

分散メモリマシン上の並列ハッシュ結合による ディスクとメモリ利用の影響

古野 真太郎 横田 治夫

北陸先端科学技術大学院大学
{furuno,yokota}@jaist.ac.jp

概要

関係データベースにおける結合演算は処理コストの高い演算であり、その並列化も含め、これまでに様々な方式が提案されている。我々は、その中でもハッシュに基づく方式をメッセージパッシング型の超並列計算機 nCUBE2 上に実装し、限られた資源の中で、ディスク、メモリの割り当てがその性能にどのように影響するか測定を試みた。ディスクの利用形態としてディスク・ストライピングを使用した方式、ディスクアクセスを独立させた方式、バケット（中間リレーション）をメモリ上に保持する方式を実験した。nCUBE2 では、バッファを介した非同期メッセージ通信を基本としているが、有限のバッファサイズの下でオーバーフローを発生させずに効率の良いプロセッサ間通信を実現することが重要となる。

The Influence of Disk/Memory Utilization for Parallel Hash-Based Join Algorithms on a Distributed-Memory Machine

Shintaro FURUNO Haruo YOKOTA

School of Information Science
Japan Advanced Institute of Science and Technology,Hokuriku

Abstract

The relational database join is one of the most time consuming operation, and various methods, including parallel approaches, have been investigated. We have implemented parallel hash-based join algorithms on nCUBE2, a message-passing massive-parallel computer, to measure the performance by varying the assignment of disks and memories in limited resources. We have implemented three methods: disk-striping, independent accesses to devices, and storing intermediate relations into memories. Since communication in nCUBE2 is based on asynchronous mechanism using buffers, it is important to implement effective communication between processors by inhibiting buffer overflow under limited memories.

1 はじめに

関係データベースにおける結合演算は処理コストの高い演算であり、その並列化も含め、これまでに様々な方式が提案されている。それらは大きく分けて、ネステッドループ方式、ソートマージ方式、ハッシュに基づいた方式の三つに分類できる。の中でもハッシュに基づく方式は、並列化を図る際に各オペランドタブルを複数のプロセッサに割り付けることが可能であり、他の方式に比べ高い性能を得ることが知られている [Dew85]。

ここでは、東京大学の喜連川らが提案する GRACE ハッシュ方式 [Kit83] およびウィスコンシン大学の DeWitt らが提案するハイブリッドハッシュ方式 [Dew84] を、メッセージパッシング型並列計算機 nCUBE2 上に実装し、ディスクおよびメモリの効率的な利用方法について検討する。この並列化されたハッシュジョインアルゴリズムの性能評価については既に共有マルチプロセッサ環境 [Kit92a]、専用マシン [Dew89][Kit92b] において行われている。

マシンのスケーラビリティ、汎用性を考えた時、近頃主流となりつつあるメッセージパッシングを通信スタイルとする汎用分散メモリ並列マシン上で、効率の良い結合演算を実現することも重要となってくる。分散メモリ並列マシン上にハッシュジョインアルゴリズムを実装する場合、メッセージ通信をいかに効率良く行うかが一つの鍵となる。特に nCUBE2 の場合には、バッファを介した非同期通信により通信の効率化を図っているが、大量のデータ転送を前提とするデータベース処理では、有限のバッファサイズの下でいかにオーバーフローを発生させずに効率良くプロセッサ間通信を実現するかが重要となる。本報告では、非同期通信とハンドシェイクを行った場合の処理時間の比較を行うとともに、与えられた条件の下での非同期通信の限界について考察する。

また、nCUBE2 では、各プロセッサは I/O プロセッサを介してほぼ独立にディレクトリにアクセスすることができる。さらに、その長所を生かしてソフトウェア的にディスク・ストライピングを実現している。本報告では、ソフトウェアによるディスク・ストライピングを並列ハッシュジョインに利用した場合の性能についても測定を行った。

超並列マシンは、単体ノードのメモリ容量が小さくても全体として非常に大きなメモリ空間を持つことができる。このため、ハッシュジョインの中間状態で作成されるパケットをメモリ上に置くことも、ある程度のサイズまでは可能となってきた。そこで、パケット（中間リレーション）をメモリ上に保持する方式も試みた。

以下第 2 節では前提条件として実現に用いた nCUBE2 の構成について、第 3 節では nCUBE2 上での並列ハッシュジョインのモデルについて述べる。第 4 節では実験結果、そして第 5 節でリレーションサイズとシステム構成に関する考察について言及する。

2 nCUBE2 の構成

nCUBE2 はハイパーキューブ結合による超並列計算機で、各ノードプロセッサは独自の 64bitCPU を用いている。本学のシステムは 256 のプロセッサからなる。各ノードが保有するメモリ容量は、物理ノード 0 番から 15 番までの 16 ノードが 16MB、それ以外は 4MB の設定である。各ノードは 14 本の双方向 DMA チャンネルを持ち、その中の 13 本がハイパーキューブ結合に用いられ、残りの 1 本が I/O サブシステムとダイレクトに接続されている。

2.1 ディスクの結合形態

I/O サブシステムは 8 個の I/O プロセッサに 1GB のディスク 16 台を SCSI 接続した構成であり、各 I/O プロセッサに 2 台のディスクがディジーチェーンで結ばれている。概略を図 1 に示す。

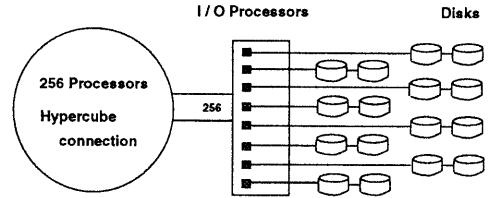


図 1: nCUBE2 のディスク結合形態

ディスク・ストライピングは、各ディスクを複数のパーティションに分けそれぞれ一つのパーティションを 8 台つなぎ合わせたものであり (I/O プロセッサもそれぞれ異なる)、これがソフトウェア的に実現されている。これを nsdisk というドライブ名でアクセスすることができる。

現在の nCUBE2 の I/O サブシステムでは、構造の単純さの理由により、ディスクのキャッシングテーブルを I/O プロセッサ上に構成している。従って、同一プロセッサでの同一ページのアクセスでも I/O プロセッサへの通信が発生する。

2.2 プロセス間通信の方式

プロセッサ同士の通信形態はメッセージパッシングであり、送信側のプロセッサは受信側のプロセッサの返答なしにメッセージを送り続けることが可能な非同期の通信となっている。しかし、受信側のプロセッサのバッファは有限であるので、受信側のプロセッサのローカルな処理によりメッセージの取り出しが遅れるような場合は、バッファの溢れが発生しその時点で対象のプロセッサはハングアップの状態となってしまう。

このオーバーフローを抑えるため、プロセッサの割り当て等を変更して、データ通信量と各プロセッサでのローカルな処理に費やされる時間の調整を行うことも可能である。しかし、通信量が増加するとこののような調整では追い付かなくなる。そのような場合は同期型の通信に変更する必要があるため、ソフトウェアでハンドシェイク方式を実現することになる。その場合、データを送信する側のプロセッサが受信対象のプロセッサに対してデータの受け取りが可能かどうかの確認を毎回行い、受信側のプロセッサはメッセージ受信用バッファが空くまで応答のメッセージを返さない。従って、送信側のプロセッサはその応答のメッセージが戻ってくるまでデータ転送を待たされることになり、受信側のバッファの溢れという現象は発生しない。

3 nCUBE2 上での並列ハッシュジョインのモデル

以下では、リレーション R と S に対し等結合を行い、結果をリレーション T として格納することを前提とする。またハッシュパケット B を $BR_0, \dots, BR_{m-1}, BS_0, \dots, BS_{m-1}$ と呼ぶ。

3.1 nsdisk を使用した方式

ここでは、nCUBE2 で用意されている、ソフトウェア・ディスクストライピングのデバイスコントローラ nsdisk を利用した、GRACE ハッシュ方式を先ず考える。

3.1.1 パケット分割フェーズ

予備実験として、リレーション R と S の読み出しにおいて、

- 先ず R を読み、次に S を読み出す。
- R と S を同時に読み出す。

というパターンと、

- R および S をある一つのプロセッサで読み出しハッシュして分配する。
- 各プロセッサが R と S を読み出してハッシュする。
- R 用のプロセッサと S 用のプロセッサを決め、それぞれが読み出しハッシュして分配する。

というパターンを組み合わせてパケット分割フェーズに要する時間を計測してみたところ、

「 R 用のプロセッサと S 用のプロセッサを決め、それぞれが同時に読み出しハッシュして分配する」

というパターンが最も高速であった。このため、以下のような方針で実験を行った。

1. リレーションの読み出しにおいて担当のプロセッサを決め、そのプロセッサは可能な限りパケットへの書き込み処理を行わない。具体的にはプロセッサ数が三以上の場合には、リレーションの読み出しが物理ノード 0 番と 1 番のプロセッサが担当し、それ以外のプロセッサがパケットへの書き込み処理を行なうことになる。
2. 書き込み担当のプロセッサにおいて R と S のタプルが並行に到着することにもなるので、受け取ったタブルデータがどちらのタイプのものであるかを判別し、各パケットファイルへの書き込みを行う。

R 、 S 、 BR_0, \dots, BR_{m-1} 、 BS_0, \dots, BS_{m-1} は全て nsdisk に格納されている／される。この状態を図 2 に示す。

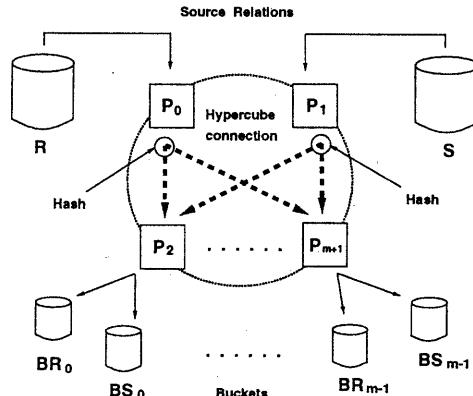


図 2: パケット分割フェーズ

なお、読み出されたタブルの結合属性に対して適用されたハッシュ関数の結果値に応じて、その内容が該当のプロ

セッサに送られるが、データの偏りが発生した場合には、プロセッサの負荷が偏ることになる。ここでは、単純化のため、先ずはデータの偏りのない乱数を用いる。

3.1.2 結合処理フェーズ

パケット分割フェーズと同様に、パケットの読み出しと結果のリレーション T への書き込みは異なったプロセッサで行う。ここで、非同期通信の場合には、結果用のリレーション T はプログラム開始時に指定されるプロセッサのキューブ次元数¹によりその数を変化させる必要がある。これは、タブルデータの受け取りの際に書き込み担当のプロセッサのメッセージ受信用のバッファが溢れないよう、結合処理と書き込みを担当するプロセッサ数を、パケット数の増加に併せて調整するためである。この状態を図 3 に示す。書き込み担当プロセッサへのタブルの振り分けもハッシュを用いて偏りのないようにしている。また、 T も nsdisk に格納される。

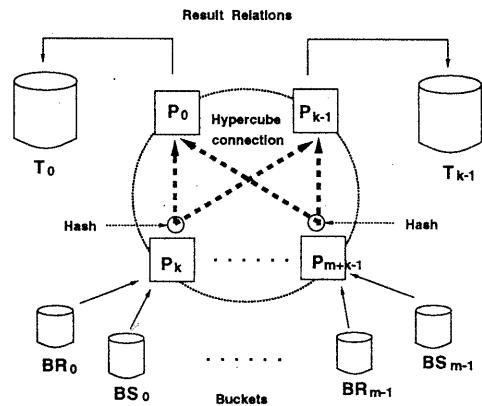


図 3: 結合処理フェーズ

3.2 独立にディスクアクセスを行う方式

今回の実験環境の場合、nsdisk は 1 つしか用意できない。nsdisk は、1 本の入出力ストリームに対してバンド幅を広げる効果は期待できるが、ハッシュ結合のように、同時に複数のストリームが必要な場合は、同期操作のオーバヘッドやシークの競合により、必ずしも良い性能を示すとは思われない。nCUBE2 では、I/O サブシステムに結合されたディスクを、nsdisk としてではなく独立したディスクとしてアクセスすることも可能である。そこで、図 2 および図 3において R 、 S 、 BR_0, \dots, BR_{m-1} 、 BS_0, \dots, BS_{m-1} 、 T_0, \dots, T_{k-1} を 8 台もしくは 16 台のディスクに別々にアクセスするよう設定する。

3.3 パケットを分散しメモリ上に保持する方式

2 節で述べたように nCUBE2 の各ノードにおいては物理ノード 0 番から 15 番までが 16MB、それ以外の 240 個の

¹キューブ次元数:n が与えられた時のプロセッサ数:N は $N = 2^n$ となる。

ノードでは4MBのメモリを保有している。これは、計算上 $16\text{MB} \times 16 + 4\text{MB} \times 240 = 1.216\text{GB}$ のメモリの利用が可能である。今後、半導体メモリは益々大容量で安価になることは明白であるから、パケットをメモリ上に置いて処理することも十分可能となる。仮にリレーション R および S のタブルサイズを 208B、タブル数を各 300,000 と設定した場合でもパケットの合計サイズは約 125MB である。従って、1ノードにおいてパケットに使用できるメモリが2MBとしても、64ノード用いれば全てメモリ上で処理できる。このようにハッシュ先のパケット数を増やし、配置するノード数を増加することにより、パケットをディスクに格納せずにメモリ上に置いてても処理できることになる。その場合、ハイブリッド・ハッシュジョインを適用することによりリレーション S 用のパケット BS_0, \dots, BS_{m-1} を格納する必要がなくなり、さらに大きなリレーションまで扱うことができるようになる。このモデルを図4に示す。

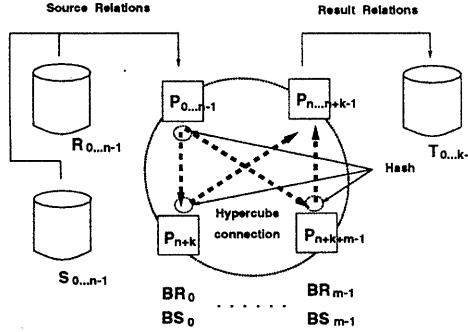


図4: パケットを分散しメモリ上に保持する方式

4 実験結果

実験に用いたリレーションは、ウイスコンシン・ベンチマーク [Gray91]に基づいている。そのリレーションの各タブルは13個の4Bの数値と、3個の52Bの文字列属性から構成される。また、ベンチマークにおける結合の問合せ式は $\text{join } A B \text{ prime}^2$ である。

ここでは1,000個のタブルのリレーション R (約200KB)と10,000個のタブルのリレーション S (約2MB)を結合し、結果として1,000個のタブルのリレーション T (約400KB)を作成する場合と、その10倍のサイズのリレーションを用いた場合の、2種類のパターンを中心に測定を行った。なお、測定時のデータの配置は [Dew89]において試みられているケースと同様に2つのリレーションとも均一(Uniform)な状態としている。

それぞれの方式について、ハンドシェイクを使用する場合と使用しない場合での比較も行った。

4.1 nsdisk を使用した方式

nCUBE2におけるソフトウェア・ディスクストライピングである nsdisk では、8台のディスクパーティションに対

```
2INSERT INTO TMP
SELECT * FROM TENKTUP1, BPRIME
WHERE (TENKTUP1.unique1 = BPRIME.unique1)
```

して並行なファイル・オペレーションが可能である。その場合、nCUBE2 が用意している専用テーブルの中のエントリを指定することにより、任意のブロックサイズを選択することができる。ここでは、ディスクのブロックサイズの違いによる性能を確認するために、複数のブロックサイズにおいてベンチマークの測定を行った。パケット数は 22、従つて使用対象のプロセッサ数はパケット分割フェーズでは 24、結合処理フェーズでは 26 となる。また、各リレーションのタブル数を $R=1,000$ 、 $S=10,000$ とし、1 タブル毎(208B)と 100 タブル毎(20.8KB)でファイルアクセスを行った。この結果を図5に示す。

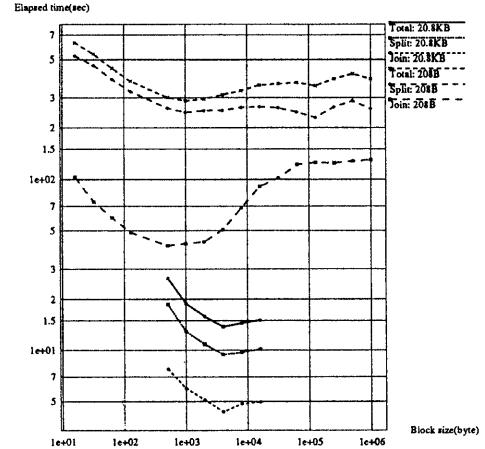


図5: nsdisk 利用時のブロックサイズの影響(1,000 × 10,000)

ブロックサイズの違いによりその性能にはらつきがあり、ファイルアクセスの単位が 208B の場合では、1KB のブロックサイズにおいて全体の経過時間が 288.0sec と最良値を示した。一方、20.8KB の場合は、4KB のブロックサイズにおいて全体の経過時間が 13.8sec と最良値を示した。従って、以下 20.8KB をファイルアクセス単位として実験を行った。

4KB のブロックサイズにおいてタブル数を 10 倍($R=10,000$ 、 $S=100,000$)にして測定したところ、パケット分割フェーズで 74.0sec、結合処理フェーズで 19.7sec、全体で 93.7sec であった。

次に、この 4KB のブロックサイズを対象としてパケット数(m)を変化させた場合の性能の比較を試みた。これは、ハンドシェイクを使用する場合と使用しない場合を併せて行なった。この結果を図6に示す。

ハンドシェイクの有無にかかわらず相対的にパケット数が多い場合ほど、かえって処理時間が長くなることが判る。これは、分散メモリの利用という観点では、パケット数が多いほど並列化の効果が大きいと考えられるが、ディスク・ストライピングの使用によりディスク資源の競合が発生していることが予想される。つまり、 R 、 S と同一の nsdisk にパケットを配置させることにしたため、パケット数が増えるとシーク数も増加することになる。従って、必要以上にパケット数を増加させることは性能の低下を引き起こす。

ただし、パケット数を減少させていくと、パケットのディスクへの書き込みが間に合わなくなる。パケット数が2および4の場合では、ハンドシェイクを使用しないと、パケット分割フェーズでのパケット作成担当のプロセッサにおいて、メッセージ用バッファの溢れの減少が発生する。

また、ハンドシェイクを使用する場合の結合処理においては、結果リレーションの書き込みを1プロセッサで行っている。従って、その時点でのディスク資源の競合はハンドシェイクを使用しない場合よりも少いことが予想され、これが処理時間に影響しているものと考えられる。パケット数が32の時にタブル数を10倍にして測定したところ、結合処理の経過時間は、ハンドシェイクを使用しない場合で22.0sec、ハンドシェイクを使用する場合で25.1secであった。

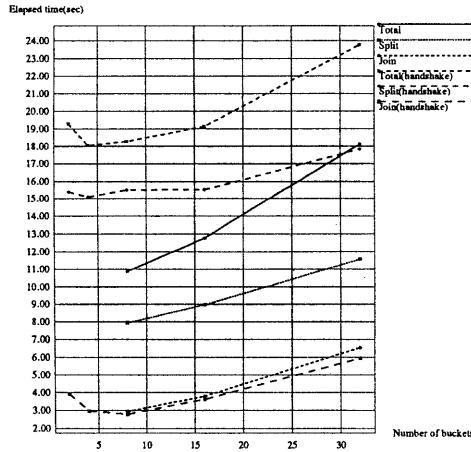


図 6: nsdisk 利用時のパケット数の影響 ($1,000 \times 10,000$)

4.2 独立にディスクアクセスを行う方式

ディスクの利用台数を変化させた場合の結果(全体の経過時間)を図7に、ディスクの使用割り当てを表1に示す。パケット数=22、 $R=1,000$ 、 $S=10,000$ である。

表 1: 独立アクセスのディスクの割り当て

ソース・結果 [R/S/T _k]	中間 [BR _m /BS _m]	利用ディスク数 (合計)
1	7	8
1	14	15
2	6	8
2	12	14
2	14	16

この結果では、パケット用のディスクを2倍にした場合、約1割ほど性能の改善が見られる。一般的に考えると、ディ

スクシークの時間が半減されているので、もっと多くの性能向上が期待できるのだが、そとはなっていない。これは、同一のI/Oプロセッサにディジーチューンで接続されているディスク構成が原因だと考えられる。

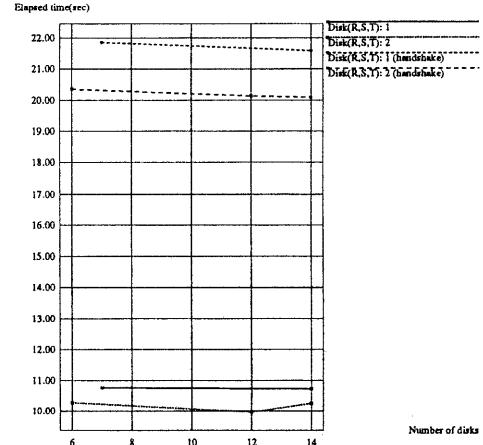


図 7: 独立アクセス時の R,S,T 用ディスク数の影響 ($1,000 \times 10,000$)

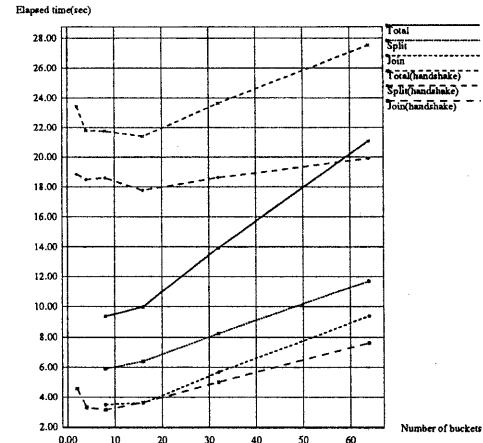


図 8: 独立アクセス時のパケット数の影響 ($1,000 \times 10,000$)

つまり、単一のディスクにおいてシーク時間が減少したとしても、I/OプロセッサまたはI/Oバスの競合が頻繁に発生すると、ディスク並列化の効果が期待できず、資源を有

効に利用できない。これは、ハンドシェイクを使用しない場合に 2-12 台から 2-14 台にパケット用のディスクを 2 台増やした時、結合処理フェーズにおいて上記の競合が発生して性能が低下しているという結果からもうかがうことができる。

また、nsdisk を使用した場合の結果(図 5)と比較して、ハンドシェイクを使用しない場合の性能が良好であることが判る。これによって nsdisk の使用に伴うコストがかなり大きいこと、現在の nCUBE2 のシステムではその最適化が十分行われていないことが推察できる。従って、ディスクを並列に使用して性能の向上を図る場合には、媒体へのアクセスに対してどのような手段を用いるかが大きな問題となる。

なお、ハンドシェイクを使用しない場合にタブル数を 10 倍($R=10,000, S=100,000$)にして測定を試みたが、結果の書き込み担当のプロセッサを 10 個に増加してもメッセージ受信用のバッファが溢れるという現象が発生した。

次に、パケット数を変化させた場合の結果を図 8 に示す。ディスク利用台数は $R, S, T=1, B=7$ である。nsdisk を使用した方式の場合(図 6)と同様に、ハンドシェイクの有無にかかわらず相対的にパケット数が増えると性能が悪化する。

4.3 パケットを分散しメモリ上に保持する方式

ここでは 3.3 節の実装方式に基づき、パケットのファイルをディスクに作成せずに、各ノードのメモリ上に保持する場合の性能についてベンチマークの測定を行った。

$R=1,000, S=10,000$ およびディスクの利用台数としてリレーションの読み出しに 1 台、結果の書き込みに 7 台の状態で測定したところ、ハンドシェイクを使用しない場合で 5.2sec、使用する場合でも 11.8sec となり、nsdisk を使用した方式(図 5)、ディスクアクセスを独立させた方式(図 7)と比較した場合、いずれも大幅な性能の向上が見られた。

表 2: 分散メモリ保持方式におけるディスク数の影響
($10,000 \times 100,000$)

(R/S)	(T)	Buckets	Elapsed (sec)	Read (sec)	Write (sec)
1	7	21	45.4	30.2	2.1
1	14	28	46.7	30.5	1.4
2	6	24	22.9	14.9	2.5
2	12	24	24.0	15.0	1.6
2	14	28	24.7	15.6	1.4
4	4	24	11.8	7.4	3.7
4	8	24	12.7	7.2	2.3
(A)8	8	24	9.8	5.6	2.4
(B)8	8	24	8.9	5.1	2.2
(C)8	8	24	10.0	6.0	2.6
8	16	32	10.0	5.8	1.3

次に、 $R=10,000, S=100,000$ の結果³を表 2 に示す。この中でリレーションの読み出しに 8 台、結果の書き込みに 8 台のディスクを使用している形態では、その利用方法を 3 パターン設定した。

³ この場合の Read および Write の時間は、処理を担当する各プロセッサにおいてそれぞれのシステムコールに費やされた時間を合計したものであり、ここでは 1 プロセッサ当たりの平均値について示してある。

パターン A 合計 8 台でリレーションの読み出しと結果の書き込み対象のディスクが同一。

パターン B 合計 16 台でリレーションの読み出しと結果の書き込み時に I/O プロセッサの競合はない。

パターン C 合計 16 台でリレーションの読み出しと結果の書き込み時に I/O プロセッサの競合がある。

この 3 パターンの状態を図 9 に示す。

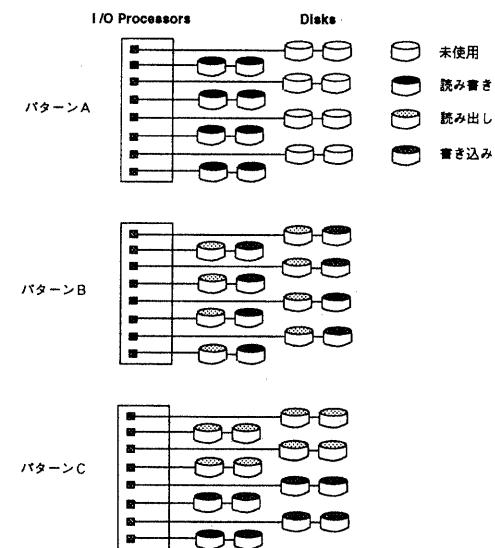


図 9: ディスクの利用形態

この結果では、ディスクの使用台数を単純に増加しただけでは性能が向上しないことが判る。特に、結果の書き込み用のディスク (T) を 2 倍にした場合を見ると、1 台当たりの書き込みに費やされる時間 (Write) は短縮されているのだが、全体の経過時間はほとんど変化していない。一方、読み出し用のディスク (R, S) を倍にした場合では、読み出しに費やされる時間 (Read) の短縮に伴い全体の経過時間も短くなっている。つまり、リレーションの読み出しにおけるファイルアクセスの速度が、全体の処理時間を作り抑制するという処理の I/O バウンドの現象が顕著に示されている。

また、読み出しと書き込みが 8 台の構成における 3 パターンの結果を比較した場合、I/O プロセッサの競合が発生しない、パターン B における性能が最も優れていることが判る。特に読み出しにおける I/O プロセッサ競合が、全体の経過時間にかなり影響を及ぼしていることがうかがえる。

以上のように、メッセージパッシングマシン上で結合演算を行う場合には、ディスクを単純に並列化しただけでは性能の向上が達成できるとは限らず、逆に性能低下を引き起こすこともあり得るので、ディスクの利用形態と台数には十分考慮しなければならない。

最後に、パケット数を変化させた場合の結果を図 10 に示す。 $R, S=300,000$ およびディスク利用台数は $R, S=8, T=8$ (パターン A) である。なお、ハンドシェイクを使用しない時

の結果リレーションの書き込みについては、結合処理と同時に使う方法を用いると、書き込み担当のプロセッサにおいてメッセージバッファの溢れの現象が発生した。従って、その回避策として、書き込み担当のプロセッサにタブルデータが全て送られた後(結合処理が完全に終了した後)に実行するよう変更した。この場合、リレーションの読み出しと書き込みの処理においてディスク資源の競合は発生しないので、パターン A でも問題はないと言える。

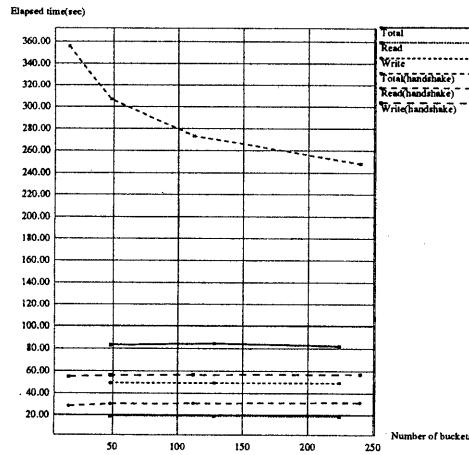


図 10: パケットを分散しメモリ上に保持する場合のパケット数の影響 ($300,000 \times 300,000$)

ハンドシェイクを使用する場合では、パケット数の増加に伴い経過時間が短くなることが示されている。この場合、Read および Write に費やされる時間にはほとんど変化が見られない。これは、パケット数の増加に伴い結合処理担当のプロセッサも増え、読み出し担当のプロセッサの(結合処理担当のプロセッサに対する)データ送信の要求に対する ACK の到着時間の間隔が短くなり、結果的にハンドシェイクに伴う待ち時間が短縮されたのではないかと推察できる。

また、ハンドシェイクを使用しない場合では、パケット数が増加しても経過時間に余り変化が見られない。これは、I/O バウンドのため、パケット数の増加つまり結合処理担当のプロセッサ数の増加による処理コストの分散化が、それだけでは実行時間の短縮にはつながらないことを示唆している。

5 リレーションサイズとシステム構成に関する考察

パケットを分散しメモリ上に保持する場合の模式図を図 11 に示す。ここで、 N_R はソースリレーションの読み出し担当のプロセッサ数、 N_T は結果リレーションの書き込み担当のプロセッサ数、 N_I は結合処理担当のプロセッサ数である。そして、結合処理担当のプロセッサにおける処理速度を P 、受信用バッファのサイズを m_i 、書き込み担当のプロセッサにおける受信用バッファのサイズを m_t とする。また、プロセッサ間のバンド幅 T_r は 2.75MB/sec 、予備実験として計測した

ディスクアクセスのバンド幅は $\text{Read}(T_{DR})$ が 765KB/sec 、 $\text{Write}(T_{DW})$ が 289KB/sec であった。

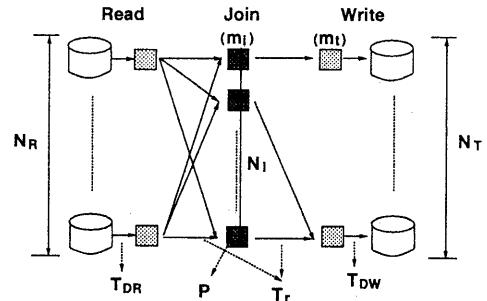


図 11: パケットをメモリ上に保持する場合の状態

ここで、リレーション R より S のサイズ(タブル数 \times 208B)をそれぞれ X_R 、 X_S 、結合処理担当のプロセッサのメモリサイズを M_I 、ハッシュテーブルのサイズを m_h 、書き込み担当のプロセッサのメモリサイズを M_T 、各プロセッサのメモリにおけるプログラム使用領域のサイズを m_p とすると、 $M_I = m_i + m_h + m_p$ 、 $M_T = m_t + m_p$ および $m_h = \frac{X_R}{N_I}$ となる。以上より、ハンドシェイクの必要性に関して次の関係を導くことができる。

$$\frac{(N_R \times T_{DR} - N_I \times P) \times (X_R + X_S)}{(N_R \times T_{DR})} \leq m_i \times N_I \quad (a)$$

$$\frac{(N_I \times P - N_T \times T_{DW}) \times (X_R + X_S)}{(N_I \times P)} \leq m_t \times N_T \quad (b)$$

この条件を満たしている間はメッセージ受信用バッファの容量が不足することはないので、ハンドシェイクの必要はない。特に $N_R \times T_{DR} < N_I \times P$ 且つ $N_I \times P < N_T \times T_{DW}$ の場合には、リレーションサイズにかかわらずハンドシェイクを行う必要はない。

次に、各処理担当のプロセッサ数を調整することにより、ハンドシェイクを必要としないリレーションサイズの最大値を予測することが可能である。従って、この近似値を求めてみる。この時、 $m_p = 2\text{MB}$ とし、結合処理担当プロセッサおよび書き込み担当プロセッサへのタブルデータの配分は、均等に行われるることを前提とする。

1. 4.3 節において、 $R, S = 300,000$ の場合にメッセージ受信用バッファのオーバーフローが発生した同時書き込みのケースより、 P を算出する。この時、 $N_I = 7$ 、 $N_T = 7$ 、 $M_T = 16\text{MB}$ 、 $X_R + X_S = 124.8\text{MB}$ であった。結果リレーションの書き込みにおいて発生したのでこれを (b) に代入し、この時点で臨界点に達したものと仮定する。計算の結果、 $P \cong 1.38\text{MB/sec}$ となる(対応する処理能力として)。
2. ハンドシェイクを行う可能性がある場合には、 $N_R \times T_{DR} \geq N_I \times P$ 且つ $N_I \times P \geq N_T \times T_{DW}$ であり、この時、 $N_R + N_I + N_T \leq 256$ である。従って、これらの条件を満たし、 N_T を最大にするようなプロセッサの組合せを求めるべく、 $N_R = 62$ 、 $N_I = 34$ 、 $N_T = 160$ となる。
3. $M_I = m_i + \frac{X_R}{N_I} + m_p$ に $N_I = 34$ を代入する(この時 $M_I = 4\text{MB}$)。計算の結果、 $X_R = 68 - 34m_i$ となるの

で、リレーション R のサイズは $0 < X_R < 68\text{MB}$ ということになる。

4. 組合処理担当のプロセッサにおける受信用バッファ m_i は、 $0 < m_i < 2\text{MB}$ であることが導かれた。ここで $m_i = 0.5\text{MB}$ の場合、 $X_R = 51\text{MB}$ となり、これを(a)に代入すると $X_S \leq 1.53\text{GB}$ 、(b)に代入すると $X_S \leq 22.0\text{GB}$ となり、リレーション S の最大サイズは 1.53GB となる。同様に、 $m_i = 1\text{MB}$ の場合には、 $X_R = 34\text{MB}$ 、 $X_S = 3.13\text{GB}$ 、 $m_i = 1.5\text{MB}$ の場合には、 $X_R = 17\text{MB}$ 、 $X_S = 4.73\text{GB}$ となる。

従って、リレーションサイズは、 R が最大値の 68MB 未満の範囲において減少するのに伴い、 S は増加するということになる。例えば、 R が 3.4MB の時に S は 6GB となるのでこの付近が S の(計算上の)最大値と考えられる。これらの最大値を超えると、(a)の条件を満たせなくなった場合には、そのメモリをオーバーした分のパケットをディスクに書き込む必要が生じる。一方、(b)の条件を満たせなくなった場合には、無条件にハンドシェイクを行なわねばならない。

以上の様に、nCUBE2での非同期通信に伴うメッセージのオーバーフローという問題を回避するために、ハンドシェイクを使用した同期通信での実装を試み、この同期通信が必要としている境界を求めるためのモデル化を行った。しかし、本来はシステム側でのフローコントロールによりオーバーフローを発生しないようなメカニズムが必要とされる。

6 おわりに

本報告では、GRACE ハッシュ方式およびハイブリッドハッシュ方式を、メッセージパッシング型並列計算機 nCUBE2 上に実装し、限られた資源の中で、ディスク、メモリの割り当てがその性能にどのように影響するか、実験を行った。そこでは、nsdisk を使用した方式、ディスクアクセスを独立させた方式、パケットを分散しメモリ上に保持する方式を使用した。また、非同期通信とハンドシェイクを使用した同期通信の処理時間を比較し、与えられた条件の下での非同期通信の限界について考察を行った。

この結果、パケットを分散しメモリ上に保持する方式で大幅な性能の向上が見られ、ディスク利用台数が最良の場合において $R=10,000$ 、 $S=100,000$ では 8.9sec を、 $R,S=300,000$ では 82sec (図 10) という結果を得た。しかし、この場合、ディスクを単純に並列化しただけでは期待通りに性能の向上を達成できないことも示された。そして、各処理担当のプロセッサ数を調整することにより、ハンドシェイクを必要としないリレーションサイズの最大値の予測が可能であることを示した。

次に、CPU およびディスク性能が異なっているので単純な比較はできないが、他のマシン上での性能についても参考に挙げておく。[Dew89] では、Gamma 上のハイブリッド・ハッシュジョインにおいて、利用メモリ容量が最も良い状態での $R=10,000$ 、 $S=100,000$ のレスポンスが約 30sec となっている。また、[Kit92a] では、Symmetry S81 上の GRACE ハッシュジョインにおいて、最もスケーラブルなシステム構成での $R,S=300,000$ のリレーションサイズの処理時間が約 50sec となっている。

最後に、今後の課題について述べる。ここで測定対象となつたタブルデータは、二つのソースリレーションとも均一な状態で配置されている。従つて、不均一な状態で配置された場合の性能、特にパケットを分散しメモリ上に保持

する方式の性能について測定を行い、その有効性を調べる必要がある。その上で、メッセージパッシングを通信スタイルとする分散メモリ並列マシン上での、効率の良い結合演算を実現するための方法を考えいかねばならない。

参考文献

- [Dew84] D.J.Dewitt,*et al.*, "Implementation Techniques for Main Memory Database Systems," Proceedings of the 1984 SIGMOD Conference,Boston MA,June 1984.
- [Dew85] D.J.Dewitt,R.Gerber, "Multiprocessor Hash-Based Join Algorithms," Proceedings of the 1985 VLDB Conference,Stockholm,Sweden,August,1985.
- [Dew89] D.J.Dewitt, "A Performance Evaluation of Four Parallel Join Algorithms in a Shared-Nothing Multiprocessor Environment," Proceedings of the ACM SIGMOD,Portland,Oregon,June 1989.
- [Gray91] J.Gray, "The Benchmark Handbook for Database and Transaction Processing Systems," Morgan Kaufmann,1991.
- [Kit83] M.Kitsuregawa,H.Tanaka,T.Motooka, "Application of Hash to Data Base Machine and Its Architecture," New Generation Computing,Vol.1,No.1,1983.
- [Kit92a] M.Kitsuregawa,S.Tsudaka,M.Nakano, "Parallel GRACE Hash Join on Shared-Everything Multiprocessor: Implementation and Performance Evaluation on Symmetry S81," Proceedings of the 8th International Conference on Data Engineering,pp.256-264,1992.
- [Kit92b] M.Kitsuregawa,S.Hirano,M.Harada, *et al.*, "The Super Database Computer(SDC)System Architecture,Algorithm and Preliminary Evaluation," Proceedngs of the 25th Hawaii International Conference on System Sciences,pp.308-319,1992.
- [LTS90] H.Lu,K.Tan and M.Shan, "Hash-Based Join Algorithms for Multiprocessor Computers with Shared Memory," Proceedngs of the 16th VLDB Conference Brisbane, Australia,1990.
- [Omi91] E.R.Omiecinski, "Performance Analysis od a Load Balancing Hash-Join Algorithm for a Shared Memory Multiprocessor," Proceedings of the 17th International Conference on Very Large Data Bases,Barcelona,September,1991.
- [Shap86] L.D.Shapiro, "Join Processing in Database Systems with Large Main Memories," ACM Transactions on Database Systems,vol.11 No.3,pp.239-264, September,1986.
- [Zha94] X.Zhang, "Parallelism of GRACE Hash-Join in the COMA Model:Implementation and Evaluation on the KSR-1 System," Thesis,University of Florida,July 1994.
- [古野 94] 古野 真太郎, 横田 治夫, "nCUBE2 上への並列ハッシュジョインアルゴリズムの実装," JAIST,Research Reports IS-RR-94-0010A,1994.