各神経細胞群の同期を考慮した動態シミュレーション Simulation of Synchronous Dynamics in Each Neuronal Population

池田 翔†

Sho Ikeda

1. はじめに

様々なスケールで脳をシミュレーションすることで,認 知プロセスの理解,神経疾患の診断・治療のための新たな アプローチ方法を提案することが期待される^[1]. 先行研究 で神経細胞同期シミュレーションがある^[2]. しかし,シナ プス電流と STDP が簡易化され,適切な数値計算法である と言えるものが少ない.本研究ではシナプス電流と STDP を導入し,興奮性細胞と抑制性細胞の比率 4:1,全結合ラ ンダムネットワークを持つ全神経細胞数 100 個を1つの神 経細胞群とする. 他神経細胞群の同期による外部入力を周 波数fの単位インパルス列と仮定し,神経細胞群における 同期の動態シミュレーションの導入を試みる. これより神 経細胞群の同期周波数の変化,変化を与える外部入力の周 波数fを調査した.

2. 神経細胞同期現象の数理モデル

2.1 神経細胞同期現象

神経細胞同期現象とは、EEG(Electroencephalography)で 観測される脳波と考えられており、本来、個々の神経細胞 が持つ発火周波数が様々な相互作用により徐々に一致する ことである.この相互作用には細胞同士を繋げるシナプス で生じるシナプス電流や STDP(Spike-Timing Dependent Plasticity)が大きく影響を与える^{[1],[3]}.同期により隣接する 細胞群へ新たな刺激を与える.

2.2 神経細胞同期現象の数理モデル

本研究では、Izhikevich モデルの外部入力をシナプス後 細胞iへの外部入力として視床入力 I_{DC}^{i} ,シナプス電流 I_{syn}^{i} ,シナプス荷重 sw_{i} ,他神経細胞群からの外部入力 I_{ext}^{i} に変更した.

 $\begin{cases} \dot{v}_i = 0.04v_i^2 + 0.5v_i + 140 - u_i + I_{DC}^i - I_{syn}^i + sw_i + I_{ext}^i \\ \dot{u}_i = a_i(b_iv_i - u_i) \end{cases}$ (1)

$$if \ v_i \ge 30[mV] \quad then \begin{cases} v_i \leftarrow c_i \\ u_i \leftarrow u_i + d_i \end{cases}$$
(2)

式(1)(2)が改良 Izhikevich モデルである. \dot{v}_i は時間t[msec] に対する膜電位 v_i [mV]の変化量, \dot{u}_i は時間t[msec]に対する リカバリー変数 u_i の変化量であり, パラメータ a_i , b_i , c_i , d_i で発火形状を指定できる.式(2)で $v_i \ge 30$ [mV]を超えたとき, その神経細胞が「発火した」という.

$$I_{syn}^{i} = \frac{J}{N-1} \sum_{j(\neq i)}^{N} s_{j}(t) \left(v_{i} - V_{syn}^{j} \right)$$
(3)

シナプス電流Iⁱsynは、シナプス後細胞iと繋がるシナプス 前細胞jが発火することでシナプス後細胞iへ流れる電流で ある.これは軸索の長さに依存して伝達遅延が生じる.N は全細胞数、Jはシナプス間の結合強さ、s_j(t)はシナプス 前細胞jの発火により放出される神経伝達物質がシナプス

†同志社大学, Doshisha University

後細胞iの樹状突起受容部へ結合する確率であり、本研究ではシグモイド関数を用いた. V_{syn}^{j} はシナプス前細胞jの逆転電位である^[4].

$$sw_i = \frac{1}{N-1} \sum_{j(\neq i)}^{N} \eta_{X,Y} \circ STDP_j^{X,Y}(\Delta t)$$
(4)

$$\Delta t = t_{post} - t_{pre} \tag{5}$$

$$STDP_{j}^{E,E}(\Delta t) = \begin{cases} A_{+}^{E,E} \exp\left(-\Delta t/\tau_{+}^{E,E}\right) & \text{for } \Delta t > 0\\ -A_{-}^{E,E} \exp\left(\Delta t/\tau_{-}^{E,E}\right) & \text{for } \Delta t < 0 \end{cases}$$
(6)

$$STDP_{j}^{E,I}(\Delta t) = \begin{cases} -A_{+}^{E,I} \exp\left(-\Delta t/\tau_{+}^{E,I}\right) & \text{for } \Delta t > 0\\ A_{-}^{E,I} \exp\left(\Delta t/\tau_{-}^{E,I}\right) & \text{for } \Delta t < 0 \end{cases}$$
(7)

$$STDP_i^{I,E}(\Delta t) = (g_0/g_{norm})\alpha^\beta |\Delta t| \Delta t^{\beta-1} \exp\left(-\alpha |\Delta t|\right)$$
(8)

$$STDP_i^{I,I}(\Delta t) = 0 \tag{9}$$

シナプス荷重 sw_i は、シナプス強度の変化を膜電位の変 化に反映させる役割を持つ. Xはシナプス前細胞の種類、Y はシナプス後細胞の種類、 $\eta_{X,Y}$ は各細胞間の学習倍率、 $STDP_j^{X,Y}(\Delta t)$ はXY間の STDP 関数を意味する. STDP はシナ プス前後の細胞の発火時刻差によってシナプス強度が決ま り、その強度は徐々に減衰していく.また STDP 関数はシ ナプス前後の細胞種類で異なる関数を持つ.式(6)~(9)の STDP 関数は、シナプス前後の細胞の種類で異なる.本研 究では興奮性細胞(E)と抑制性細胞(I)を用いた. Δt はシナプ ス後細胞発火時刻からシナプス前細胞発火時刻を引いた値、 $A_{\pm}^{X,Y}$ は正の値を持つ STDP 関数の最大値、 $\tau_{\pm}^{X,Y}$ は時定数、 g_0 は変化量を示す倍率を意味する. パラメータ α は、 Δt の符号で値が変わる^{[2],[4]}.

$$I_{ext}^i = Z \cdot \delta_f(t) \tag{10}$$

 I_{ext}^{i} は他神経細胞群からの外部入力である.本研究では, 1つの神経細胞群へまとめて1つの入力として導入した.Zはその入力の大きさ, $\delta_{f}(t)$ は周波数fの単位インパルス列である.

3. シミュレーション条件

本研究では、MATLAB(R2021a)を用いた.全結合ランダ ムネットワークで興奮性細胞と抑制性細胞の比率 4:1 の神 経細胞数 100 個を 1 つの神経細胞群とした.発火形状は興 奮性細胞を Regular Spiking,抑制性細胞を Fast Spiking とし た.シミュレーション時間を 5.0[sec],計算刻み幅を 0.1[msec],数値計算法を陽的 4 次ルンゲクッタ法とし,膜 電位 v_i, u_i の初期値をランダム値,視床入力は 1 群で同期が 起こる $I_{bc}^i = 4.0$ とし,最大軸索伝達遅延 $D_{max} = 10$ [msec] とした.他神経細胞群からの外部入力 I_{ext}^i は 1.0[sec]から導 入した.本研究では、1 群のみでの同期周波数が約 8.0[Hz] であるため、他神経細胞群からの外部入力 I_{ext}^i の大きさに おいて I_{bc}^i を考慮しZ = 1とした.周波数を 5.0[Hz]刻み、 5.0~20[Hz]の条件でそれぞれ実行した.初期値がZ = 1と同

じZ = 0の結果と比較し、他神経細胞群からの外部入力 I_{ext}^{i} による神経細胞群の同期周波数の変化を調査した.





2000 2500 3000 time [msec] Fig.2 Wavelet analysis in 5.0[Hz] (top: *Z*=0, bottom: *Z*=1)

3500 4000 4500

1000 1500





Wavelet analysis in 15[Hz] (top: Z=0, bottom: Z=1) Fig.4

Fig.1 は、他神経細胞群からの外部入力Iⁱextがない場合の シミュレーション結果である.縦軸[1,80]を興奮性細胞, [81,100]を抑制性細胞とし、ある時間に発火した細胞番号 を点プロットした. Fig.1 で抑制性細胞群が興奮性細胞群の 同期に引き込まれているように見える. そこで興奮性細胞 群の同期周波数に着目した.興奮性細胞群の平均膜電位を 算出し、その結果をウェーブレット変換による時間周波数 解析を行い、同期周波数の変化を調査した. Fig.1, 2, 3 は外 部入力Iiextを与えなかった場合(Z=0)と各周波数を持つ外部 入力Iⁱ_{ext}を与えた場合(Z=1)の時間周波数解析結果である.

Fig.1 では, 2.5, 4.3[sec]辺りにおいてZ=1 で一時的に同期 周波数が変化し、その後Z=0と同様の同期周波数に戻って いる. Fig.1 では外部入力*I*ⁱ_{ext}を 5.0[Hz]で与えている. これ は1 群の同期周波数よりも低く,また1 群の同期周波数の 半分に近く同位相を持つ場合がある. そのため, 2.5, 4.3[Hz]の周波数の変化は、1 群の同期周波数と外部入力の 位相差が原因と考えられる. そのため, 強め合い, 弱め合 いの関係になった際に、周波数が変化したと考えられる.

Fig.2 では、Z=0の1.0~2.0[sec]間の周波数の変化は、初期 値の影響で同期が安定せず、無相関な発火が生じたと考え られる.無相関な発火でシナプス電流と STDP により 2.5[sec]以降は安定した同期周波数が保たれている. Z=1 で はZ=0 で見られた無相関な発火が短期間になっている.こ れは, 10[Hz]の外部入力*lext*により, 全神経細胞数の発火 周波数が高くなることからナプス電流が生じやすくなる. さらに式(5)の∆tが小さくなり、式(4)のシナプス荷重の変 化を促し、式(1)の膜電位vの変化が促されることで同期促 進に繋がる.これにより、Z=0よりも短期間で安定した同 期周波数を持つことになる.

Fig.3 では, Z=0,1 共に同様の結果が見られる. Fig.3 は周 波数15[Hz]の外部入力liextであり、これは1群の同期周波数 の約2倍の周波数に相当する.ここでFig.1よりも外部入力 l_{ext}^{i} が高周波であり、位相差の影響は少ないと考えられる. そのため、同位相や逆位相になりやすくなるため、同期周 波数がZ=0と変わらなかったと考えられる.

5. 今後の展望

本研究では、ミクロスケール構造内すべての神経細胞に 一定の同一な外部入力を与え、同期周波数の変化を調査し た. 今後は他神経細胞群からの外部入力の周波数fを固定 し、その位相φによる同期の動態変化を調べ、その後、大 きさパラメータZを変化させ、同期の動態変化を調査する. これより、周波数f、位相 φ 、パラメータZのグリッドサー チを行うことで、同期周波数の変化を与える境界を求める. その後、複数の神経細胞群を繋げたメゾスケール構造を作 成する.各神経細胞群を並列計算させ、同期による刺激の 数理モデルを導入する. ミクロスケール構造のシミュレー ションをより厳密に再現していく.

参考文献

- [1] Sadeem N. Kbah, A Computational Model of the Brain Cortex and Its Synchronization, BioMed Research International, (2020)
- [2] E.M. Izhikevich, Polychronization: Computation with Spikes, Neural Computation, vol. 18, no.2 (2006), pp. 245-282.
- [3] Eunjoon Kim, Morgan Sheng, PDZ domain proteins of synapses, Nature Reviews Neuroscience, vol. 5, no.10 (2004), pp. 771-781.
- S.Y. Kim, W. Lim, Effect of Interpopulation Spike-Timing-Dependent Plasticity on Synchronized Rhythms in Neuronal Networks with Inhibitory and Excitatory Populations, Cognitive Neurodynamics, vol. 14, no.4 (2020), pp. 535-567.