セルオートマトンによる相互結合網の輻輳の解析

横	田	隆	史†	大	津	金	光†
古	Л	文	$V^{\dagger\dagger}$	馬	場	敬	信†

通信を司る相互結合網は,大規模並列計算機の成否の鍵となる重要な要素であり,これまでにトポ ロジ,フロー制御,ルーティングアルゴリズムなど,多岐にわたり改善が検討されてきた.一般に相互 結合網は,通信負荷が高まるとパケット間の衝突により輻輳状態が生じ,レイテンシが上昇する性質 を持つ.そしてさらに最大スループットを超える負荷を与えると系全体が輻輳状態となり,転送性能 が著しく低下する現象が現れる.こうした著しい輻輳状態での性能低下は,相互結合網の方式によっ て致命的となるが、その元となる輻輳の発生・成長のメカニズムはこれまであまり深く検討されてい なかった.本論文では,セルオートマトンを用いることで相互結合網をできる限り簡略なモデルで表 現し,動的な挙動を観測することにより,輻輳の発生・成長の機構の本質的な解明を行う.セルオー トマトンによるシミュレーションの結果,系の内部で輻輳状態になっておりほとんどパケットの移動 がない部分と,比較的自由にパケットが移動できる部分とに分離される相転移が起きることを示す. また、相互結合網の転送負荷を、輻輳が現れないレベルから系全体に拡散するレベルまで変化させる と, 輻輳領域が形成される下限付近の負荷において, 輻輳領域が間欠的に出現する現象が起きること を示す.さらに,系内の輻輳の状態を,パケットの移動度をもとに熱力学的エントロピーで表現する ことを提案する.系内に輻輳領域が発生しパケットの移動度が低下すると,系のエントロピーが低下 する.系のエントロピー値の変化によって輻輳の発生・成長・消滅の様子を定量的に表現できる.ま た、レイテンシで計った相互結合網の性能と、本論文によるエントロピー値は相反関係にある.さら に,相互結合網シミュレータを用いて検証し,セルオートマトンでの結果に準じた現象が実際の相互 結合網上で起きることを示す.このことから,セルオートマトンにより得られた本論文の知見は,相 互結合網に拡大適用することができると考えられる.

A Cellular Automata Approach for Understanding Congestion in Interconnection Networks

TAKASHI YOKOTA,[†] KANEMITSU OOTSU,[†] FUMIHITO FURUKAWA^{††} and TAKANOBU BABA[†]

Interconnection network, which is responsible to communication, is an important key for constructing effective large-scale multicomputers. Thus, interconnection network was discussed from many aspects such as topology, flow control, routing function, and so on. In general, an interconnection network has a common nature; increment of communication traffic causes conflict of message packets, thus results in large communication latency. Furthermore, if the communication traffic exceeds a threshold, the whole system falls into severe saturation, where packet are scarcely moves and communication performance is seriously degraded. Such congestion mechanism is not discussed so far. This paper presents a simplified model so that essential congestion mechanism is clarified, by using cellular automaton (CA). CA shows two distinct portions within the interconnection network; heavily congested and non-congested areas. In the former area, as packets block each other, only a few packets can move and most packets are 'frozen.' Packets in the latter area can move freely. Such phenomenon is a kind of phase transition. CA also shows that congested area appears intermittently at the edge of traffic level. We introduce an entropy measure that represents mobility of packets in the system. The entropy measure is induced by that of thermal dynamics and it represents phase transition accompanied by growth of congestion area. We show similar phenomena are observed in ordinal interconnection network simulation. This implies that our knowledge from CA simulation is applicable to wide range of interconnection networks.

† 宇都宮大学工学部情報工学科 Faculty of Engineering, Utsunomiya University

†† 帝京大学ラーニングテクノロジー開発室 Learning Technology Laboratory, Teikyo University 1. はじめに

並列計算機においてノード間の通信は必要不可欠な ものであり,さらに通信性能がシステム全体の性能を

May 2006

左右することから,相互結合網は重要な存在として位 置付けられている.特に大規模並列計算機を構成する うえでは,相互結合網に対して効果的かつ現実的な解 が求められ続けており,これに応えるべくトポロジを はじめ,フロー制御,ルーティングなどの手法の改善 検討がなされてきた.

大規模化に対応するために直接網を用いるシステ ムでは,網全体を統一した制御下に置くのではなく, 計算ノードからのパケットを,相互結合網を構成する ルータが個別に配送制御することが多い.すなわち, 計算ノードは与えられたプログラムに従いパケットを 生成し,相互結合網ルータ間でそのパケットを転送す ることにより適切な送り先に配送する.

ここでルータは、パケットの内容を保持するための バッファと、パケットの転送先を切り替えるためのス イッチの機能を持つ、バッファに蓄えられたパケット を次にどの方向に転送するかは、あらかじめシステム で定められたアルゴリズムに従う、同一ルータ内で、 複数のバッファからのパケットが同一の出力先を求め た場合は、いずれか1つが選択され他はプロックされ る.また、バッファの容量は有限であるため、バッファ に余裕がない場合は隣接ルータからのパケットの転送 を受け入れることができない、この場合、パケットは 当該隣接ルータから転送されず、バッファに空きがで きるまでプロックされる.

このように各ルータで独立してパケットの転送制御 が行われることから,通信負荷が増大し相互結合網上 に配送途中のパケットが多く存在するようになると, 上述のようなパケット間の干渉が多く発生するように なる.このため,通信負荷の増大にともなってパケッ トの転送が一時的にプロックされる確率が高くなり, 平均レイテンシが上昇する.さらに通信負荷が高い状 態では,転送をプロックされたパケットがバッファか ら排出されにくくなり,バッファが満杯の状態になる. 満杯のバッファは隣接ルータからのパケット転送をプ ロックするから,結局,パケット転送のプロックとそ れにともなうバッファの消費が隣接ルータを通じて連 鎖的に拡大し,ついにはシステム全体の通信を飽和さ せ性能を著しく低下させる結果となる.

このような相互結合網の飽和が発生すると,システ ム全体の転送性能が飽和前と比較して著しく低下する. 計算ノードによって相互結合網に投入された単位時間 あたりの通信負荷(投入転送負荷:offered traffic)と, 実際に相互結合網により配送された単位時間あたりの 通信量(転送スループット:accepted traffic)との関 係を模式的に表すと図1のようになる.投入通信負





荷が小さい場合は,投入通信負荷と同じだけの転送ス ループットが得られるが(図1中Aで表示の領域), 投入通信負荷の増大とともに飽和傾向を示すようにな り(図1中B), 飽和点を超えると転送スループット は急激に減少する(図1中C).

こうした特性を持つために,これまでの相互結合網 の研究では,非飽和時のレイテンシを低減する手法や, 飽和に対する耐性を持たせる手法の検討を中心として 改善が図られてきた^{1),2)}.すなわち飽和状態を避けな がら低レイテンシ・高スループットで相互結合網を使 用する手法である.しかしながら,投入通信負荷が高 い状況で重い輻輳状態となり転送能力が著しく低下す る問題は厳然として存在するのである.

相互結合網のこうした挙動は,古くから樹状飽和 (tree saturation)として説明されてきたが^{2),3)},その 発生や拡大のメカニズムはあまり深く検討されていな いのが現状である.本論文では,大規模化に対応しや すい規則的な構造を持つ直接網を対象として,一般性 を損なわない範囲でできる限りの簡略化を施すことで, 相互結合網に現れる輻輳現象の本質的な部分を解明す ることを目標とする.

そこで本論文ではまず,事象の本質を損なわずにモ デルを簡略化して表現できるセルオートマトン (cellular automata^{4)~6)})の手法に着目した.セルオー トマトンはフォン・ノイマンを起源とする歴史があり, Conway のライフゲーム⁷⁾ などでも広く知られてい る.Wolfram らにより複雑系の表現として議論され たほか⁵⁾,事象の本質を損なわずにモデル化できる性 質を利用して,現実の問題の解析手法として多く用い られている.たとえば,格子ガス法(lattice gas automata, LGA⁸⁾)を用いた物理現象の解明や,自動 車や人を対象とした交通流のシミュレーションなどの 分野ですでに実用化されている^{9),10)}.特に交通流の シミュレーションは,対象物が決められた経路(自動 車の場合は車道)に沿って移動すること,対象物どう しの干渉により輻輳状態が生じることの点において大 きな共通点があることから,情報通信網の挙動の解明

に応用することが言及されてきた(文献 11), 12) な ど).しかし,現状では相互結合網に適用した事例は 見当たらない.

本論文では,相互結合網の挙動をセルオートマトン の手法に則ってできる限り簡略化することで,輻輳状 態の発生と拡大の様子を求める.簡略化した結果,輻 輳の発生により系に相転移ともいえる大きな変化が、 明確に現れることを示す. すなわち, 輻輳状態が発生 した状態では,パケットがルータ間で相互にブロック される結果ほとんど転送が行われなくなる輻輳領域と, 比較的自由にパケットが転送される非輻輳領域とに明 確に分離される.さらに本論文では,こうした輻輳の 状況を定量的に表現するため,熱力学からのアナロジ により,パケットの移動度をもとにしたエントロピー を定義することを提案する.パケットを熱力学で扱う 分子に見立て,その移動度をもとに系全体の状態を定 量的に表す.系のエントロピーの経時変化から,輻輳 状態の発生や成長の様子や,輻輳にともなう系の性能 の低下を的確に表現できることを示す.

さらに本論文では,セルオートマトンの簡略モデル によって得られた結果が,実際の相互結合網で再現で きることを,相互結合網シミュレータを用いることで 検証する.モデル化の内容の差異により完全に同じ 結果は得られないものの,セルオートマトンで観測さ れた挙動の本質的な部分は再現されることを示す.こ れにより,本論文においてセルオートマトンを用いる ことで得られた,相互結合網の輻輳の発生や拡大に関 する知見が,相互結合網に広く適用可能であることを 示す.

2. セルオートマトンによる相互結合網の模擬

2.1 対象の簡略化

相互結合網をセルオートマトンによりモデル化する 方法について検討する.ここでは,本論文で目的とし ている相互結合網の輻輳について,本質的な性質を抽 出しやすくするため,議論の本質や現実性を損なわな い範囲で,できる限りの簡単化を行う.

本論文の議論で用いるシステムの概要を図 2 に示 す. $L \times L$ の 2 次元トーラス網を仮定し,パケット は,x 軸,y 軸それぞれで単方向に転送される(本論 文では図中において右方向(x 軸),下方向(y 軸)で 表す).パケットは,長さを持たず,1クロックで一度 にパケット全体が転送される.デッドロックの発生を 避けるために必要十分な仮想チャネルを用いる.ルー タは仮想チャネルの入力側にパケットバッファを備え る.バッファの先頭にあるパケットが,そのルータか



図 2 相互結合網を含むシステムのモデル Fig. 2 System model.



Fig. 3 A simplified node model.

らの出力対象となり,クロスバスイッチで適切に切り 替えられる.ただし,通常の相互結合網と異なり,複 数の仮想チャネルで同時に転送することを許す.

1 ノード分の構成を図3 に示す.クロスバスイッチ をさらに簡略化し, x 軸, y 軸にある同一チャネル番 号のパケットバッファからの要求をもとに,スイッチ によりどちらかの一方の出力のみを行う方式とする. これは,セルオートマトンによるモデル化を容易にす るための簡略化である.なお,図3 では,プロセッサ によるパケット生成,到着パケットの消費を省略表記 している.

パケットは,指定された通信パターンに従って生成 される.送信元 $(sx, sy) \longrightarrow$ 受信先 (dx, dy)に向け, 最短経路でルーティングする.ただし, x軸, y軸の 正の方向にのみ進める制約を設ける.パケットは, x軸方向, y 軸方向のどちらにも進めるとき,どちらを 優先するかを,生成時に決められる. x 軸を優先のも のをタイプH, y 軸優先のものをタイプ V と呼ぶ.パ ケットがタイプ H の場合は, x 軸 $\rightarrow y$ 軸の dimention order ルーティング行う . タイプ V の場合も同様である. ただし,適応度パラメータ P_r を導入し, P_r の確率で進行方向を変更できるものとする.

パケットは,送信元ノードで生成された際に,初期 仮想チャネル番号0が割り当てられる.チャネル番号 は,その後,パケットが date-line を通過するごとに 1だけ増す.date-line は,x = 0(x 軸),y = 0(y軸)とする.date-line を越えるとき以外は,チャネ ル間の移動は行わない.これによってデッドロックフ リーのルーティングを行う.

パケット生成の制御は,ノードごとにパケット発生 間隔を指定する方法,システム全体のパケット総数を 決めておき,ランダムに選んだノードから発生させる 方法,の2通りとした.前者は現実の相互結合網の使 われ方に近い.後者は,結合網の混雑度をシステム上 にあるパケットの総数により制御しやすくするため, 便宜的に用いている方法である.

2.2 セルオートマトンによる表現

以上のように簡略化した相互結合の構成を,セル オートマトンによりモデル化する.ここで,基本的に 文献 11)のモデル化方法を継承しつつ,相互結合網の モデルとして適切な改変を行う.また,使用する名称 (呼称)も,実際の相互結合網との関連が明確になる ように適切なものに変更する.

一般のセルオートマトンでは,多数の「セル」を並 ベ,系に与えられたルールに従いセルの状態を変化さ せる方法をとる.文献 11)では交通流のシミュレー ションを行う目的のために,これとはやや異なり,サ イト(site:上述のセルに相当)上に car が存在する/ しないといった表現形式をとっている.本論文でもそ の表現形式に倣う.

本論文では,パケットの存在を明確にするため,パ ケットがセル間を移動するものとする.したがってセ ルは,そこにパケットがない状態とある状態を持つ. さらに,個々のパケットには,上述の進行方向を示す ためのタイプ(H,V)のほか,相互結合網の評価のた め必要な属性を持たせる.パケットの移動は,その パケットを持つセルの位置が変わることで表現される.

1 ノード分のセルオートマトンのモデルを図 4 に 示す.パケットバッファは,1次元(線状)に並べら れたセルの列によりモデル化する.これらのセルを, 以降,チャネルセルと呼ぶ.チャネルセルに並んでい るセルの数が,パケットバッファの容量に相当する.



図 4 1 つのノードのセルオートマトンによるモデル化 Fig. 4 Cellular automaton model of a node.



また,スイッチ部は,仮想チャネルごとに1個ずつ設 けられたセルで表現する.これらセルをノードセルと 呼ぶ.ノードセルが空のとき,チャネルセルの先頭に あるパケットがそこに移動する.x 軸 y 軸の両方の チャネルセルにパケットがあった場合は,どちらか一 方がノードセルに移動する.どちらが移動するかは, 文献 11)の signalのメカニズムにより決める.すな わち,システムのクロックごとに1/0の状態をトグル する1ビットカウンタ(signal)を用意しておき,こ のカウンタが1のときHパケットを選択し,0のとき Vパケットを選択する.

セルオートマトンによりモデル化されたシステムの 全体構成を図 5 に示す.

2.3 CA $\mu - \mu$

ここで,前節で示したセルオートマトンについて, 表記方法やパケット移動ルールを明確化しておく.

本論文においてセルオートマトン中に用いる記号の 一覧を図6に示す.セルは丸印で表現する.空白の丸

たとえば,パケットの識別子(ID),送信元,受信先ノード情報, 生成時刻,ホップ数,転送ブロック時間,などである.



- ← → O - - ← → ← - cannot move

図 7 移動ルール(チャネル) Fig. 7 CA rules for channel cells.



印は,パケットを持たないセルである.パケットのタ イプ(H,V)を区別する場合には,セルの丸印の中に 各々H,Vを記す.どちらでもよい場合は黒丸で表現 する.パケットの有無を問わない場合は,don't care として二重丸で表現する.

各セルには,たかだか1個のパケットを保持できる. パケットは隣接セル上にパケットがない場合に限り, 当該隣接セルに移動できる.隣接セルに別のパケット がある場合には,パケットは移動できず,空きができ るまでそのセルにとどまらなければならない.また, パケットは他のパケットを追い越しできない.

チャネルセルのパケット移動ルールを図7に示す. 進行方向の隣接セルが空である場合に限り,移動で きる.

パケットがチャネルセルからノードセルに移動する 場合のルールを図8に示す.パケットは,ノードセル が空のときのみ移動できる.x軸方向チャネル,y軸 方向チャネルからのパケットが競合する可能性がある. 競合した場合には,前節で示した'signal'のメカニズ ムを使って,どちらか一方を選ぶ.両チャネルが競合 せず,ノードセルが空いていれば,移動可能である.

パケットがノードセルからチャネルセルに移動する 場合のルールを図 9 に示す.転送先のチャネルを *x* 軸方向, *y* 軸方向のどちらにするかは,パケットのタ イプ(H,V)によって決める.もし,パケットがタイ プHである場合には,*x* 軸方向に進む.ここで *x* 軸 方向の隣接チャネルセルが空でなければ,パケットは そこにとどまり,当該セルが空くまで待つ.



2.4 相互結合網転送特性

前節までに述べたセルオートマトンを計算するプロ グラムを C++言語により作成し,相互結合網として の評価を行った.パケットは各ノードから一定の間隔 で生成され,その受信先は系内のノードからランダム に選択される.実際に配送されたパケットの総数(転 送スループット,accepted traffic),パケットの平均 レイテンシを測定した.実行は100,000 サイクルとし, 実行開始から 50,000 サイクル間は無視し,100,000 サ イクルまで 50,000 サイクル間で測定している.シス テムの規模は,ノード数 $L \times L$, チャネルあたりのセ ルの数 P = 5 とし,仮想チャネルの数は,デッドロッ クを生じない最小数である 3 としている.

各ノードでのパケットの生成間隔をもとに計測時間 に生成されるパケットの総数を算出し,投入通信負荷 とした.L = 32, P = 5のときの投入通信負荷と転 送スループットの関係を図10に,投入通信負荷に対 する平均レイテンシを図11に,それぞれ示す.なお, 両図中,投入通信負荷および転送スループットは正規 化した値を用いている.

図中の Pr は, 2.1 節で示した適応度パラメータで ある.上で述べたように,パケットは生成時にx軸y軸のどちらの次元に沿って進むかを,パケットのタイ プ(HまたはV)として指定される.適応度パラメー タ P_rは, クロックごとにパケットタイプが変化する 確率を表している.パケットがチャネルセルにある場 合には進行方向に選択の余地はないが, ノードセルに あって次のクロックで x 軸・y 軸どちらのチャネルに 進むかを決める際には,パケットのタイプが参照され る.適応度パラメータ Pr は,このパケットタイプを一 定の確率で変更できるようにしたものである . Pr = 0 のとき,パケットのタイプは変わることがない.これ は相互結合網で決定的ルーティングが行われているこ とに相当する.一方, $P_r \neq 0$ のときは,一方の軸方 向に進めない場合に,他方の軸の方向に進むことが可 能になるため,適応ルーティングに相当している.本 評価では, $P_r = 0$,0.2,0.4の3通りについて行って いる.

図 10 から,パケットの投入通信負荷が小さい範囲 では,投入通信負荷にほぼ比例した転送スループット

情報処理学会論文誌:コンピューティングシステム



Fig. 11 Offered traffic and average latency of packets.

が得られるが,投入通信負荷のある点を境にして転送 スループットが急激に低下する現象(breakdown)が 発生することが確認できる.breakdown点における 性能低下の度合いは,適応度パラメータ *P_r*により異 なる.*P_r*が大きく,パケット転送経路の変更が起き やすいほど,輻輳による性能のbreakdownに強いこ とが分かる.

平均レイテンシ(図11)に関しては,投入通信負荷 が上記 breakdown が生じる点より小さい範囲では大 きな差はないが, breakdown 点付近およびそれより 大きい投入通信負荷では, $P_r = 0$ の場合,すなわち 決定的ルーティングでレイテンシが大きく,さらにば らつく様子が分かる.

2.5 輻輳状態の観察

2.4 節で説明し,本論文での評価に用いたセルオー トマトンのプログラムでは,パケットの位置を一定 周期でディスプレイ上に表示する機能や,画像形式 (portable pixmap,ppm)でファイルに保存する機能 を実装している.この機能を用いて,breakdown 点 付近の投入通信負荷を与えた場合の結合網の状態を観 測すると,以下のことが分かった.

(1) パケットの存在密度は均一ではなく,系全体に







図 13 一時的なパケット塊の発生と消滅のプロセス Fig. 13 Temporal congestion observed.

わたりなだらかに傾斜する.

図 12 は, L = 32, P = 5のシステムで t = 5200に観測された輻輳がない状態での仮想チャネル0番のパケットの分布である.この図では分布の様子が明確になるように,パケットのある各点の各辺を3倍の大きさに拡大して表示している.

- (2) 衝突によるパケットの塊が局所的に発生するが、 多くの場合、時間とともに雲散霧消する.
 図13に、小規模なパケット塊が生成・消滅する様子を示す.図はL=32、P=5のシステムの右下の1/4部分を拡大している.図中 印で示した部分で、リンクセルの並びに従ってパケットが連続している箇所が複数あることが確認できる.さらに時系列に比較することでそのような小規模なパケット塊が発生し、短時間で解消している様子が分かる.
- (3) 投入通信負荷が大きい場合は、パケットの存在 密度が高いために、雲散霧消する前に新たなパケットがパケットの塊に衝突し、塊の規模を大きくする.
- (4) その結果,大きな塊に成長するが,ほぼ一定規 模以上の大きさにはならない.塊の中にあるパケッ トは他の部分と比較して移動をブロックされている



の場合このような 1/4 扇形をしている.

Fig. 14 Typical lifetime sequence of solid area.

固相領域が系の左上辺縁部に到達し縮小・消滅 (7)すると,系の右下の位置で新たなパケット塊が発生 することがある.そして上記の(3)以降のように固 相領域へと成長し,同様の過程をたどる.このよう な固相領域の発生・成長・移動・消滅のプロセスが 繰り返し観測される.

系内のパケット数が多く気相領域でのパケット密度 が高い場合には,系の左上辺縁部に達した固相領域 が消滅する前に,系の右下部で新たな固相領域が発 生することもある.

以下,上記の事項について考察していく.

2.5.1 パケットの存在密度が不均一

本論文で行っているセルオートマトンのモデル化か ら,パケットは右方向(タイプH)あるいは下方向(タ イプV)に進む.このため,チャネル番号0に割り当 てられたパケットは, x = 0, y = 0 に設けられた date-line を越えて進むまでは(ラップアラウンド経路 を通過するまでは), チャネル0 で転送される.パケッ トはランダムに生成されるから,パケットが進行方向 に進むに従って,パケットの密度が増えていく.この ために,系の右下の位置で(チャネル0の)パケット の密度が高くなる.他のチャネルにあるパケットの数 は, チャネル0に比較すると少ない.これは, 受信先 ノードに到着したパケットは消滅するためである(上 記(1)).

2.5.2 パケット塊の発生と消滅

投入通信負荷が大きくなると,下方向に進む V タ イプのパケットと,右方向に進むHタイプのパケット がノードセル上で衝突する頻度が高くなる.パケット の衝突が起きると,調停メカニズムにより一方のみが ノードセルに入り,他方は待たされる.このとき,待 たされたパケットがあるチャネル上に他のパケットが あると,待ち状態がチャネルに沿って連鎖的に広がる. こうして局所的なパケットの塊が発生する.

パケットの存在密度がさほど高くない状態では,衝 突によるブロック状態が長く続かないために,局所的 なパケット塊が成長することはない(2).

2.5.3 固相領域への成長

しかし投入通信負荷が大きく,パケットの存在密度 が高くなると、衝突によるブロック状態が解消する前 に新しいパケットが衝突し,パケット塊が大きくなる (3).こうして一時的に生じた局所的なパケット塊が 成長し,固相領域となる.

こうしてパケット塊は成長すると,系は,パケット が高密度で存在する部分(パケット塊)と,パケット の密度が低い部分 (パケット塊以外の部分)に分かれ

る.パケット塊以外の部分では存在密度が低いため, パケットが塊に衝突する頻度が減る.このためにパケッ ト塊(固相領域)の成長は抑えられるようになる(4). 2.5.4 固相領域の移動

しかしながら,固相領域以外の部分でもパケットは 存在するため、少しずつ固相領域にあるパケットと衝 突し,固相領域に組み入れられてゆく.パケットは右 方向(H)または下方向(V)のみに移動するから,固 相領域に追加されるパケットはつねに左側・上側に限 られる.一方で,固相領域の右側・下側では,パケッ トが解放されていく.このために,固相領域は,左辺・ 上辺部でのパケットの追加と,右辺・下辺部でのパケッ ト離脱とが平衡状態を保ちながら,パケットの進行方 向とは逆の方向に移動していく(5).

固相領域では,このように,左辺・上辺部でのパケッ トの衝突・追加と,右辺・下辺部でのパケット離脱と が同時に起きている.このため,特定のパケットが固 相領域をなしているわけではなく,追加・離脱により 塊を構成するパケットがつねに変化する.すなわち, 固相領域では、パケットの供給の一方で消費が同時に 起きる開放系をなしている.

たとえば,パケット塊が発生する元になった最初の 衝突を起こしたパケットは,パケット塊が成長すると きにはすでに離脱して他の場所に移動している(ある いは受信先に到着している).このようにパケット塊 は,追加・離脱のパケットによりつねに新陳代謝して いる、

2.5.5 固相領域の消滅

系の左上部に達した固相領域には,それ以上新たな パケットが衝突することはなくなる.このために固相 領域からパケットが離脱するだけになり,塊の規模が 縮小してゆき,最終的には消滅する(6).

パケットの塊が縮小すると,その分だけ塊以外の部 分にあるパケットの数が増し,密度が高くなる.これ によって,系の右下部で新たなパケット塊が発生する (7).

4. 輻輳状態の解析

前章では観測結果に基づいて,固相領域の発生・移 動・消滅のプロセスについて定性的に明らかにした. 本章では,固相領域のマクロ的な測定尺度,具体的に は安定状態にあるときの固相領域の大きさと,移動速 度について,定量的な議論を行う.そのために,本章 ではセルオートマトンをさらに簡略化したモデルを用 いる. 解析的に求めた結果と, 実際の観測結果とを比 較することで,前章で行った定性的な考察を裏付け, さらに観測された挙動が特異なものではなく一般性が あることを示す.

3.1 固相領域の大きさ

ここで,2.5節で観測された固相領域について簡単 なモデル化を行い,固相領域(すなわち相互結合網で 輻輳している領域)の解析を行う.

セルオートマトンのモデルは 2.2 節で述べたものに 準じる $.L \times L$ 個のノードを正方格子状に配置した系 を想定し,チャネルの長さ(チャネルを構成するセル の数)を P とする.簡単化のため仮想チャネルは用 いず,仮想チャネル数は 1 とする.系の中には N 個 のパケットが存在するものとする.

固相領域の形状は正方形とし,その一辺に ω 個の ノードセルが含まれているものとする.さらに固相領 域内のセルすべてに,パケットが置かれている状態を 想定する.

固相領域の中には, ω^2 個のノードセルのほか,ノードセルあたり 2P 個のチャネルセルがあるものと考える.このため固相領域に含まれるセルの総数は, $N_{solid} = (2P+1)\omega^2$ である.

固相領域以外はパケットが自由に移動できる気相領 域とする.気相領域には $N_{vapor} = N - N_{solid}$ 個の パケットが均一に存在するものとする.気相領域のパ ケットの存在密度は $\xi = \frac{N - (2P+1)\omega^2}{(2P+1)L^2}$ となる.気相 領域内のパケット密度は十分に低く,パケットどうし の衝突による影響を無視できるものとする.気相領域 でパケットは最大速度で移動する.すなわち, Δt 時 間にパケットは Δt 個のノードセルを進む.

ここで,気相領域から固相領域の上辺部に衝突する パケットについて考える(図16参照).固相領域の



図 16 固相領域に衝突するパケット Fig. 16 Packets going into solid area.

上辺部の大きさ $\omega \cdot \Delta t$ の微小領域に存在し,しかも 下方向に進むパケットのみが Δt 時間内に固相領域に 衝突する.この微小領域にある y 軸方向のチャネル セルの数(期待値)は, $\frac{P}{P+1}\Delta t\omega$ であり,ノードセル の数は $\frac{1}{P+1}\Delta t\omega$ である.y 軸方向のチャネルセルに あるパケットの数は,上で求めた気相領域のパケット 密度 ξ を用いて $\frac{P}{P+1}\Delta t\omega\xi$ であり,これらは Δt 時 間内に固相領域に衝突し新たに固相領域に加わる. 方,微小領域内のノードセルにあるパケットは,半数 の V タイプのみが下方向に進むため, Δt 時間内に固 相領域に衝突するパケットの数は $\frac{1}{2(P+1)}\Delta t\omega\xi$ とな る.よって,単位時間あたりに固相領域の上辺部に衝 突するパケットの数は $\Delta t = 1$ として

$$\gamma_{in}(\omega) = \frac{N - (2P+1)\omega^2}{2(P+1)L^2}\omega \tag{1}$$

である.固相領域の左側面でも同様のことが成り立つ.

次に,固相領域から離れるパケットの動きを考える (図17参照).固相領域の下辺部に注目する.ここで, 固相領域は定常状態になっているものと仮定する.す なわち,下辺部にあるセルのうち,下方向に進むもの は(下隣接セルは空いているので)障害なく進む.定 常状態でとどまるのは,右に進むパケットのみである. したがって,定常状態で下辺部のパケットは,右方向 に進むもののみとする.

固相領域中にあって,自由に移動できるのは右下角 に位置するパケットAのみである.他のパケットは, 進行方向のサイトに他のパケットがあるため移動でき ない.パケットAは,進行方向に障害となる他パケッ トがないために,確率1で移動する.次のサイクルで は,その左側にあるパケットBか,上側のパケット A'のどちらかがAの位置に移動してくる.その確率 は1/2である.すなわち,パケットBが移動可能に なる確率は1/2である.この図ではノードセルのみを 表しているがチャネルセルがある場合でも基本的にこ れと変わらない.ノードセル上にあるパケットの移動 が,隣接ノードセルに影響するまでにチャネルセル数



図 17 固相領域から離れるパケット Fig.17 Packets escaping from solid area.

分の遅延があるが,移動の頻度は変わらない.簡単化のため,チャネルセルは無視して考えることにする.

パケット B が移動すると,元のセルには,左隣の パケット C あるいは上隣のパケット B' が移動する. 双方とも 1/2 の確率で移動する. C が移動した場合, C は右方向に進むため,そのままブロックされる. B' が移動した場合は,B' がタイプ V パケットであるか ら,そのまま固相領域から離れる.こうして,右端か ら i 番目にあるパケットは, $(\frac{1}{2})^{i-1}$ の確率で固相領 域から離れることになる.

固相領域下辺部にある ω 個のノードセルにはすべ てパケットが置かれている.1クロックの間に固相領 域下辺部から離れるパケットの個数の期待値は

$$\gamma_{out}(\omega) = \sum_{i=1}^{w} (\frac{1}{2})^{i-1}$$
(2)

である.

系が平衡状態にあり,固相領域の大きさが経時変化 しないときは, $\gamma_{in}(\omega) = \gamma_{out}(\omega)$ となる ω を式 (1), (2)から固相領域の大きさを求めることができる.た とえば,L = 64,P = 5,N = 15,000のときは, $\omega \approx 41.2$ となる.この結果は,同じ条件下で観測さ れた実際の固相領域(図 15)の大きさとほぼ等しい.

3.2 固相領域の移動

次に, 2.5 節 (5) で観測された固相領域の移動につ いて検討する.

固相領域の式 (1) を求める過程で得られた結果から, 固相領域には単位時間に上辺側に $\gamma_{in}(\omega)/\omega$ 個のパ ケットが衝突する.このことから,固相領域は上方向 に,単位時間あたり $\frac{\gamma_{in}(\omega)}{\omega}$ の速度で移動する.ノード セルの位置を単位として計算すると,固相領域は Δt 時間後に, $\frac{\gamma_{in}(\omega)}{(P+1)\omega}\Delta t$ だけ移動する.

この結果を,図15で用いたL = 64,P = 5,N = 15,000の条件にあてはめてみる.前節の結果から, 固相領域の大きさは $\omega \approx 41.2$ であり,式(1)から $\gamma_{in}(41.2) \approx 1.0$ である. $\Delta t = 2,000$ クロック後の移 動量を,上の結果をもとに計算すると,約8.09ノー ドセル分となる.

図 15 に示した固相領域の 2,000 クロック後の様子 を図 18 に示す.両図を見比べると,固相領域は 2,000 クロック間に左方向に 12 ノードセル分,上方向に 6 ノードセル分移動していることが分かる.これは,上 記の結果とほぼ一致していると考えられる.

4. エントロピーによる相互結合網系の表現

2,3章により,輻輳の発生によりパケットが相互に



図 18 固相領域が移動する様子 . L = 64 , P = 5 , N = 15000 , t = 31300

Fig. 18 Migrating solid area. L = 64, P = 5, N = 15000, t = 31300.

干渉し移動度が著しく低下する領域(固相領域)が塊 状に発生することが明らかになった.系に輻輳がなく パケットが自由に移動している状況や,輻輳が発生・ 成長・消滅している状況を的確に表現できる尺度を考 えたい.そこで本論文では,物理学(熱力学系)にお いて相転移現象を扱うときにエントロピーを用いるこ とに着目した.エントロピーを用いることで,系全体 の輻輳の度合を定量的に表現でき,相転移現象もエン トロピー値の変化として表現できるはずである.

4.1 エントロピーの定義

2.5 節に示したように,セルオートマトンによる相 互結合網は,輻輳により,移動度が低いパケットの塊 (固相領域)と,パケット移動度が高いそれ以外の領域 (気相領域)が生じることが観測されている.そこで, 気体分子の熱力学的エントロピーに倣い,気体分子を パケットに置き換えて考えることで,系内のパケット の動きをエントロピーを用いて表現する.

まず,パケットの移動距離を定義する.時間 △t 内 でパケットがサイト間をホップした回数を dh とする. この値(dh)を当該パケットの移動距離とする.ここ ではホップ数のみを扱い,移動方向は考えない.

 Δt の時間内に生成されたパケットや,受信先に到 着して消滅するパケットについては,各々のパケット の正味の時間(δt)と,その間の移動ホップ数dh'か ら $\frac{\Delta t}{\Delta t} dh'$ により,時間 Δt で正規化した値を用いる こうして,系内の全パケットについて,時刻 t から $t + \Delta t$ の間の移動ホップ数をカウントすることで,移 動距離を求める.セルオートマトンにおいて時刻はク ロック単位で進められるため, Δt ,移動距離はともに 整数値となる.また,個々のパケットの移動距離は範 囲 $[0:\Delta t]$ の整数となる.

時刻が $t + \Delta t$ となり, Δt 間での全パケットの移動 距離が求められたら,移動距離の値ごとに,パケット の個数をカウントし,移動距離に対するパケット個数 の分布を求める.移動距離 h を持つパケットの数を n_h とする. $h \neq 0$ なる h に対して,以下の式により 系のエントロピーを定義する.

$$entropy = \sum_{h=1}^{\Delta t} \frac{n_h}{N} \log_2 h \tag{3}$$

ここで, N は系内に存在するパケットの総数である. 系が輻輳状態にないとき, Δt 時間内にパケットが移 動する距離が長くなるため,エントロピーは大きくな る.逆に,輻輳によりパケットの移動距離が短くなる とエントロピーは小さくなる.実際に輻輳が発生して いる状況は,図15,図18に示されているように,パ ケットの移動度がきわめて小さい固相領域と,比較的 自由に移動できている気相領域に分かれている.むろ ん,エントロピーは気相領域の部分で大きく,固相領 域で小さくなる.このために,実際に式(3)で得られ る系全体のエントロピー値は,気相・固相の各領域の 幾何平均になる.

ここで定義したエントロピーは,輻輳の度合いを表 現するものであり,結合網方式の絶対的な性能を表現 するものではない.たとえば,平均レイテンシの大小 により結合網方式の性能を比較することはできるが, それらの値の大小をもって結合網の系内の輻輳の度合 いを定量的に比較することはできない.

4.2 エントロピーの経時変化

ー定時間 $\Delta t = 100$ サイクルごとに式(3)の定義 に従い系のエントロピーを求め、その経時変化を求 めた.結果を図 19 に示す.横軸が経過時間(クロッ ク)、縦軸がエントロピーを示している.グラフには、 ノードセルからのパケット生成間隔 v を変えた場合を 表示している.v が小さいときは、パケットが頻繁に 生成されるために、系は輻輳状態が起きやすくなる. v = 60(サイクル)のとき、系は完全な輻輳状態にあり、エントロピーは低い値になっている.<math>v = 100の とき、系に輻輳は生じておらずエントロピー値は大き い.v = 80 はそれらの中間的な場合であり、不安定 な挙動を示していることが分かる.





4.3 相転移とエントロピー

2.5 節で観測し,3 章で簡単な解析を行った固相領 域の挙動について,さらに検討を進める.

パケット生成間隔が広いとき,系に輻輳は生じず, 気相領域のみの状態で推移する.パケット生成間隔を 狭めていくと,パケットどうしの衝突頻度が高まって いく.この状態では,スループットの上昇とともに衝 突によりレイテンシも上昇していく.そしてさらにパ ケット生成間隔を狭めると,系の中に固相領域が発生 し,固相領域に入ったパケットの移動度が急激に低下 することから,スループットの低下(breakdown)を 生じる.

このような breakdown 点の前後での,エントロピー 値の時刻変化の様子を図 20,図 21 に示す.図 20 は L = 32, P = 5, $P_r = 0.0$ の場合であり,図 21 は L = 64, P = 5, $P_r = 0.2$ の場合である. Nずれの 図も x 軸はシミュレーション時間を表しており,エン トロピー値(実線,左目盛り)と Δt 間に受信先に到 着したパケットの平均レイテンシ(破線,右目盛り) を表している.パケット生成間隔は,vとして図中に 示されている.

図 20, 図 21 から,パケットの生成間隔のわずかな 差により,系の挙動は大きく異なることが分かる.生 成間隔が大きいとき,たとえば図 20 の v = 96 のと き,エントロピー値が急激に低下しすぐに回復する現 象が発生していることが分かる.これは,2.5 節で述 べたように,パケットの衝突にともなって生じる小さ なパケット塊が,そのときの系の状態によって成長し, パケット移動度が小さい固相領域を形成するためであ る.固相領域は系内を移動し,消滅する.このような 固相領域の生成から消滅までのプロセスが,エントロ ピー値の一時的な(急激な)低下として定量的に現れ ている.

図 20 の v = 96, 94, 92 では, 上記のような固相領





図 20 エントロピーとレイテンシの時間変化 (L = 32, P = 5, Pr = 0.0)





図 21 エントロピーとレイテンシの時間変化 (L = 64, L = 5, Pr = 0.2)

域の発生消滅があることが分かる.固相領域の発生は 間欠的であるが,大きさ(規模)や周期性を確認する には至っていない.たとえば,パケット生成間隔 v が 同じ値であっても,系の挙動の時間変化はシミュレー ション試行ごとに大きく異なる.



パケットの生成間隔を狭めると,系内のパケット塊 が発生しやすくなり,それが固相領域まで成長する頻 度が高くなる.図20を見ると,v = 96の場合に比 べ,v = 94で発生頻度が高まっている.そしてさらに パケット生成間隔を狭めると,同図v = 92のように, ほぼ周期的に固相領域の生成を認められるようになる. さらに生成間隔を狭めると,1回の固相領域の生成・ 消滅のサイクルが終了するのを待たずに,次の固相領 域が生成され成長する現象が現れる.同図v = 90の 場合は,中間的な状態であり,さらに生成間隔の短い v = 88の場合では固相領域が連続して現れているこ とが分かる.さらに生成間隔を短くすると,固相領域 の生成・成長・消滅のサイクルがつながり,v = 86の グラフのように,系全体として不安定な挙動を示す.

図 21 から,上記と同様のことは,系の大きさや適応度パラメータ(*P_r*)が異なっても生じることが確認できる.

また,図 20,図 21 から,エントロピー値と平均レ イテンシが対称的な関係になっていることが分かる. すなわち,固相領域の発生によりパケットの移動度が 低下すると,エントロピー値が低下し,レイテンシが 上昇する.系が非輻輳状態にある場合はこの逆のこと がいえる.ただし,上記のレイテンシは,パケットが 目的地に到着したときの値で測られているため,輻輳 の発生がレイテンシの上昇として表れるまでの遅延が 大きい.この遅延のために,系が重い輻輳状態にある 場合(図 20 の v = 86 や図 21 の v = 170 の場合), エントロピー値と平均レイテンシとの対称性が破れて いるように見える.

図14 に系の中で固相領域が発生・移動・消滅してい る例を示しているが、その前後の時間を含むエントロ ピーの経時変化の様子を図22 に示す.エントロピー 値が大きく安定しているとき、系の内部には固相領域 が生じていないことが分かる.固相領域の発生・成長 とともに系のエントロピー値が減少する.そして固相 領域の消滅にともなって、エントロピーはもとの値に 戻っている.

4.4 エントロピーと他の測定可能指標との関係図 20,図 21 でエントロピーと平均レイテンシの経

Fig. 21 Entropy value and average latency. (L = 64, L = 5, Pr = 0.2).

時変化の様子を示し,相互に対称的な関係があることを述べた.ここでは,それ以外の関係を検討する.

図 23 は投入通信負荷とエントロピー値の関係を 表したグラフである.エントロピー値は,2.4 節で求 めたのと同じ方法,すなわち,シミュレーション開 始後の 50,000 サイクルを無視し,100,000 サイクル までの 50,000 サイクルの間に,100 サイクル間隔で ($\Delta t = 100$ サイクル)測定したエントロピー値の平 均を用いている.投入通信負荷が小さいとき,スルー プットの上昇とともにエントロピー値は漸減する.投 入通信負荷が breakdown 値を超えると,前節までに 述べたように網中に固相領域が発生し,輻輳状態とな り,エントロピー値は急激に低下する.輻輳状態では, 適応度 P_r によりエントロピー値が異なっている. P_r が大きい,すなわち適応度が大きく,パケットの経路 を変更する頻度が高いほど,エントロピーを高く保て ることが分かる.

図 24 は,投入通信負荷と系内にあるパケットの総数 の関係を表している.パケット総数も,エントロピー 値と同様に,シミュレーション開始後 50,000 サイク ルから 100,000 サイクルまでの間,100 クロック間隔 で測定した値の平均を用いている.ここでも,適応度



Fig. 24 Offered traffic and the number of packets.

 P_r の大小によって,輻輳状態での挙動が変わっていることが分かる. $P_r = 0$ すなわち適応度ゼロの場合(決定的ルーティングに相当),固相領域から離脱し気相領域に行けるパケットが少ないために,パケット総数が少なくなっている.

系内のパケットの総数が多いほどパケットどうしで 衝突する確率が増し,輻輳状態となりやすいはずであ る.そこで,系内のパケット総数とエントロピーとの 関係を求めた.図25に結果を示す.グラフは投入通 信負荷をパラメータとして,図23,図24の結果から 合成したものである.ここでも,上記と同様に,適応 度 *P_r*が大きいほど系内のパケットが多く(気相領域 にもよく分散し),また,エントロピーを高く保てて いることが確認できる.

我々が 4.1 節で定義したエントロピーは, Δt 時間 内のパケットの移動距離(ホップ数 dh)をもとにし て,式(3)により求めている.パケットの移動ホップ 数を,その移動に要した時間で割った値がそのパケッ トの平均移動速度となる.すなわち,4.1 節のエント ロピーはパケットごとの平均速度をもとに計算したも のと等価である.

本来の速度は位置を時間微分した値であるが,本論 文での評価対象では,そのような厳密な速度を定義す ることはできない.そこで,シミュレーションの最小 時間単位である1サイクルを用い,1サイクル間に進 んだ距離をパケットの速度とする.パケットが1サイ クルの間に進める距離はたかだか1である.つまり1 進むか,そこにとどまるかのいずれかである.このた め,系内にある全パケットについて,1サイクル間に 進んだものの割合を求め,その値を系内のパケットの 速度(の平均値)とした.時刻 t でのパケットの速度 の平均値と,時刻 t で移動したパケットの割合は等価 である.



このようにして求めた系のエントロピーとパケット



移動速度の平均値との関係を図 26 に示す.適応度 P_r により若干の差異はあるが,エントロピー値と平均移 動速度とは,ほぼリニアな関係があると見なすことが できる.

結合網の輻輳状況を示すための指標として,スルー プットやレイテンシを用いることも考えられる.ス ループットは,一定時間内に配送されたパケットの数 を調べることで測定可能であるが,このスループット 値は結合網の輻輳状態を一意に表現しない.すなわち, 測定されたスループット値が小さいとき,投入転送負 荷が低いためなのか,輻輳によるものかを判断できな い.一方,レイテンシは前節で述べたようにエントロ ピーと良好な対称性を持ち,系内の輻輳状況を表現で きる.しかし,系に輻輳が発生した結果がレイテンシ の増大として計測されるまでに遅延があることが大き な問題となる.たとえば図 20,図 21 において,エン トロピー値のピークに対して平均レイテンシのそれが 数百サイクル程度遅れていることが容易に確認できる.

さらに,スループットやレイテンシは,相互結合網 の種類や規模,転送方式などによって値が変わる.一 方,エントロピーはパケットの移動度をもとに定義さ れており,相互結合網の種類や規模,転送方式などと は独立であるから,その値の大小をもって一意に系の 輻輳の度合いを表現することができる.このためエン トロピーは,結合網の輻輳状況を示すための指標とし て適切である.

5. 相互結合シミュレータとの結果比較

本論文で用いたセルオートマトンのモデルは,現実 の相互結合網の方式を大幅に簡略化している.特に, 相互結合網ではクロスバスイッチで実現されるものを セルオートマトンモデルでは1個のノードセルで表現 している点が大きく異なる.すなわちセルオートマト ンモデルでは x 軸, y 軸のうち1方向からしかノード



Fig. 27 Behavior at critical load: simulator with CA model.

セルに進入できないが,相互結合網では x 軸, y 軸の パケットは互いの進行方向が干渉しない限り同時に進 行できる.このため,得られた結果が現実の相互結合 網の挙動から乖離したものではないことを検証してお く必要がある.このため,本章では,セルオートマト ン・モデルで用いたルーティングアルゴリズム,すな わち, x 軸, y 軸方向の転送を単方向に制限する方法 でのシミュレーションと, x 軸, y 軸方向の転送を制限 せずに最短距離で配送する決定的アルゴリズム(次元 順ルーティング)との2つのルーティング手法により, 我々のオリジナルの相互結合網シミュレータ^{13),14)}を 用いて評価を行う.

5.1 単方向性転送でのシミュレーション

相互結合網シミュレータに 2.1 節に示したルーティ ング方法を実装し,シミュレーション評価を行った.た だし,適応度パラメータ Pr は用いずに Pr = 0 とし ている.また,ルータ内でパケット間が衝突した場合 は,セルオートマトンの場合と違い signal を用いるの ではなく,ルータに先着したパケットを優先して選択 する方法をとっている.また,相互結合網シミュレー タには,式(3)の定義に従って系のエントロピーを求 める機能と,指定された時刻での各ルータのパケット バッファの状態を画像ファイルの形式で保存する機能 を追加している.本評価においても,セルオートマト ンでの評価と同様に,100 サイクルを単位としてエン トロピーを求めている.

相互結合網シミュレータを使った場合も,セルオートマトンと同様の挙動が観測された.図27は,輻輳

状態が出現する下限付近の投入通信負荷(以下,臨界 負荷と呼ぶ)において観測された系の時系列挙動を示 している.セルオートマトンによる評価に合わせ,サ イズ 32 × 32,パケットバッファ長5,パケット長1 としている.

図 27(a) はエントロピー値とパケットの平均レイテ ンシの時系列変化を表している.セルオートマトンで 観測されたものほど明確に現れていないが,間欠的に エントロピー値が低くなっていることが分かる.また, エントロピー値と平均レイテンシとは対称的な関係に あることが確認できる.輻輳時のエントロピー値がセ ルオートマトンに比べ大きいのは,パケットバッファ のモデル化の差による.

図 27 (a) でエントロピー値が低下している箇所の 1 つを拡大したものが図 27 (b) である.このときの系 内の様子を図 28 に示す.これは各時刻で系内の全パ ケットバッファについて,保持しているパケットの量 を示したものである.濃度の濃い領域ほどパケットが 混んでおり,輻輳状態にある.

図 28 から,臨界転送負荷の近辺では,

- (1) 局所的な輻輳状態が発生するがすぐに解消する
 現象が見られること(t = 15400 まで),
- (2) 局所的な輻輳状態が解消しきれない場合に成長し,移動・消滅する現象が見られること(t = 15500~15900),

が分かる.これらのことは,セルオートマトンで得ら れた結果(図13,図14参照)と同様であるから,上 記の(1),(2)が輻輳の発生・成長に関する本質的な性 質であることが分かる.

また,セルオートマトンでの結果(図13,図14)と 相互結合網シミュレータの結果(図28)とを比較する ことにより,セルオートマトンを用いることで輻輳の 発生・成長に関する知見(上記(1),(2))を相互結合 網シミュレータよりも明確に示せたことが分かる.セ ルオートマトンで得られた知見をもとに図28を説明 することは容易であるが,逆に,図28のみから上記 (1),(2)の性質を導くことは容易ではない.

5.2 次元順ルーティングでの評価

前節までの評価は,パケットの転送方向を制限した ものであった.現実には,パケットは x 軸, y 軸とも に正・負のどちらの方向にも転送される.このため, 前節までに観測された輻輳の発生・拡大や移動の様子 とは異なる挙動が得られることが予想される.

実際に上で用いた相互結合網シミュレータを使い, x 軸, y 軸の転送方向を制限しない次元順のルーティ ングアルゴリズムを適用して,同様の評価を行った.



図 28 図 27 (b) の各時刻での系のパケットバッファの様子 Fig. 28 Packet buffer snapshots in Fig. 27 case.

輻輳状態が発生する下限付近の投入通信負荷の状況下 で観測された結果を図 29 に示す.図 27 (a) と同様に, 間欠的にエントロピー値が低下する現象が確認された (図 29 (a)).その一部を拡大したものが図 29 (b) で ある.図 29 (b)内の各時刻について,系内のパケット 情報処理学会論文誌:コンピューティングシステム



Fig. 29 Behavior at critical load: simulator with dimension-order routing.

バッファに含まれるパケットの量を濃淡で表現したものが図 30 である.ここでもやはり,5.1 節で示したのと同じ性質,すなわち,(1)局所的な輻輳が発生するが多くの場合はすぐに解消すること(t = 17200まで),(2)解消しきれない場合に成長し,その後,移動・消滅のプロセスを経ること(t = 17300以降)を確認することができる.ただし,前節までの評価とは異なり x 軸, y 軸の転送方向を制限していないため, 輻輳領域が移動する様子は異なっている.しかし,上記(1),(2)のプロセスが確認できること自体は同じであるから,これらを輻輳の発生・成長・消滅に関する本質的な定性的性質として考えることができる.

6. ホットスポット通信での評価

以上では, ランダム通信を前提として系を観測し, 輻輳の発生・成長・消滅のプロセスを明らかにしてき た.本章では,偏りのある通信パターンに前章までと 同様の評価を行い,本論文での手法の適用性を明らか にする.ここでは,一定割合のパケットが特定の送信 先に送られるホットスポット通信を用いる.本論文で は,5%のパケットが系の中央のノード(32 × 32 サ イズの系で,ノード(16,16))に送られるものとした. 他の95%のパケットは,前章までの評価と同様,送信 先ノードがランダムに選ばれる.

セルオートマトンの臨界負荷での挙動を図 31 に示 す.また,図 32 は 5.1 節での評価と同様に求めたシ ミュレータでの評価結果である.各図,(a)がエント ロピー値と平均レイテンシの経時変化を示すグラフで



ある.(b) は図 13, 図 27 と同様に,エントロピー値 が減少しているときの系内の輻輳の状況を表している. これらの図から,ランダム通信パターンでの評価と 同様に,エントロピー値と平均レイテンシが対称の関 係にあること,エントロピー値が小さいとき系が輻輳

May 2006



図 31 臨界負荷での挙動:セルオートマトン(ホットスポット通信) Fig. 31 Behavior at critical load: CA (hot-spot traffic).

状態にあること, また, ランダム通信と同様の輻輳パ ターンが生じていること, が確認される.ただし, 通 信の偏りによって 32×32 の系内でx = 16, y = 16の位置にあるセルとその周辺で特異な挙動を生じてい



ポット通信)

Fig. 32 Behavior at critical load: simulator with CA model (hot-spot traffic).

る · 図 31 (b) では , 系の中央部付近で輻輳が発生して いる · ランダム通信の場合は左下方で発生していた · 図 32 (b) では , *x* = 16 , *y* = 16 の位置に線状の輻輳 が観測されている.また,図32(a)のエントロピー値 は,輻輳状態のときに図27(a)よりも小さくなってお り,ホットスポット通信のように偏りのある通信状況 では,影響がより鋭敏に現れることが分かる.

以上のように,セルオートマトン・モデルとシミュ レータでは,モデル化の違いに起因する差異は生じる ものの,5.1 節で示した本質的な部分の挙動は両者で 変わらないといえる.すなわち,(1)局所的な輻輳状 態が発生するが多くの場合すぐに解消するが,(2)解 消しきれない場合には成長し,移動・消滅のプロセス をたどる.

7. 関連研究

本論文の一義的な目標は,相互結合網に発生する輻 輳のメカニズムを明らかにすることで,輻輳に対する 耐性を備えた相互結合網の検討につなげることにある. 1章で述べたように,既往の相互結合網の研究の多く は非輻輳領域を対象にしており,輻輳のメカニズムま でを含めて論じている例は少ない.

輻輳状態の発生により相互結合網の転送能力は著し く低下する.逆に,輻輳の発生を抑制する制御が可能 ならば,効率良く相互結合網を使用することができる. こうした観点から,文献3)では,間接多段網の中をパ ケットが通過する経路に偏り(hot-spot)が生じ,そ の偏りの箇所を起点として樹状飽和(tree saturation) が連鎖的に発生するメカニズムを解明し,メッセージ 数を抑制する combining 手法を提案している.しか し文献3)での議論は,輻輳領域のメカニズムの解明 よりも combining 手法に力点が置かれており,本論 文で行ったほどの深い議論はなされていない.

また,輻輳の発生を抑制する観点の研究として,計 算ノードからのパケットの投入を制限する手法があ る.これらは, injection limitation あるいは throttling と呼ばれている. 最近の研究では, López らの DRIL¹⁵⁾, Thottethodi らの手法¹⁶⁾, Obaidat らによ る CLIC¹⁷⁾ などがある.たとえば Thottethodi らは, パケットバッファに含まれるパケットの量と輻輳状態 の発生との関係に着目した throttling の手法を提案し ている.パケット量が一定レベル以下であれば,系は 輻輳状態にならず,投入転送負荷に見合った転送性能 が得られるが, 閾値を超えると輻輳状態に陥る性質が ある.この閾値は実行アプリケーションなどによって 変わることから適応的な方法でこの閾値を求め,閾値 以上のとき計算ノードからのパケット投入を抑制する. これにより輻輳が発生しない最大の転送性能が得られ る状態で相互結合網を使おうとしている.

また Räcke は輻輳発生の抑制を目的として,系内に 通信負荷が分散するように通信経路(バーチャルサー キット)の選択方法を決めていくフレームワークを提 案している¹⁸⁾.ここではアプリケーションが持つ通信 構造を木構造をベースとして表現し,その通信構造を 実トポロジに重畳してマップしたときの各リンクのバ ンド幅の消費状況を見積もり,最適な通信経路を選ぶ ものである.

上記の研究は,輻輳の発生を避けるための手法を論 じており,輻輳が発生し系内に拡大していくメカニズ ムに関しては議論されていない.

また本論文に関連する研究として、セルオート マトンによる交通流のシミュレーションがあげられ る^{11),12),19)~27)}.本論文ではSakakibara¹¹⁾らによる モデル化手法を,相互結合網に適用した形で評価を 行っている.交通流のシミュレーションと,相互結合 網のそれとの大きな差異は,仮想チャネルの存在であ る. 交通流では,たとえば自動車を配置し,通行させる ための道路をモデル化する.さらに,物理シミュレー ションでよく用いられる周期的境界条件を用いる.周 期的境界条件の下では,たとえば系内で右側に進行し ている対象物が右端を越えて進行したら,次の時間に は左端の対応する箇所に現れる.ここでは,対象物の 相互の干渉によって生じるデッドロックに関してまっ たく考慮されていない.これに対して,相互結合網で はデッドロックを防止できる転送手法を前提にする場 合が多く,本論文でもデッドロックフリーのアルゴリ ズムをベースにしている.

交通流のシミュレーションでは,たとえば文献 11) で輻輳状態の発生によりスループットがゼロになる状況が報告されている.これは,対象物がプロックしあ うことによる依存関係が,系内にわたりサイクルをな しており,デッドロックが発生していることを意味し ている.実際,文献 20)~23)などでは対象物の移動 が著しく停滞している様子が,「自己組織化」の例と して示されている.これは,相互結合網の評価を行お うとする本論文での観点によれば.デッドロックが発 生している状況にほかならない.

さらに文献11),12)などでは,交通流のシミュレー ション結果を情報通信網の挙動解析に適用する旨が示 唆されている.2次元セルオートマトンによる交通流 のシミュレーションでは,編状の渋滞領域が自己組織 化される様子が報告されている.しかし,相互結合網 を対象としデッドロックの防止策を加えた場合の挙動 は,交通流の場合に得られる編状のものとは大きく異 なり,本論文で前章までに示したように塊状であり, しかも発生・成長・移動・消滅のプロセスをたどることが大きく異なっている.すなわち,交通流の評価により得られた知見をそのまま相互結合網に適用するのは適切でない.

Ren らは文献 28) において,1次元のトポロジで単 方向通信を行うネットワークをセルオートマトンによ リモデル化し,輻輳の様子を時系列に示すとともに, パケット密度を高めると全体のスループットが飽和す ることを示している.ここでは1次元にまで単純化し ているため,本論文で得られた輻輳領域の挙動を1次 元での結果の外挿により考えることはできない.

本論文で扱っている相互結合網は,多数の要素(ルー タ)によって構成されるシステムである.個々の要素 は比較的単純な振舞いをするが,それが多数集合する ことで,全体として複雑系をなすものと考えることが できる.このような複雑なシステムの挙動を,熱力学 的なアプローチにより解析的に解明しようとする試み はたとえば深尾により論じられている²⁹⁾.本論文で解 明した輻輳の発生・成長の機構は,文献 29)や複雑系 を対象とした統計力学でいうところの「自己組織化」 に相当するものである.

また福田による解説³⁰⁾では,インターネットのト ラフィックを相転移という統計物理的な観点からモデ ル化することが示されている.インターネットの挙動 はユーザ個人個人の行動によるものであり,本論文で 対象としている並列計算システムでの個々の演算ノー ドの挙動の様子とは異なるため,同列に論じることは できない.しかし,輻輳により相転移を生じることは 共通している.

本論文では,一部で熱力学の考えを導入しエントロ ピーを定義することで輻輳状態を定量的に表現したが, 基本的にはセルオートマトンモデルにより実験的に挙 動を解明しようとしたものである.今後は,必要に応 じて理論的な側面からの検討も必要であろう.

8. おわりに

相互結合網はこれまでトポロジ,フロー制御,ルー ティング方式などを中心として,低レイテンシかつ高 スループットの方式を求めて改善がなされてきた.し かしその一方で,相互結合への投入通信負荷が高まり, 一定の閾値を超えると系全体が輻輳状態に陥り,全体 の転送性能が著しく低下する現象に関しては,深い議 論がなされないままであった.

我々は先行研究^{13),14),31),32)} において, 輻輳領域を 避けるための広域的な制御手法を提案した.この方式 によれば既往方式に比べ輻輳への耐性を強化できるこ とを示せたが,系全体が輻輳している状況では十分な 効果をあげることが難しかった.系全体が輻輳状態に 陥っている状況では,ルーティング方式等により性能 を改善するには限界がある.そこで,輻輳の発生を回 避できる範囲内で最大の転送性能を引き出すための議 論が必要である.しかし,発生・拡大の詳細なメカニ ズムが未解明のまま,輻輳の発生を回避する方式を論 じることはできない.そのため本論文では,セルオー トマトンを用いることで相互結合網をできる限り単純 化したモデルを生成し,輻輳の発生・成長の本質的な メカニズムを解明した.

ルーティングアルゴリズムと,デッドロック防止の ための仮想チャネルの使用方法によって,パケットの 存在密度に偏りが生じ,パケット存在密度の高い部分 から確率的に小規模な輻輳が生じる.全体のパケット 密度が低い場合,小規模な輻輳は時間経過とともに解 消するが,パケット密度が高い場合には当初局所的で あった輻輳が周辺のパケットを巻き込んで拡大してい き成長する.輻輳している部分ではパケットの移動度 が低下しているために,パケットの拡散による規模の 縮小速度よりも,新たなパケットが輻輳によりブロッ クされ,その結果輻輳領域が広がる拡大速度のほうが 大きいためである.

この結果, x 軸, y 軸各々で正の方向のみに転送方 向を制限した本論文のセルオートマトンでは,1/4 円 の扇状の輻輳領域が観測された.この領域は,生成か らしばらく規模を連鎖的に拡大していくが,境界部分 で行われるパケットの放出と吸収の速度がつり合う状 態に達すると,大きさを変えない定常状態となる.こ の間,パケット転送の単方向性のために,輻輳領域は 徐々に移動していく.そして系の縁の部分に達すると それ以上のパケットの吸収がなくなり放出するだけと なるために,移動しなくなり,規模を縮小していく. 系全体のパケット密度が高くない場合には,そのまま 輻輳領域は消滅する.系への投入通信負荷が大きく, パケット密度が高い状態では,輻輳領域が縮小し消滅 する前に,別の箇所で新たな輻輳が発生し,成長して いく.

このような輻輳の発生・成長の様子を定量的に表現 するため,熱力学から発想を得たエントロピーを定義 し,系の輻輳状況とエントロピーの時系列変化を調べ た.輻輳領域が発生する下限付近での投入転送負荷で は,輻輳領域が間欠的に発生する.エントロピー値の 時系列変化は,こうした輻輳領域の発生を表現してい る.また,本論文で定義したエントロピーは,パケッ トの一定時間内での移動をもとに算出している.この ため,エントロピー値の変化は,系内のパケットの平 均レイテンシの変化に直接結び付いている.このこと も,セルオートマトンによる評価で明らかにした.

さらに本論文では,相互結合網シミュレータを用い て,輻輳発生の下限近くの投入通信負荷での網の挙動 を詳細に調べることにより,セルオートマトンでの評 価で観測された事象が実際の相互結合網でも同様に発 現することを示した.セルオートマトンを用いること で得られた輻輳の発生・成長に関する知見は,本論文 で扱った2次元トーラスと同様に均質な構成を持つ直 接網に適用できるものと期待できる.

相互結合網は,輻輳を生じない投入転送負荷の下で 最大の性能が得られることが分かっている.今後,本 論文により得られた知見をもとにして,輻輳の発生を うまく制御し相互結合網の性能を最大限に引き出す手 法へと発展させたい.

謝辞 本研究は,一部日本学術振興会科学研究費補助金(基盤研究(B)14380135,同(C)16500023,若 手研究(B)17700047)の援助による.

参考文献

- Duato, J., Yalamanchili, S. and Ni, L.: Interconnection Networks: An Engineering Approach, Morgan Kaufmann Pub. (2003).
- Dally, W.J. and Towles, B.: *Principles and Practices of Interconnection Networks*, Morgan Kaufmann Pub. (2004).
- Pfister, G.F. and Norton, V.A.: 'Hot-Spot' Contention and Combining in Multistage Interconnection Networks, *IEEE Trans. Comput.*, Vol.C-134, pp.943-948 (1985).
- Toffoli, T. and Margolus, N.: Cellular Automata Machines: A New Environment for Modeling, MIT Press (1987).
- Wolfram, S. (Ed.): Theory and Applications of Cellular Automata, World Scientific Publishing (1986).
- Gutowitz, H. (Ed.): Cellular Automata: Theory and Experiment, MIT Press (1991).
- 7) Poundstone, W.(著), 有澤 誠(訳): ライフ ゲームの宇宙, 日本評論社 (1990).
- Doolen, G.D. (Ed.): Lattice Gas Methods: Theory, Applications, and Hardware, MIT Press (1991).
- 9)加藤恭義,光成友孝,築山 洋:セルオートマ トン法―複雑系の自己組織化と超並列処理,森北 出版 (1998).
- 10) 森下 信:セルオートマトン―複雑系の具象化, 養賢堂 (2003).
- 11) Sakakibara, T., Honda, Y. and Horiguchi, T.:

Effect of obstacles on formation of traffic jam in a two-dimensional traffic network, *Physica A*, Vol.276, pp.316–337 (2000).

- 12) Honda, Y. and Horiguchi, T.: Self-Organization in For-Direction Traffic-Flow Model, *Jour*nal of the Physical Society of Japan, Vol.69, No.11, pp.3744–3751 (2000).
- 13) 横田隆史,西谷雅史,大津金光,古川文人,馬場 敬信:大域的な情報を用いる相互結合網方式 Cross-Line,情報処理学会論文誌:コンピュー ティングシステム,Vol.46,No.SIG16 (ACS12), pp.28-42 (2005).
- 14) Yokota, T., Nishitani, M., Ootsu, K., Furukawa, F. and Baba, T.: Cross-Line — A Globally Adaptive Control Method of Interconnection Network, Proc. International Symposium on High Performance Computing 2005 (ISHPC-VI) (2005).
- 15) López, P., Martínez, J.M. and Duato, J.: DRIL: Dynamically Reduced Message Injection Limitation Mechanism for Wormhole Networks, Proc. 1998 International Conference on Parallel Processing, pp.535–562 (1998).
- 16) Thottethodi, M., Lebeck, A.R. and Mukherjee, S.S.: Self-Tuned Congestion Control for Multiprocessor Networks, Proc. 7th International Symposium on High-Performance Computer Architecture (HPCA'01), pp.107–118 (2001).
- 17) Obaidat, M.S., Al-Awwami, Z.H. and Al-Mulhem, M.: A new injection limitation mechanism for wormhole networks, *Computer Communications*, Vol.25, pp.997–1008 (2002).
- 18) Räcke, H.: Minimizing Congestion in General Networks, Proc. Annual Symposium on Foundations of Computer Science, pp.43–52 (2002).
- 19) Fukui, M. and Ishibashi, Y.: Evolution of Traffic Jam in Traffic Flow Model, *Journal of* the Physical Society of Japan, Vol.62, No.11, pp.3841–3844 (1993).
- 20) Nagatani, T.: Effect of Jam-Avoiding Turn on Jamming Transition in Two-Dimensional Traffic Flow Model, *Journal of the Physical Society* of Japan, Vol.63, No.4, pp.1228–1231 (1994).
- 21) Nagatani, T.: Self-Organized Criticality and Scaling in Lifetime of traffic Jams, *Journal of* the Physical Society of Japan, Vol.64, No.1, pp.31–34 (1995).
- 22) Nagatani, T.: Self-Organization in 2D Traffic Flow Model with Jam-Avoiding Drive, *Journal* of the Physical Society of Japan, Vol.64, No.4, pp.1421–1430 (1995).
- 23) Tadaki, S. and Kikuchi, M.: Self-Organization in a Two-Dimensional Cellular Automaton Model of Traffic Flow, *Journal of the Physical*

Society of Japan, Vol.64, No.12, pp.4504–4508 (1995).

- 24) Wang, B.H. and Hui, P.M.: One-Dimensional Traffic Flow Problems: A Microscopic Approach, Journal of the Physical Society of Japan, Vol.66, No.5, pp.1238–1241 (1997).
- 25) Fukui, M. and Ishibashi, Y.: Self-Organized Phase transitions in Cellular Automaton Models for Pedestrians, *Journal of the Physical Society of Japan*, Vol.68, No.8, pp.2861–2863 (1999).
- 26) Mitarai, N. and Nakanishi, H.: Convective Instability and Structure Formation in Traffic Flow, *Journal of the Physical Society of Japan*, Vol.69, No.11, pp.3752–3761 (2000).
- 27) Lee, K., Hui, P.M., Wang, B.-H. and Johnson, N.F.: Effects of Announcing Global Information in a Two-Route traffic Flow Model, *Journal of the Physical Society of Japan*, Vol.70, No.12, pp.3507–3510 (2001).
- 28) Ren, Z., Deng, Z. and Sun, Z.: Cellular automaton modeling of computer network, *Computer Physics Communications*, Vol.144, pp.243–251 (2002).
- 29) 深尾 毅:分散システム論 熱力学的システム論,昭晃堂 (1987).
- 30) 福田健介:ネットワークトラフィックの自己相 似性とその生成モデル,情報処理, Vol.45, No.6, pp.603-609 (2004).
- 31) 西谷雅史,絵面 聡,横田隆史,古川文人,大津 金光,馬場敬信:動的な情報を用いたルーティン グアルゴリズム Cross-Line の検討,情報処理学 会研究報告, Vol.2004, No.20, pp.7–12 (2004).
- 32) Nishitani, M., Ezura, S., Yokota, T., Ootsu, K. and Baba, T.: Preliminary Research of a Novel Routing Algorithm Cross-Line Using Dynaic Information, Proc. 16th IASTED International Conference on Parallel and Distributed Computing and Systems (PDCS 2004), pp.107–112 (2004).

(平成 17 年 10 月 3 日受付) (平成 18 年 2 月 9 日採録)



横田 隆史(正会員)

1983年慶應義塾大学工学部電気 工学科卒業.1985年同大学院電気 工学専攻修士課程修了.同年三菱電 機(株)に入社,中央研究所,先端技 術総合研究所,産業システム研究所

に所属.主席研究員.1993年12月から1997年3月ま で新情報処理開発機構(RWCP)に出向.2001年4月 より宇都宮大学工学部助教授.計算機アーキテクチャ, 設計方法論等の研究に従事.工学博士.ICCD Outstanding Paper Award(1995), FPGA/PLD Design Conference 審査委員特別賞(2002), PDCAT Outstanding Paper Award(2005) 各受賞.電子情報通 信学会,IEEE 各会員.



大津 金光(正会員) 1993年東京大学理学部情報科学 科卒業.1995年同大学院修士課程 修了.1997年同大学院博士課程退 学,同年より宇都宮大学工学部助手 となり現在に至る.計算機システム

の高性能化に関すること , 特にマルチスレッドアーキ テクチャ , バイナリ変換処理 , 実行時最適化等に興味 を持つ .



古川 文人(正会員) 1998年宇都宮大学工学部情報工 学科卒業.2000年同大学院博士前 期課程修了.2003年同大学院博士 後期課程修了.同年4月より宇都宮 大学ベンチャー・ビジネス・ラボラ

トリー非常勤研究員.2005年4月より帝京大学ラー ニングテクノロジー開発室助手.博士(工学).高性 能計算機システム,授業改善のためのラーニングテク ノロジーに関する研究に従事.



馬場 敬信(正会員) 1970年京都大学工学部数理工学 科卒業.1975年同大学院博士課程 単位取得退学.同年より電気通信大 学助手,講師を経て,現在宇都宮大 学工学部教授.工学博士.1982年よ

り1年間メリーランド大学客員教授.計算機アーキテ クチャ,並列処理等の研究に従事.1992年情報処理学 会 Best Author 賞, PDCS2002国際会議 Best Paper Award 等受賞.著書 "Microprogrammable Parallel Computer" (MIT Press),『コンピュータアーキテク チャ(改訂2版)』(オーム社),『コンピュータのしく みを理解するための10章』(技術評論社)等.電子情 報通信学会, IEEE 各会員.