# アフィン空間拘束とエピポーラ拘束を利用した 2組の時系列画像における画像間対応軌跡推定

高橋秀和 $^{\dagger 1,*1}$ 杉本茂樹 $^{\dagger 1}$ 奥富正敏 $^{\dagger 1}$ 

本論文では,大きなベースライン長を持つ2組の時系列画像間の対応を求めるための新しい手法を 提案する.提案手法では,それぞれの時系列画像中の特徴点をそれぞれ追跡し,画像間に存在するエ ピポーラ拘束を利用して,一方の時系列画像のそれぞれの特徴点軌跡を他方の時系列画像の全特徴点 軌跡が属するアフィン空間にあてはめる.これにより,一方の時系列画像から得られた特徴点軌跡に 対する他方の時系列画像中の特徴点軌跡を推定することができ,画像間の特徴点の対応軌跡が得られ る.この方法は,画素値を利用したステレオ画像対応点探索とは異なり,両方の画像で同時に観測さ れていない点に対しても特徴点の対応座標が得られるという特徴を持つ.さらに,得られた対応をも とに,対象の3次元形状を復元することもできる.合成画像および実画像を用いた実験を通じて,提 案手法の有効性を示す\*1.

# Image Correspondence Estimation from Affine Space Constraint and Epipolar Constraint on a Pair of Image Sequences

# HIDEKAZU TAKAHASHI, $^{\dagger 1,*1}$ SHIGEKI SUGIMOTO $^{\dagger 1}$ and Masatoshi Okutomi $^{\dagger 1}$

In this paper, we propose a novel approach for image correspondence estimation using a pair of wide-baseline synchronized image sequences. In the proposed approach, after tracking the feature points in each image sequence over several frames, we utilize the consistent epipolar constraints on the image pairs for fitting each trajectory in one image sequence to the motion subspace derived from all trajectories in the other sequence. Then the stereo correspondence of each trajectory is obtained. Dissimilarly to the conventional stereo correspondence estimation based on matching using pixel values, the proposed approach enables us to obtain the image correspondences even though the trajectories are observed in only one image sequence. The validity of the proposed approach is shown by the experiments using synthetic and real images.

## 1. はじめに

複数の画像間で特徴点の対応座標を求めることは, コンピュータビジョンにおける基本的な問題であり, Shape from Motion,ステレオビジョン,物体認識な どのアプリケーションに広く応用されている.

画像間の対応を求める場合には,一般に画像の画素 値もしくは画素値から得られる特徴量を用い,その類 似度を評価する方法が用いられる<sup>3),9)-11)</sup>.時系列画 像中の特徴点をトラッキングする場合は,隣接フレー ム間では画素値の変化が少ないため,このような画素 値に基づいたアプローチによって比較的精度の良い対 応推定が可能である.一方で,ベースライン長の大き な画像間の対応を推定する場合は,たとえエピポーラ 拘束が利用できる場合でも,(a)大きな視点の違いに よる画像の歪みや輝度の変化,(b)小さい共通視野, (c)オクルージョンの発生,などが原因で対応推定が 困難となる.特に,(b)や(c)により,一方の画像で は観測された特徴点が他方の画像には観測されていな い場合では,画素値に基づいたアプローチを用いて画 像間の対応を推定することは原理的にできない.

そこで,本論文では,画素値に基づいたアプローチ

<sup>†1</sup> 東京工業大学大学院理工学研究科機械制御システム専攻 Department of Mechanical and Control Engineering, Graduate School of Science and Engineering, Tokyo Institute of Technology

<sup>\*1</sup> 現在,株式会社デンソーディーゼル噴射技術1部 Presently with Diesel Injection Engineering Department 1, Denso Corporation

<sup>\*1</sup> 本研究は第1著者が本大学院在学時になされたものである.





における時系列画像中の特徴点トラッキングの容易さ を利用して,大きなベースライン長を持つ2つのカメ ラから得られる時系列画像間の対応を,画素値を評価 することなく求める手法を提案する.ここでは,図1 に示すように,大きなベースライン長を持ち,かつ相 対的に静止した2台のカメラから同一の移動物体を観 測し,同図右の時系列画像においてトラッキングされ た特徴点軌跡に対応する,同図左の時系列画像中の未 知の軌跡を求める.このとき,その未知の軌跡は,左 の時系列画像において観測されている必要はない.

この問題を解くための基本的な考え方は次のとおり である.まず,2組の時系列画像の特徴点をそれぞれ 独立にトラッキングする.そして,図1左の時系列 画像の軌跡からアフィン部分空間<sup>8),12)</sup>を求める.ア フィン部分空間をあてはめた時系列画像を基準画像列, 他方の時系列画像を参照画像列とする.このとき,2 組の時系列画像が同じ移動物体を観測したと仮定する と,参照画像列の軌跡に対応する基準画像列の未知の 軌跡は,そのアフィン部分空間に属するはずである. さらに,2つのカメラ間の基礎行列が事前にキャリブ レーションされていると仮定すると,その未知の軌跡 の各時刻における座標は,参照画像列の軌跡の各時刻 の座標と基礎行列とが定めるエピポーラ線上に存在す るはずである.本論文では,この2つの拘束を用いる ことにより未知の軌跡を求められることを示す.

提案手法は,未知の軌跡が基準画像列中に観測され ているか否かにかかわらずその軌跡を求めることがで きるため,提案手法の適用後に,探索範囲を限定して 画素値に基づくアプローチを適用したり,その結果か らオクルージョンを検知したりするなどの応用が考え られる.また,提案手法の結果を利用して3次元復元 を行うことも可能である.本論文では,応用の1つと して3次元復元を取り上げ,提案手法によって得られ たステレオ画像間の対応座標から3次元復元を行い, その結果を別のアフィン空間にあてはめることで復元 精度を向上させる方法について述べる.さらに,その アフィン空間にあてはめた際の誤差を利用して,提案 手法における軌跡が張るアフィン部分空間の適切な次 元についても検討を行う.

時系列ステレオ画像を利用して,ステレオ画像間の 輝度を比較することなく対応座標を推定する枠組みは, これまでにもいくつか提案されている.Dornaikaら<sup>1)</sup> は,強キャリプレーション済みの2台のステレオカメ ラ間の回転と並進と,特徴点の対応座標から推定され る時系列画像間の ego-motion を利用すれば,ステレ オ画像間の対応座標は2つのエピポーラ線の交点とし て得られることを示した.しかし,この場合,時系列 画像間の ego-motion は,微小なカメラ運動から推定 する必要があり,その ego-motion 推定はトラッキン グ誤差に対してきわめて脆弱であることが知られてい るため<sup>14)</sup>,この方法を用いたステレオ画像間の対応座 標推定の精度は低い.

これに対し, Ho ら<sup>4),5)</sup>は, 2 台のアフィンカメラか ら得られるステレオ時系列画像に因子分解法<sup>12)</sup>を適 用した手法を提案している.この方法は,因子分解法 が特徴点軌跡をアフィン空間にあてはめることから7), 提案手法と類似した方法といえる.Hoらは,2つの時 系列画像の特徴点軌跡とカメラ外部パラメータから導 出される行列が4次元部分空間を張ることを利用し, その部分空間の基底を求めることによりステレオ画像 間の特徴点の対応軌跡を求めている.ただし,この手 法では,部分空間の基底を求める際に,ステレオ画像 間の4組以上の特徴点の対応軌跡を得ることが不可欠 であるのに対し,提案手法は,あらかじめステレオ画 像間の対応軌跡を得る必要はない.すなわち,提案手 法では,ステレオカメラが物体の表裏をそれぞれ観測 し,2つのカメラに同時に観測された特徴点がまった く存在しない極端な場合でも,特徴点の対応軌跡を求 めることが可能である.

本論文の構成は以下のとおりである.まず,2章で は提案手法,すなわち,参照画像列中の軌跡に対応す る基準画像列中の未知の軌跡を,アフィン部分空間に よる拘束とエピポーラ拘束とを利用して求める手法に ついて説明する.次に,3章では,提案手法の1つの 応用として,2章で得られた画像間の対応座標を利用 して3次元復元を行い,その結果を別のアフィン空 間にあてはめることで精度を向上させる方法について 述べる.4章では,合成画像と実画像を用いた実験を 行い,提案手法の有効性を示し,最後に本論文をまと める.

# 2. 2 組の時系列画像間の対応座標推定

カメラに対し相対的に移動する剛体を,2台の互い に位置が固定されたカメラで撮影し,一方の基準カメ ラと他方の参照カメラから得られる2組の時系列画像 のそれぞれにおいて移動物体上の特徴点をトラッキン グする.ただし,2台のカメラは同期しているものとす る.移動物体は剛体であるので,2組の時系列画像中の 特徴点群は各フレームにおいて相対的に静止している. 基準カメラから得られた画像(以下,基準画像とする) 上の特徴点の履歴座標を $(u_{ij}, v_{ij})^T$ (i = 1, ..., M), ( $j = 1, ..., N_1$ )とし,参照カメラから得られた画 像(以下,参照画像とする)上の特徴点の履歴座標を  $(u'_{ik}, v'_{ik})^T$ (i = 1, ..., M),( $k = 1, ..., N_2$ )とす る.ただし,Mは画像列のフレーム数を表し, $N_1$ と  $N_2$ は,基準画像列と参照画像列においてトラッキン グされた特徴点の数をそれぞれ表す.

以下では,参照画像上のk番目の特徴点の履歴座 標 $(u'_{ik}, v'_{ik})^T$ ( $i = 1, \dots, M$ )に対応する,基準画像 上の特徴点の履歴座標 $(u''_{ik}, v''_{ik})^T$ ( $i = 1, \dots, M$ )を 求める問題を考える.すなわち,参照画像上のk番 目の特徴点の履歴座標を並べることによって表される 既知の軌跡ベクトル

$$\boldsymbol{p'}_{k} = \left[u'_{1k}, v'_{1k}, u'_{2k}, v'_{2k}, \dots, u'_{Mk}, v'_{Mk}\right]^{T} (1)$$

に対応した,基準画像側の未知の軌跡ベクトル

$$\boldsymbol{p}_{k}^{\prime\prime} = \left[ u_{1k}^{\prime\prime}, v_{1k}^{\prime\prime}, u_{2k}^{\prime\prime}, v_{2k}^{\prime\prime}, \dots, u_{Mk}^{\prime\prime}, v_{Mk}^{\prime\prime} \right]^{T}$$
(2)

を求める . ただし , カメラ間の基礎行列 (Fundamental Matrix ) は既知とする .

2.1 アフィン空間生成

基準画像列から得られた既知の軌跡ベクトルを

$$\boldsymbol{p}_{j} = \left[ u_{1j}, v_{1j}, u_{2j}, v_{2j}, \dots, u_{Mj}, v_{Mj} \right]^{T}$$
 (3)

とする .  $j = 1, 2, ..., N_1$  の全軌跡ベクトルを並べて, 次のような行列を作る.

$$\boldsymbol{W} = \left[ \boldsymbol{p}_1, \boldsymbol{p}_2, \dots, \boldsymbol{p}_{N_1} \right]$$
(4)

$$\bar{\boldsymbol{W}} = \left[ \bar{\boldsymbol{p}}_1, \bar{\boldsymbol{p}}_2, \dots, \bar{\boldsymbol{p}}_{N_1} \right]$$
(5)

ただし,

$$\bar{\boldsymbol{p}}_j = \boldsymbol{p}_j - \boldsymbol{p}_G, \quad \boldsymbol{p}_G = \frac{1}{N_1} \sum_{j=1}^{N_1} \boldsymbol{p}_j \tag{6}$$

である.そして, $\overline{W}$ を主成分分析することで基底  $e_1, \dots, e_{2M}$ を得る<sup>\*1</sup>.

基準画像列の軌跡ベクトル  $p_j$ がすべて同一物体上にあり,かつカメラがアフィンカメラモデルを満たす場合, $p_j$ は3次元アフィン空間に含まれる<sup>8)</sup>.すなわち, $p_G$ と3つの基底  $e_1$ , $e_2$ , $e_3$ を用いて次式のように表される.

 $p_{j} = p_{G} + \alpha_{1j}e_{1} + \alpha_{2j}e_{2} + \alpha_{3j}e_{3}$ (7) ただし,  $\alpha_{1j}$ ,  $\alpha_{2j}$ ,  $\alpha_{3j}$  は基底の係数である.

カメラがアフィンカメラモデルの場合は,前述のと おり基底数は3で十分であるが,実際のカメラはア フィンカメラモデルとは厳密には異なる.そのため, 実際のデータは3次元より高い次元のアフィン空間に も含まれると考えられる.そこで,以下では,カメラ モデルをより一般化し,必要に応じ次のように,より 高次のアフィン空間を利用する.

 $p_{j} = p_{G} + \alpha_{1j}e_{1} + \alpha_{2j}e_{2} + \ldots + \alpha_{\nu j}e_{\nu},$  (8) だだし, 3  $\leq \nu$  とする.

#### 2.2 対応軌跡推定

基準画像列の軌跡ベクトルは式 (8) で示すアフィン 部分空間に属するため,2台のカメラが同一の移動物 体を観測したと仮定すると,参照画像上のk番目の 特徴点軌跡ベクトル $p'_k$ に対応する基準画像上の軌 跡 $p''_k$ も,式(8)で表されたアフィン空間に属する. よって,次式が成立する.

 $p_k'' = p_G + \beta_{1k}e_1 + \beta_{2k}e_2 + \ldots + \beta_{\nu k}e_{\nu}$  (9) ただし, $\beta_{nk}$  ( $n = 1, 2, \cdots, \nu$ )は,n番目の基底の 係数である.すなわち,式(9)は,アフィン部分空間 による拘束を表している.

次に,基準画像と参照画像との間のエピポーラ拘束 を定式化する.参照画像上のk番目の特徴点軌跡ベ クトル $p'_k$ と,それに対応する基準画像上の軌跡ベク トル $p''_k$ は,画像間のエピポーラ拘束によって関係づ けることができる.すなわち,i番目のフレームでは, カメラ間の基礎行列Fを用いて次式が成立する.

$$\begin{bmatrix} u'_{ik} & v'_{ik} & 1 \end{bmatrix} \boldsymbol{F} \begin{bmatrix} u''_{ik} \\ v''_{ik} \\ 1 \end{bmatrix} = 0, \quad (10)$$

<sup>\*1</sup> モーメント行列  $M = \bar{W}\bar{W}^T$ を作成し、モーメント行列 の固有ベクトルを求めると、その固有ベクトルが求める基底  $e_1, \ldots, e_{2M}$ に対応する.

where 
$$\mathbf{F} = \begin{bmatrix} f_{11} & f_{12} & f_{13} \\ f_{21} & f_{22} & f_{23} \\ f_{31} & f_{32} & f_{33} \end{bmatrix}$$
 (11)

以下では,アフィン部分空間拘束による式(9)と, エピポーラ拘束による式(10)を用いて,未知の軌跡 ベクトル *p<sup>k</sup>* を求めることができることを示す.

式 (9) における部分空間の基底  $\{p_G, e_1, e_2, \dots, e_{\nu}\}$ は,基準画像列の特徴点軌跡より得られるため, $p''_k$ を求めるためには,係数  $\{\beta_{1k}, \beta_{2k}, \dots, \beta_{\nu k}\}$ を求めればよい.そこで,まず,式 (9)から,*i*番目のフレームに関する式を抽出する.

$$\begin{bmatrix} u_{ik}''\\ v_{ik}'' \end{bmatrix} = \boldsymbol{p}_G^{(i)} + \beta_{1k} \boldsymbol{e}_1^{(i)} + \beta_{2k} \boldsymbol{e}_2^{(i)} + \ldots + \beta_{\nu k} \boldsymbol{e}_{\nu}^{(i)}$$
(12)

ただし, $p_G^{(i)}, e_1^{(i)}, \dots, e_{\nu}^{(i)}$ は, $p_G, e_1, \dots, e_{\nu}$ のそれ ぞれのベクトルから $2i-1 \ge 2i$ 番目の行を取り出し たベクトルを表す.そして,式(10)に式(12)を代入 すると,i番目のフレームについて,次式が得られる.

$$\tilde{\boldsymbol{u}}_{ik}^{\prime T} \left\{ \boldsymbol{f}_{1} \left[ \begin{array}{c} \boldsymbol{p}_{G}^{(i)} & \boldsymbol{E}^{(i)} \end{array} \right] \left[ \begin{array}{c} 1 \\ \beta_{1k} \\ \vdots \\ \beta_{\nu k} \end{array} \right] + \boldsymbol{f}_{2} \right\} = 0$$
(13)

ただし,

$$\begin{split} & ilde{m{u}}_{ik}^{\prime T} = \left[ egin{array}{ccc} u_{ik}^{\prime} & v_{ik}^{\prime} & 1 \end{array} 
ight], \ & m{E}^{(i)} = \left[ egin{array}{ccc} e_{1}^{(i)} & \dots & e_{
u}^{(i)} \end{array} 
ight], \ & m{f}_{1} = \left[ egin{array}{ccc} f_{11} & f_{12} \ f_{21} & f_{22} \ f_{31} & f_{32} \end{array} 
ight], \ & m{f}_{2} & = \left[ egin{array}{ccc} f_{13} \ f_{23} \ f_{33} \end{array} 
ight] \end{split}$$

とする.さらに,全フレーム ( $i = 1, \dots, M$ ) について式 (13) を縦に並べると,次式が得られる.

$$M_{k}^{\prime T} \left\{ \boldsymbol{F}_{1} \left[ \begin{array}{c} \boldsymbol{p}_{G} & \boldsymbol{E} \end{array} \right] \left[ \begin{array}{c} 1 \\ \beta_{1k} \\ \vdots \\ \beta_{\nu k} \end{array} \right] + \boldsymbol{F}_{2} \right\}$$
$$= \left[ \begin{array}{c} \boldsymbol{0} \end{array} \right]$$
(14)

ただし,



とする.

式 (14) は,  $\nu$  個の未知数  $\beta_{nk}$  ( $n = 1, 2, ..., \nu$ )に 対して式数が M 個なので, アフィン空間の次元  $\nu$  を  $3 \le \nu \le M$  の範囲で選択すれば,未知数  $\beta_{nk}$  を求め ることができる.

式 (14) を次のように書く .
$$A_k x_k = b_k$$
 (15)  
ただし ,

$$egin{aligned} oldsymbol{A}_k &= oldsymbol{M}_k^{\prime T} oldsymbol{F}_1 oldsymbol{E}, \quad oldsymbol{x}_k &= egin{bmatrix} eta_{1k} \ dots \ eta_{
u k} \ eta_{
u k}$$

である.式(15)を

$$\boldsymbol{x}_{k} = (\boldsymbol{A}_{k}^{T} \boldsymbol{A}_{k})^{-1} \boldsymbol{A}_{k}^{T} \boldsymbol{b}_{k}$$
(16)

のように解き,未知数 $\beta_{nk}$  ( $n = 1, 2, \dots, \nu$ )を求める.これにより,参照画像上のk番目の軌跡ベクト $\mu p'_k$ に対する基準画像上の軌跡ベクトル $p''_k$ が得られる.

この方法を, すべての k についてそれぞれ求める ことにより,参照画像にしか写っていない特徴点でも, その特徴点に対応する基準画像上の特徴点の位置を全 フレームにわたって推定することができる.基準画像 と参照画像の役割を入れ替えて同様の計算を行うこと により,一方のカメラにしか写っていない特徴点でも, 両方のカメラで対応座標を求めることができる.すな わち,両方のカメラで得られた画像上のすべての特徴 点の対応座標を求めることが可能である<sup>\*1</sup>.

3. 3 次元再構成への応用

本章では,提案手法の応用として,3次元復元を取

<sup>\*1</sup> なお, Shape from Motion により, 一方の時系列画像から 3 次元復元する方法では,復元の不定性が残るため,それを他方 の画像に再投影して対応座標を求めることはできない.

り上げる.ここでは,2章で述べた提案手法を用いて3次元復元を行い,剛体としての一貫性を利用して,その復元結果の精度を向上させる方法について述べる.

本章で述べる方法では,全フレームにわたって全特 徴点を3次元復元した結果が,剛体運動の一貫性を示 す3次元アフィン部分空間に含まれることを利用し, 復元結果をそのアフィン空間にあてはめることにより, 3次元復元の精度を向上させる.また,そのあてはめ を行った際の残差を用いて,式(9)における基底数 *ν* を決定する方法についても述べる.ただし,以下では, 基礎行列に加え,ステレオカメラの内部パラメータを 既知とする.

2章に述べた方法によって得られた第 i 番フレームに おける k 番目の特徴点の対応から,カメラの内部・外部 パラメータを利用して,その特徴点の3次元座標を計 算する.得られた3次元座標を $X_{ik} = (x_{ik}, y_{ik}, z_{ik})^T$ とし,全フレームについて並べたベクトル $X_k$ を次 式で表す.

$$\boldsymbol{X}_{k} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{X}_{1k} & \boldsymbol{X}_{2k} & \dots & \boldsymbol{X}_{Mk} \end{bmatrix}^{T} \quad (17)$$

i番目のフレームのワールド座標系に対する物体座 標系の基底ベクトルを、それぞれ $i_i$ 、 $j_i$ 、 $k_i$ とし、物 体座標系の原点を $\tau_i$ とする.k番目の特徴点の3次元 座標を物体座標系で表したときの座標を、 $(a_k, b_k, c_k)^T$ とすると、 $X_{ik}$ は次式で表される<sup>8)</sup>.

$$\boldsymbol{X}_{ik} = \begin{bmatrix} x_{ik} \\ y_{ik} \\ z_{ik} \end{bmatrix} = \boldsymbol{\tau}_i + a_k \boldsymbol{i}_i + b_k \boldsymbol{j}_i + c_k \boldsymbol{k}_i$$
(18)

よって,上式を全フレームにわたって縦に並べるこ とで X<sub>k</sub> を得る.

 $\boldsymbol{X}_{k} = \boldsymbol{\tau} + a_{k}\boldsymbol{i} + b_{k}\boldsymbol{j} + c_{k}\boldsymbol{k}$  (19) ただし,  $\boldsymbol{\tau}$ ,  $\boldsymbol{i}$ ,  $\boldsymbol{j}$ ,  $\boldsymbol{k}$  は,  $\boldsymbol{d} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{d}_{1}^{T}, \boldsymbol{d}_{2}^{T}, \cdots, \boldsymbol{d}_{M}^{T} \end{bmatrix}^{T}$ ( $\boldsymbol{d} = \boldsymbol{\tau}, \boldsymbol{i}, \boldsymbol{j}, \boldsymbol{k}$ ) で表される.

さらに,全特徴点をならべることで次式を得る.

ただし N は全特徴点数である.

物体座標系の原点はどこに設定してもよいので,特 徴点の3次元座標の重心を原点に設定すると,次式を 得る.

$$\bar{\boldsymbol{X}} = \begin{bmatrix} \bar{\boldsymbol{X}}_1 & \bar{\boldsymbol{X}}_2 & \dots & \bar{\boldsymbol{X}}_N \end{bmatrix}$$
$$= \begin{bmatrix} \boldsymbol{i} & \boldsymbol{j} & \boldsymbol{k} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a_1 & a_2 & \dots & a_N \\ b_1 & b_2 & \dots & b_N \\ c_1 & c_2 & \dots & c_N \end{bmatrix}$$
(20)

ただし,

$$\bar{\boldsymbol{X}}_{k} = \boldsymbol{X}_{k} - \boldsymbol{\tau}, \quad \boldsymbol{\tau} = \frac{1}{N} \sum_{k=1}^{N_{2}} \boldsymbol{X}_{k}$$
(21)

である.

式 (20) は,対象物体が3次元空間中で一貫した剛体 であることを示す式 (18)から導かれたものであり,全 フレームの全特徴点の3次元復元結果を示す $3M \times N_2$ の行列  $\bar{X}$ の各行ベクトルが,3次元アフィン空間に 含まれることを意味している.本問題の仮定により 式 (18)は有効であるため,式 (20)はつねに成立する.

2章で述べた手法により対応を推定し,その結果を 用いて3次元復元を行うと,トラッキング誤差などの 影響により, $\bar{X}$ は式(20)の3次元アフィン空間には 属さず,より大きな次元の空間を生成する.そこで,  $\bar{X}$ を主成分分析し,改めて $\bar{X}$ を式(20)で示す3次 元アフィン空間にあてはめることにより,3次元復元 の精度を向上させることができる.これは,その3次 元復元の結果を画像に再投影することにより,対応推 定の精度を向上させることができることも意味する.

さらに,3次元復元結果を式(20)にあてはめた際の 残差を利用して,適切な基底数 ν の値を決定するこ とが考えられる.すなわち, X を主成分分析し,第4 番目以下の寄与率を用いてデータを3次元アフィン空 間にあてはめた場合の残差を計算し,その残差が最小 になるように基底数 ν を決定することができる.実験 ではこの方法を用いることにより,より透視投影モデ ルに近いときや,トラッキングノイズのレベルによっ て適切な ν の値がどのように変化するかを解析する.

# 4. 実験結果

提案手法の有効性を確認するために,シミュレーショ ン実験と実画像実験を行った.シミュレーション実験 では,まず,2章で述べた提案手法の有効性をマッチ ング精度により確認するとともに,3章で述べた3次 元復元を行うことにより, *ν*の適切な値を検討する. また,実画像実験では,実際に3次元復元を行った結 果を示す.

4.1 シミュレーション実験

シミュレーション実験では,図2に示すようにカメ









ラと対象物体を配置した.対象物体は球であり,2台 のカメラは球の中心点から5.0 [m]離れている.2台の カメラはともに画角は7.8 [deg],焦点距離は35 [mm] である.球はすべてのフレームにわたって1平面上を ランダムに移動している.このときの球の移動軌跡を 図3に示す.

球上に 200 点の特徴点を配置し,2台のカメラそれ ぞれで特徴点を仮想的に撮影する.カメラ1では71 点,カメラ2では77 点の特徴点を100フレームに わたって追跡した.このときトラッキングした特徴点 を図4に示す.各フレームにて得られた2枚の画像 の各特徴点に対して,画像座標上で平均0,標準偏差  $\sigma$ [pix]の正規乱数によるトラッキング誤差を加えた.

2章で述べた提案手法によって得られた対応点座標 の推定結果を図5に示す.ただし,式(9)のアフィン 部分空間の基底数は $\nu = 3$ であり,トラッキング誤差 は $\sigma = 1$ である.また,同図は,図4のカメラ1で 撮影された画像の1フレームを示しており,カメラ1 で撮影された特徴点を+で示し,提案手法によって 図4のカメラ2で撮影された特徴点の対応推定結果 を×で示している.

次に2章で述べた提案手法によって得られた対応



図 4 全フレームで観測された特徴点 (左:カメラ 1,右:カメラ 2)







点座標の推定精度を図 6, 図 7 に示す. ただし, ア フィン部分空間の基底数は  $\nu = 3$  とし, 図 6 はカメ ラ2を基準画像とした場合の推定結果を示し,トラッ キング誤差における  $\sigma$ (横軸)と, カメラ1に写って いる特徴点をカメラ2の画像上に投影した際の,全 フレームにわたる全特徴点の真の座標と推定した座標 との RMSE (縦軸) [pix] を示している. 同図の結果 は,1つの $\sigma$ について20回対応点推定を行い,各 $\sigma$ における平均誤差を計算したものである.また,図7 は,カメラ1を基準画像とした場合の推定結果を示し, 図6と同様に,カメラ2に写っている特徴点をカメラ 1の画像上に投影した際の,真の座標と推定した座標 との RMSE (縦軸)を示している.いずれにおいて も, $\sigma = 0$ のときは,対応座標推定のRMSE はゼロ であり,良好な対応座標推定ができている.また,ト ラッキング誤差がある場合は,その標準偏差 σ より も,推定した対応のRMSEの方が低い.これは,提 案手法では,未知の特徴点の軌跡を,基準画像列の特 徴点軌跡が張る3次元アフィン空間にあてはめている ことから,このあてはめにより,各特徴点座標に独立 に付与したトラッキング誤差を低減させていると考え ることができる.

次に,3章で述べた3次元復元手法を利用して,ア フィンカメラ効果とトラッキング誤差レベルを変化さ せた場合の適切な基底数  $\nu$  について調べた.ここで は,画像上での物体の大きさ,移動量がほぼ同じにな



るように,3次元空間中での物体の位置と移動量,お よびカメラの焦点距離(9.0 [mm]~49.0 [mm])を変化 させ,アフィンカメラモデルの効果(初期フレームに おける物体とカメラとの距離を,物体の厚みで割った 値)を変化させながら,対応座標推定を行った.図8, 図9は,カメラ2の画像とカメラ1の画像をそれぞ れ基準画像としたとき,アフィンカメラモデルの効果 (横軸)と,3次元復元結果を式(20)にあてはめた際 の残差を最小にする基底数 $\nu$ (縦軸)との関係を示し ている.同図の各グラフは,トラッキング誤差の標準 偏差 $\sigma$ を0.2~2.0 [pix]の間で変化させた場合におい てそれぞれ選択された基底数を示している.ただし, 1つの $\sigma$ について20回試行を繰り返し,選択された 基底数 $\nu$ の平均を示したものである.

図8,9により,トラッキング誤差が小さいときは, アフィンモデルとの乖離が大きくなるほど(横軸の値 が小さくなるほど),大きな基底数が選択される傾向 があることが分かる.トラッキング誤差が $\sigma = 0.5$ の 場合には, $\nu = 6$ 程度のアフィン部分空間を利用した 際に3次元形状の剛体としての一貫性が良くなってお り, $\nu = 3$ よりも高い次元のアフィン部分空間を導入 する意義が示されているといえる.一方で,トラッキ ング誤差が大きいときは,つねに小さな基底数が選択 されていることが分かる.これは,高次元のアフィン







Fig. 9 Selected number of basis with respect to shooting condition (Camera2).

空間は,必ずしも一般的なカメラモデルを表現するた めのより良いモデルとはいえないため,トラッキング 誤差が大きくなると,特定次元数のアフィン部分空間 によってトラッキング誤差とモデル誤差を分離するこ とはできず,結果として,より基底数が少ないほうが 各フレームにおける3次元形状の剛体としての一貫性 が高くなり,小さな $\nu$ が選択されるものと思われる. 実画像を用いた場合,トラッキング誤差は比較的大き なものになると考えられる.よって,2章で述べた提 案手法を実画像に適用することを考えると,カメラか らの距離と比較して物体の厚みが十分小さいと判断で きる場合は, $\nu = 3$ でよいといえる.

次に,3章の手法を用い,式(20)にあてはめるこ とによって得た3次元復元結果を図10に示す.ただ し, $\sigma$  = 1,基底数は $\nu$  = 3である.図10は3次 元復元結果に真値を重ねたものである.図10を見る と真値のの中に推定した3次元位置の特徴点が含 まれている.3次元形状における真値と推定位置との RMSEは1.5[mm]であった.式(20)にあてはめを 行わず,2章の提案手法で求めた対応のみから3次元 復元を行った際のRMSEは8.8[mm]であったことか ら,3章の手法を用いて,3次元復元の精度を向上さ Vol. 49 No. SIG 6(CVIM 20)



図 10 3 次元復元結果 Fig. 10 3D reconstruction result.



図 11 撮影対象 Fig. 11 Real object.

せることができることが分かる.

#### 4.2 実画像実験

実画像実験では,共通部分をほとんど設けずに物体 を撮影して提案手法の有効性を確認した.ただし,真 の対応を得ることが困難なため,ここでは,3章の手 法を利用して物体の3次元形状復元が精度良く行える ことを確かめた.

実験に用いた撮影対象は図 11 であり,この物体に は特徴点追跡用に全部で 83 個のマーカがついている. 同図の物体を,平面上をジグザグに運動させマーカを トラッキングした.図 12 はトラッキング結果を表し ており,図中の線は,100 フレームにわたってトラッ キングされた特徴点の軌跡である.カメラ1で撮影し た画像上では 42 個のマーカが追跡でき,カメラ2 で 撮影した画像上では 43 個のマーカが追跡できた.

提案手法により対応座標推定を行い,3章の手法を 用いて対象物体を3次元形状復元した.ただし,ア フィン空間の次元は  $\nu = 3$ とした.3次元形状復元 した結果をワイヤフレームで示したものが図13であ る.図中右半分がカメラ1で見えている部分の復元結



図 12 トラッキング結果 (左:カメラ1,右:カメラ2)

Fig. 12 Observed trajectories (Left: Camera1, Right: Camera2).



図 13 3 次元形状復元結果 (ワイヤフレーム表示) Fig. 13 3D reconstruction result (wire-frame view).

frame001	<b>_</b>
frame064	<b>x</b>
frame100	··· · 🛦 ···
trajectory	

図 14 3 次元軌跡復元結果(横方向からのビュー)

Fig. 14 3D trajecotries (side view).

果(カメラ2を基準画像とした結果)を示し,左部分 がカメラ2で見えている部分の復元結果(カメラ1を 基準画像とした結果)を示す.同図より2つのカメラ で,共通で見えている特徴点(2点)が重なっている ことが分かる.これにより,良好な3次元形状が得ら れていることが分かる.

また,図14は,第1フレーム,第64フレーム,お よび第100フレームの復元結果と,物体の運動の軌跡 とを示したものである.同図は,物体を真横から見た ものを示しており,物体の運動軌跡がほぼ一直線上に なっていて,物体が一平面上を運動していることをよ く表している.

ワイヤフレームによる復元結果に,三角パッチをあ て,CG 表示したものが図 15 上段である.図 15 下 段は撮影対象をそれぞれのCG の結果の視点にあうよ うに,実物体を撮影したものである.いずれの復元結 果も真の形状をよく表している.このことから,提案 手法と3章で述べた手法により,3次元復元が精度良 く行われているといえる.



図 15 上段: CG 復元結果.下段:真の形状(左から,横,正面,鉛直方向からのビュー) Fig. 15 Upper row: 3D reconstruction by CG view. Bottom row: true shape (side, front, and top view).

### 5. おわりに

本論文では,時系列ステレオ画像を使った新しいス テレオ対応座標推定の方法を提案した.提案手法では, 基準画像列から得られた特徴点軌跡を用いてアフィン 空間を構成し,そのアフィン空間拘束と,エピポーラ 拘束とを用いて,参照画像列の軌跡に対応する基準画 像列の軌跡を推定した.また,提案手法の応用例とし て,得られた対応軌跡から3次元形状復元を行い,各 フレームにおける3次元形状が1つの3次元アフィン 空間に属することを利用して,画素値による対応を求 めることなく,3次元復元精度を向上させる方法を示 すとともに,特徴点軌跡が張るアフィン空間の次元に ついて検討した.

提案手法の最も大きな特徴は,輝度情報を用いた画 像間の対応点を直接探索する方法とは異なり,カメラ 間のエピポーラ拘束と,同一物体上の特徴点の軌跡ベ クトルが持つ拘束条件とを利用して,幾何学的拘束条 件のみから画像間の特徴点の対応座標を推定すること である.これにより,両方の画像から同じ特徴点が観 測されていなくても,一方の画像で観測された特徴点 軌跡に対応する,もう一方の画像上での軌跡を求める ことができた.

今後は,実画像を利用した手法において,マーカを 使用せず,画像上の特徴点のみを利用して提案手法の 有効性を示す方法について検討する予定である.また, 実環境下では,シミュレーション実験とは異なり,ト ラッキング誤差が大きくなる傾向があるため,アウト ライアの除去が必要となると考えている.その方法と して,基準画像列のアフィン部分空間を推定する際に RANSAC<sup>2)</sup> や GPCA<sup>13)</sup> などを利用する方法が考え られる.また,3次元復元を行わずにに  $\nu$  の値を推定 する方法として,幾何学的 AIC<sup>6)</sup> を利用する方法が 考えられる.今後は,これらの方法を検討する予定で ある.

# 参考文献

- Dornaika, F. and Chung, R.: Stereo Correspondence From Motion Correspondence, *IEEE Computer Society Conference on Computer Vision and Pattern Recognition*, Vol.1, pp.70–75 (1999).
- Fischer, M.A.: Random Sample Consensus: A Paradigm for Model Fitting with Applications to Image Analysis and Automated Cartography, *Comm. ACM*, Vol.24, No.6, pp.381–395 (1981).
- 3) Freeman, W. and Adelson, E.: The Design and Use of Steerable Filters, *IEEE Trans. Pattern Analysis and Machine Intelligence*, Vol.13, No.9, pp.891–906 (1991).
- 4) Ho, P.-K. and Chung, R.: Use of Affine Camera Model and All Stereo Pairs in Stereo-Motion, *IEEE International Conference on Intelligent Vehicles*, Vol.1, pp.323–328 (1998).
- Ho, P.-K. and Chung, R.: Stereo-Motion with Stereo and Motion in Complement, *IEEE Trans. Pattern Analysis and Machine Intelli*gence, Vol.22, No.2, pp.215–220 (2000).

- 6) 金澤靖,金谷健一:幾何学的AICによる画像 モザイク生成の安定化,電子情報通信学会論文誌, Vol.J83-A, No.6, pp.686-693 (2000).
- 7) 金谷健一, 菅谷保之: 因子分解法の完全レシピ, 信学技報, PRMU-2003-118 (2001).
- 8) 黒澤典義,金谷健一:アフィン空間分離法による運動物体の分離,情報処理学会研究報告,2001-CVIM-125-3 (2001).
- 9) Lazebnik, S., Schmid, C. and Ponce, J.: Sparse Texture Representation Using Affineinvariant Neighborhoods, *IEEE Computer Society Conference on Computer Vision and Pattern Recognition*, pp.319–324 (2003).
- Lowe, D.G.: Distinctive Image Features From Scale-Invariant Keypoints, *International Jour*nal of Computer Vision, Vol.60, No.2, pp.91– 110 (2004).
- Lucas, B.D. and Kanade, T.: An Iterative Image Registration Technique with An Approach to Stereo Vision, *Image Understanding Workshop*, pp.121–130 (1981).
- 12) Tomasi, C. and Kanade, T.: Shape and Motion From Image Streams Under Orthography: A Factorization Method, *International Journal* of Computer Vision, Vol.9, No.2, pp.137–154 (1992).
- 13) Vidal, R., Ma, Y. and Sastry, S.: Generalized Principal Component Analysis (GPCA), *IEEE Trans. Pattern Analysis and Machine Intelli*gence, Vol.27, No.12 (2005).
- 14) Zhang, Z.: Determining The Epipolar Geometry and Its Uncertainty: A Review, *International Journal of Computer Vision*, Vol.27, No.2, pp.161–198 (1998).

(平成 19 年 5 月 8 日受付)(平成 19 年 11 月 21 日採録)

(担当編集委員 川崎 洋)



#### 高橋 秀和

2004 年東京工業大学制御システム工学科卒業.2006 年東京工業大学大学院理工学研究科機械制御システム専攻修士課程修了.同年(株) デンソー入社.2004 年日本機械学

会畠山賞受賞.



### 杉本 茂樹

1995年東京工業大学制御工学科 卒業.1997年東京工業大学大学院 情報理工学研究科情報環境学専攻修 士課程修了.2003年東京工業大学 大学院理工学研究科機械制御システ

ム専攻産学官連携研究員.コンピュータビジョン,画 像計測,ITS 関連の研究に従事.電子情報通信学会, IEEE 各会員.



奥富 正敏(正会員) 1981年東京大学工学部計数工学 科卒業.1983年東京工業大学大学 院理工学研究科制御工学専攻修士課 程修了.同年キヤノン(株)入社.

1987~1990 年カーネギーメロン大

学コンピュータサイエンス学科客員研究員.1994年東 京工業大学大学院情報理工学研究科情報環境学専攻助 教授.2002年同大学院理工学研究科機械制御システ ム専攻教授.コンピュータビジョン,画像処理,画像 計測に関する研究に従事.工学博士.電子情報通信学 会,計測自動制御学会,画像電子学会,IEEE 各会員.