e];a];nil];
 null[cdr[e]]
 -> cons[eval*[cadr[e];a];
 cons[eval*[caddr[e];a];nil]];
 null[cdr[e]]
 -> cons[eval*[cadr[e];a];
 cons[eval*[caddr[e];a];
 cons[eval*[caddr[e];a];nil]];
 t -> cons[eval*[cadr[e];a];
 cons[eval*[caddr[e];a];
 cons[eval*[caddr[e];a];
 a];
 evlis*[cddddr[e];
 a]]]]]]];
 a]];
 t -> apply*[car[e];
 [null[cdr[e]] -> nil;
 null[cdr[e]] -> cons[eval*[cadr[e];a];nil];
 null[cdr[e]]
 -> cons[eval*[cadr[e];a];
 cons[eval*[caddr[e];a];nil]];
 null[cdr[e]]
 -> cons[eval*[cadr[e];a];
 cons[eval*[caddr[e];a];
 cons[eval*[caddr[e];a];nil]];
 t -> cons[eval*[cadr[e];a];
 cons[eval*[caddr[e];a];
 cons[eval*[caddr[e];a];
 a];
 evlis*[cddddr[e];
 a]]]]]]];
 a]]]

```

図10 eval\*[e;a]の展開例

いて定義される。eval\*[e;a]の定義には eval\*は直接的な再帰呼び出しとしては現われない。しかし、assoc\*は単純な再帰関数ではあるが、evcon\*, evlis\*によって eval\*は間接的に再帰呼び出しがされている。更に eval\*を既知関数と考えれば、evcon\*, evlis\*も単純な再帰関数とみなされる。そこで、eval\*[e;a]から、evcon\*, evlis\*, assoc\*を消去し、eval\*および apply\*のみによって理解することを考えて展開を行う事が考えられる。

このような観点から、assoc\*, evcon\*, evlis\*をそれぞれ自分自身について3回展開評価した結果を図9に与えた。また、その結果を eval\*の定義に埋め込んで得られる結果を図10に与えた。図10によって eval\*, apply\*の意味を上述のように解しながら、eval\*の振舞いを理解することができる。

## 6.あとがき

プログラムから例題系列を生成することは、プログラムの解析・理解という観点から有益と考えられるが、筆者らの知る限り、十分な研究がなされているとは言えない。本研究における試みがこのような研究に刺激を与えればと考える。[他の言語のインタプリタも同様な考え方で記号的インタプリタに改造できる本論文の方法が通用できると考える]

S-evalquote は pure LISP に留まっているが、LISP 1.5 レベルに拡張する事、その他いろいろな基本関数に対する簡単化などを取り入れることを検討している。TRS に基く例題系列生成法、EXPOL に基く合成システムとの融合などについても研究を行っており、別の機会に報告したい。

文献 (1) J. McCarthy, 他: LISP 1.5, MIT  
 (2) 伊藤: ソフトウェア工学基礎論, 丸善(昭56年)  
 (3) 伊藤・田村: 本学会第24回全国大会論文  
 213-8(昭57年3月)