# 車車間通信システムのための 分散協調方式における伝送性能解析

# 藤井 雅弘<sup>1,a)</sup>

#### 受付日 2016年4月6日, 採録日 2016年10月4日

概要:本論文では、ARIB STD-T109 に準拠する ITS 通信のためのメディアアクセス制御の性能解析に関 する新しい手法について提案し、その有効性を評価する。ARIB STD-T109 での車車間通信システムでは CSMA/CA とランダムバックオフに基づく分散協調によるアクセス制御が採用されている。これまで、無 線 LAN の標準規格である IEEE 802.11 やその ITS 向けの規格である IEEE 802.11p/WAVE に関する性 能解析は行われてきているが、ARIB STD-T109 に基づくシステムでの十分な性能解析はまだない。ARIB STD-T109 は基本的にこれらの規格に準拠しているので、従来の解析手法を応用することが可能である。 本論文では従来の解析で考慮されていなかった事象を正確に扱うことでより頑強な解析手法を提案し、そ の精度をネットワークシミュレータを用いて計測した結果と比較するとこで、その有効性を示す。

キーワード: ITS 通信、メディアアクセス制御、CSMA/CA、ランダムバックオフ、ARIB STD-T109

# Analysis for Transmission Efficiency for Distributed Cooperative Scheme of Inter-vehicle Communication Systems

Masahiro Fujii<sup>1,a)</sup>

#### Received: April 6, 2016, Accepted: October 4, 2016

**Abstract:** In this paper, we propose a new analysis method for media access control of Intelligent Transport Systems (ITS) based on the ARIB STD-T109 and evaluate some results by the proposed analysis in comparison with them by computer simulations. The ARIB STD-T109 adopts a distributed cooperative scheme based on Carrier Sense Multiple Access with Collision Avoidance and random back-off for Inter-Vehicle Communications. Although there have been several studies that tried to analyze system performances for the IEEE 802.11, which is a standard for wireless local area network, and the IEEE 802.11p/WAVE expanded for ITS, few attempts have been made at those for the ARIB STD-T109. It is possible to apply the conventional analysis methods to them for the ARIB STD-T109. Moreover, we propose a robust analysis method to analyze the system performance by introducing unconsidered phenomenons. We evaluate an ability of the proposed analysis method by comparing with some results by the computer simulations.

Keywords: ITS communications, media access control, CSMA/CA, random back-off, ARIB STD-T109

## 1. はじめに

IEEE 802.11 は無線 LAN (Local Area Networks)の伝 送制御方式のために標準化されており,その基本的な MAC (Media Access Control) プロトコルとしての DCF (Distributed Coordinate Function) は CSMA/CA (Carrier Sense Multiple Access with Collision Avoidance) に 基づいている [1]. CSMA/CA では,それぞれの同時接続 局がチャネルを観測 (Carrier Sense (CS)) し,規定の信 号レベルと比較することで,チャネルがビジーかアイドル かを判定する.もし,チャネルがビジーであると判定され た場合,チャネルを専有するフレーム伝送が終了まで自局

宇都宮大学大学院工学研究科情報システム科学専攻
 Department of Information Science, Faculty of Engineering, Utsunomiya University, Utsunomiya, Tochigi 321–8585, Japan

<sup>&</sup>lt;sup>a)</sup> fujii@is.utsunomiya-u.ac.jp

の送信を控える、チャネルがアイドルであると判定された 場合,規定の分散スペース時間待機後,ランダム値で設定 された待ち時間だけ待機し、その後自局の送信プロセスに 移行する. ITS (Intelligent Transport Systems) 通信に目 を向けると、欧米においては、WAVE (Wireless Access in Vehicle Environment) を組み込み, IEEE 802.11 標準を拡 張する形で IEEE 802.11p として標準化が行われている [3]. さらに, その上位層のために IEEE 1609 による規格化が行 われている.一方で、国内においては、2009年の ITS 情報 通信システム推進会議による運転支援通信用実験ガイドラ インである RC-006 の策定 [4] を経て、電波産業会により 2012 年に ARIB STD-T109 として 700 MHz 帯高度道路交 通システムが標準規格 [5] として策定されている. ARIB STD-T109 では、760 [MHz] を中心周波数とする 10 [MHz] 帯域の1チャネルにおいて,車車間,路車間が時分割で協 調してアクセス制御を行うことが定められている.この規 格では、車車間通信期間と路車間通信期間を仮想 CS 技術 によって時分割することで, 互いの通信を阻害しないよう な設計になっている.車車間通信期間におけるアクセス 制御方式は IEEE 802.11 の DCF に基づいて設計されてお り、フレーム衝突確率の削減のために CSMA/CA とランダ ムバックオフが採用されている. ARIB STD-T109 では周 辺車両への同報通信のみを規定しており, IEEE 802.11の DCFと異なり、受信局からの確認応答フレームに基づく 再送制御と RTS/CTS (Request To Send/Clear To Send) によるフロー制御は規定されていない.また, ITS 通信で のフレーム生起モデルは、無線 LAN のようなオンデマン ド型の生起モデルではなく,安全運転支援のために周期的 な同報通信により自局情報を周辺車両に伝達することが想 定されている. 想定される ITS 通信データ量は無線 LAN のそれと比較すると相対的に小さいが、同一ネットワーク 内で最大数百台規模の移動局の同報通信要求が周期的に発 生することになる[6].

CSMA/CA とランダムバックオフに基づく無線通信シ ステムの MAC 層でのスループット性能は、ランダムバッ クオフ期間の重複による複数局での同時でのフレーム送信 に起因するフレーム衝突に主に支配される.再送制御やフ ロー制御を用いる IEEE 802.11 DCF に関しては、Bianchi の解析 [7] を起点として、その詳細版 [8] と比較評価 [9], 高負荷環境での解析 [10],可変スロットの影響 [11],有限 再送回数条件での解析 [12],スループットと送信機会公平 性のトレードオフ [13] など様々な視点での性能解析の研 究が進められている.また、IEEE 802.11p/WAVE におけ る性能解析 [14] や、IEEE 1609.4 に基づく優先制御 [15], その拡張 [16] に関する性能解析の研究が行われているが、 ARIB STD-T109 での性能解析の研究はほとんど行われて いない.そこでこれまで、ARIB STD-T109 におけるシス テム性能の新しい理論解析手法について提案し、高アク

セス負荷時での検証[17],負荷量を可変パラメータとして 扱った場合の検討を行ってきた [18].本論文ではこれらの 成果を集約し,提案解析手法の総合的な有効性を評価す る. ARIB STD-T109 でのアクセス制御プロトコルは基本 的に IEEE 802.11 DCF に基づいており,これまで IEEE 802.11 DCF や IEEE 802.11p/WAVE において検討されて きた解析手法を応用することが可能である.本論文では, 特にこれまでの従来解析では考慮されてこなかった事象 を新たに導入し、より精度の高い頑強な解析手法を提案す る. さらに、従来解析ではその容易性のために一定として 解析されていたアクセス負荷量を確率変数として取り扱う 手法を提案し、実際のフレーム生起現象を適切に扱うこと ができる新しい解析の枠組みを提案する. 最後に, ARIB STD-T109のアクセス制御プロトコルに基づくネットワー クシミュレータを用いて計測された評価値が、提案する解 析手法によって得られた結果とよく一致することを示す.

## 2. システムモデル

ARIB STD-T109 に準拠する同報通信を想定するとき、そ の MAC 層でのアクセス制御は CSMA/CA とランダムバッ クオフに従うことになる.ある時刻において送信フレーム (ARIB STD-T109 で規定される MPDU (MAC Protocol Data Unit)に相当.なお、本論文では特に断らない限り、 フレームは MPDU フレームを指す)を生起した移動局は, ランダムバックオフ期間を設定し、CS 機能によりチャネル がビジーであれば、そのまま受信プロセスを継続する、ラ ンダムバックオフ期間は [0, W-1]の閉区間整数での一様 乱数から生起されたスロット数とスロットタイム(ARIB STD-T109では13[µs]で規定)の積で決定される.チャ ネルを専有していたフレームの伝送が終了し、CS 機能に よりチャネルがアイドルと判定されたら, 分散スペース (ARIB STD-T109 では 58 [µs] で規定) だけ送信を待機し, ランダムバックオフ期間に移行する. ランダムバックオフ はスロットタイムごとに減算され、減算途中でチャネルビ ジーと判断されたら、減算を一時停止し、受信プロセスに 移行する.スロットタイムごとに減算された残スロット数 が0に達したら、フレーム送信を開始する. ランダムバッ クオフ減算中にチャネルがビジーと判断された移動局で は、その受信プロセスが完了しチャネルがアイドルとなっ たら、再度、分散スペースだけ待機し、ランダムバックオ フ期間に移行する.このとき、改めてランダムバックオフ 期間を定めるのではなく, 直前のランダムバックオフ期間 で減算した残スロット数をそのまま持ち越し、減算を再開 する. IEEE 802.11 DCF では到達確認応答フレームを用 いた再送制御を具備しているので、再送要求があった場 合, W を増加してフレーム衝突率の軽減を図っているが, ARIB STD-T109 では再送制御を想定していないので、W は 64 に固定されている. また, ARIB STD-T109 では, 上



図1 CSMA/CA とランダムバックオフによるアクセス制御例

Fig. 1 An example of access control by CSMA/CA and random back-off.

位層で MSDU (MAC Service Data Unit) を生起しても前 回のアクセス制御開始から 100 [ms] 以上経過していないと MPDU フレームを生成できない点が IEEE 802.11 DCF と 異なる.

#### 2.1 競合期間と競合局数

本論文では,隠れ端末問題は発生していない状況を想 定し,CS機能が正常に動作するN局の移動局が存在す るものとして議論を進める.CSMA/CAに基づくアクセ ス制御においては,隠れ端末問題は不可避の現象である. 制御局を用いる無線LANではRTS/CTS機能に基づく NAV (Network Allocation Vector)によって隠れ端末問題 を回避可能であるが,制御局の存在を必須としないARIB STD-T109はその機能を具備していない.ITS通信におい ても無線LAN同様,建物などの遮蔽物によって隠れ端末 現象が発生することが危惧されるが,本論文では基礎的な 理論解析のために,隠れ端末問題が発生していない環境で の解析を行い,今後,隠れ端末現象も統合した理論解析手 法を検討する予定である.

また、ある時刻でn局がフレームを保持しアクセス制御 開始から、分散スペースとランダムバックオフを経過し、 そのうちの1局以上がフレーム送信を開始するまでの期間 を「競合期間」と呼ぶこととする.ただし、ある競合期間中 はnは変化しないもと想定する.nを「競合局数」と呼び、 競合期間ごとにnは異なる可能性があるので、nは[1,N]の閉区間での整数確率変数として扱うことができる.この 確率変数の確率密度を $\pi_n$  ( $0 \le \pi_n \le 1$ )と表し、2.6節で 具象化を行う.図1にCSMA/CAとランダムバックオフ におけるアクセス制御の例を示す.本論文では、従来解析 で一定と見なされて解析されていた競合局数nが競合期間 ごとに異なると想定する現実に即した新たな解析手法を導 入し、それが $\pi_n$ に従う確率変数として扱われていること に注意する.また、本論文での解析では個々の局を示す指 標(図1に示すAからE)は意味を持たず、競合期間ごと

© 2017 Information Processing Society of Japan

の競合局数nに基づいて解析が可能であるので,その要素 局がネットワークに参入・離脱した場合であっても,競合 局数の競合期間ごとの変化として扱うことができる.

## 2.2 残スロット数 0 局数の確率密度 $ho_{m|n}$

競合期間開始時点で残スロット数が0である局数を m とすると、mは閉区間 [0, n] の整数値をとり、その排反と なる残スロット数が0でない n-m 局は1以上の残スロッ ト数を有することになる.残スロット数が0である m局 は,以前の競合期間で自局のフレーム送信が完了し,新た にフレームが生起しランダムバックオフ期間を決定するた めにスロット数を乱数で決定した際にそのスロット数が0 となった局を意味する(図1の競合期間4と5の間での第 A 局参照).残スロット数が1以上の n – m 局は, 直前の 競合期間で他局がフレーム送信を行ったために残スロット 数の持ち越しが発生した局もしくは、新しいフレーム生起 の際の乱数によって決定されたスロット数が1以上で設定 された局を意味する.従来解析においてはこの2種類の局 群の分類を明確に考慮されていなかったが、ランダムバッ クオフ期間の決定に0以上の整数乱数を用いる限り、この 事象が発生することに注意しなければならない.残スロッ ト数が0である、すなわち、新しいフレーム生起にともな う乱数値によるスロット数が0となった m局は,その競合 期間における分散スペース終了直後にフレーム送信を開始 するので CS が機能せず, m 局のフレーム衝突が発生する. 一方で,残スロット数が1以上のその他のn-m局は,残 スロット数0の局のフレーム送信を CS 機能で検知するの で,残スロット数を1つも消費できずにその競合期間を終 えることになる(図1の競合期間5の後の第B, C, E局 参照). mもまた確率変数であるので, 競合期間ごとにそ の値は異なる可能性があり、その確率密度を $\rho_{m|n}$ と表す.  $\rho_{m|n}$ は, nの条件付きとなることに注意する. Bianchiの 解析 [7] では, m = 0, つまり,  $\rho_{m|n} = \delta_{m,0}$  を前提として 解析されており,残スロット数が0の局の存在は考慮され ていない.  $\delta_{i,i}$ はクロネッカーのデルタを示し,

$$\delta_{i,j} = \begin{cases} 1 & , & (i=j) \\ 0 & , & (i\neq j) \end{cases}$$
(1)

と定義される.なお、2.9節で $\rho_{m|n}$ の具象化を行う.

## **2.3** フレーム送信局数の確率密度 $q_{j|n}$

CSMA/CA とランダムバックオフを用いるシステムに おいてその性能を支配する主要因は、ある競合期間におい て複数の局が同時にフレーム送信を開始することによるフ レーム衝突である(図1の競合期間2の後の第B,C局 参照).そこで、本節では競合局数がnである競合期間終 了時に、j (j = 1, ..., n)局が同時にフレーム送信を開始 する事象について解析を行う.まず、m = 0(残スロット

数が0である局が存在しない)のある競合期間について考 える. その競合期間開始時において n 局がアクセス制御を 開始し、各局には $l = 1, \dots, n$ の番号が振られているもの とする. $a_l$  ( $l = 1, \dots, n$ ) を 0 か 1 の 2 値をとる確率変数 とし、 $a_l = 1$ を競合期間終了時にフレーム送信を開始す る事象,  $a_l = 0$  を他局がフレーム送信を開始したことを CS 機能により検知したためフレーム送信を開始できない 事象とし、生起確率を  $\Pr(a_l = 1) = \tau$ 、その排反事象の確 率を  $Pr(a_l = 0) = 1 - \tau$  とする. 2.4 節で具象化される  $\tau$  $(0 \le \tau \le 1)$ はある局がフレーム送信を開始する確率を意 味しており、ランダムバックオフは各局で独立に決定され るので1には依存せず,また,alは1に関して独立であるこ とに注意する. $b = \sum_{l=1}^{n} a_l$ なる新たな確率変数を導入す ると、*al* は 0, 1 の 2 値であるので、*b* は [0, *n*] の閉区間で の整数確率変数となる.このとき, j局が同時にフレーム 送信を開始し, n-j局がその送信を CS 機能で検知したた めにフレーム送信を開始できないという事象の生起確率は

$$\Pr(b = j) = {}_{n}C_{j}\tau^{j}(1-\tau)^{n-j}$$
(2)

で与えられる. 競合期間終了時には必ず1局以上がフレーム送信を開始するので, *j*局が同時にフレーム送信を開始 する確率密度は

$$\tilde{q}_{j|n} = \Pr(b = j|1 \le j \le n) = \frac{{}_{n}C_{j}\tau^{j}(1-\tau)^{n-j}}{1-(1-\tau)^{n}} \qquad (3)$$

と書くことができる.この確率密度は,m=0を前提としている従来解析においても同様の結果が与えられている.

次に, m = 1, ..., nのとき,残スロット数が0である m局は分散スペース終了後ただちにフレーム送信を開始するので,その競合期間終了後にj (= m)局がフレーム送信を開始する確率密度は 2.2 節で定義した  $\rho_{m|n}$  と一致する.前述のように, m = 0となる事象と m = 1, ..., nとなる事象は排反であり,確率変数  $m \ge b$ は互いに独立であるので,競合期間終了後にj局がフレーム送信を開始する確率密度は

$$q_{j|n} = \Pr(m = 0, b = j|1 \le j \le n) + \rho_{j|n}$$
  
=  $\tilde{q}_{j|n}\rho_{0|n} + \rho_{j|n}$  (4)

と書くことができる. これは  $\rho_{m|n} = \delta_{m,0}$  を前提とする従 来解析では  $q_{j|n} = \tilde{q}_{j|n}$  となるので従来解析を包含し,従来 解析を提案解析の特別な場合として表現することを可能と した汎化性の高い解析結果である.

#### **2.4** フレーム送信確率 *τ* の具象化

本節では,2.3 節で定義したフレーム送信確率 r につい て詳細に議論する.フレーム生起時にランダムバックオ フ決定のためのスロット数は [0, W-1] の整数一様乱数に よって与えられるので,生成された整数値を状態として

状態 w となる定常確率を  $\tau_w$  ( $w = 0, \dots, W - 1$ ) として 解析することができる [8]. 70 はフレーム生起時にスロッ ト数が0となる確率を意味し、状態0に遷移するとただ ちにフレーム送信を開始するので、 $\tau = \tau_0$ を満たす.残 スロット数の状態  $w_1$  から  $w_2$  への推移確率を  $u_{w_1,w_2}$  とす ると,  $\sum_{w_2=0}^{W-1} u_{w_1,w_2} = 1$   $(w_1 = 0, \cdots, W-1)$  を満たす 必要がある.ある競合期間で状態0に達しフレームが送 信され、新たなフレーム生起によりそのフレーム送信の ためのランダムバックオフ決定のために [0, W-1] の閉区 間で一様整数乱数値が生成されるので、状態0から状態0 を含むすべての状態への遷移確率は等しく $u_{0,w_2} = 1/W$  $(w_2 = 0, \dots, W - 1)$  である.状態  $w_1 = 1, \dots, W - 1$  (状 態 0 以外)では, 遷移確率 1 で w<sub>2</sub> = w<sub>1</sub>−1 に遷移するの で,  $u_{w_1,w_1-1} = 1$   $(w_1 = 1, \dots, W - 1)$  を満たす. この一 様な有限状態マルコフ連鎖はある状態から他のいかなる状 態へも到達可能であるので既約である.この有限状態空間 のすべての状態は再帰点かつ正常点であるので定常分布を 持ち,その定常確率密度は

$$\tau_{w_1} = \sum_{w_2=0}^{W-1} \tau_{w_2} u_{w_2,w_1}$$
$$= \frac{\tau_0}{W} + \begin{cases} \tau_{w_1+1} & , & (w_1 = 0, \cdots, W-2) \\ 0 & , & (w_1 = W-1) \end{cases}$$
(5)

を満たす.この恒等関係は $w_1 = W - 1, \dots, 0$ の順での再 帰計算から

$$\tau_w = \frac{W - w}{W} \tau_0, (w = 0, \cdots, W - 1)$$
(6)

と変形することができる.一方で, $\tau_w$ は

$$1 = \sum_{w=0}^{W-1} \tau_w = \tau_0 - \frac{1}{W} \sum_{w=0}^{W-1} w = \frac{W+1}{2} \tau_0 \tag{7}$$

を満たす必要があるので,最終的に

$$\tau = \tau_0 = \frac{2}{W+1} \tag{8}$$

の閉形式で与えることができる.

#### 2.5 平均フレーム衝突率と平均フレーム成功率

CSMA/CA とランダムバックオフによるアクセス制御系 では、ランダムバックオフ期間の重複による複数局の同時 でのフレーム送信開始に起因するフレーム衝突がその性能 低下の主要因である.フレーム衝突が発生する事象とは、 ある競合期間終了時に2局以上が同時にフレーム送信を開 始する事象であり、その発生確率は

$$P_n^{(c)} = \sum_{j=2}^n q_{j|n} = 1 - q_{1|n}$$
(9)

と定義できる.

また、衝突なく送信されたフレームであっても、伝搬環

境の悪化により受信側での信号対雑音比が低下しフレーム の受信に失敗することがある.ここでは、ある競合期間で n局が存在し、そのうち1局のみがフレーム送信し、他の n-1局がそれを受信する同報通信を想定している.そこ で、n-1局の受信局のうち1局でもフレーム受信に失敗す る確率を  $P^{(e)}$ とする.フレームが衝突なくただ1局のみ のフレームが送信される事象と、そのフレームがすべての 受信局で正しく受信できる事象は独立であるので、フレー ム成功率は

$$P_n^{(s)} = (1 - P^{(e)})q_{1|n} \tag{10}$$

と定義できる.  $P_n^{(c)} \geq P_n^{(s)}$ はその競合期間での競合局数 nに依存することに注意する. 競合局数がnとなる確率密 度は 2.1 節で定義した  $\pi_n$  で与えられるので, 平均フレー ム衝突率は  $\bar{P}^{(c)} = \sum_{n=1}^N \pi_n P_n^{(c)}$ , 平均フレーム成功率は  $\bar{P}^{(s)} = \sum_{n=1}^N \pi_n P_n^{(s)}$ と定義できる.

#### **2.6** 競合局数の確率密度 *π<sub>n</sub>* の具象化

本節では、2.1 節で定義された競合局数の確率密度  $\pi_n$ の詳細について示す.ある競合期間で競合局数が n で あったとき、その次の競合期間での競合局数が n + k $(k = 1 - n, \dots, N - n)$ となることを考える.この競合期 間の間での競合局数の推移確率を  $v_{n,n+k}$ と表す.ただし、 推移確率であるので、 $\sum_{k=1-n}^{N-n} v_{n,n+k} = 1$   $(n = 1, \dots, N)$ を満たす.なお、2.8 節で  $v_{n,n+k}$ の具象化を行う.競合局 数の推移は、2.4 節でのスロット数の遷移と同様に、競合 局数を状態とする一様な有限状態マルコフ連鎖であり、こ の連鎖もまた既約である.また、すべての状態は再帰的正 常であるので定常分布を持ち、定常確率密度は

$$\pi_{n_2} = \sum_{n_1=1}^{N} \pi_{n_1} v_{n_1, n_2}, (n_2 = 1, \cdots, N)$$
(11)

を満たさなければならない.この恒等関係は  $v_{n_1,n_2}$  を 第  $(n_1,n_2)$  要素とする  $N \times N$  行列を推移確率行列 V,  $\underline{\pi} = [\pi_1, \dots, \pi_N]$  とするとき,

$$\underline{\pi}(\boldsymbol{V} - \boldsymbol{I}_N) = \underline{0}_N \tag{12}$$

と書き直すことができる. ここで,  $I_N$  は  $N \times N$  の単位 行列,  $\underline{0}_N = [0, \dots, 0]$  は要素数 N の全零ベクトルである. 今,  $V = G\Lambda H^T$  のように固有値分解可能であるとする. ここで,  $\cdot^T$  は転置を意味し,  $\Lambda = \text{diag}[\lambda_1, \dots, \lambda_N]$  は Vの N 個の固有値  $\{\lambda_n\}_{n=1,\dots,N}$  を対角成分に並べた対角行 列を表す. また, 固有値  $\lambda_n$  に対する右固有ベクトルを  $\underline{g}_n = [g_{n,1}, \dots, g_{n,N}]$  とするとき,  $G = [\underline{g}_1^T, \dots, \underline{g}_N^T]$  を満 たし, 左固有ベクトルを  $\underline{h}_n = [h_{n,1}, \dots, h_{n,N}]$  とすると き,  $H = [\underline{h}_1^T, \dots, \underline{h}_N^T]$  を満たす. ただし, V は遷移確率 行列であるので  $\lambda_n \leq 1$   $(n = 1, \dots, N)$  を満たし, この 連鎖は既約であるので V の固有方程式は単根で 1 の固有 値を有し $\lambda_n < \lambda_1 = 1$  ( $n = 2, \dots, N$ ) が成立する [19].  $GH^T = I_N$ が満たされることに注意すると,式(12) は

$$(\lambda_n - 1)\underline{\pi}g_n^T \underline{h}_n = 0, (n = 1, \cdots, N)$$
(13)

と等価である.また、 $\lambda_1 = 1$ であることに注意すると、 <u>π</u> = <u>h</u>1 とすればよいことは明らかである.したがって、推 移確率行列 *V* が与えられたとき、単根で1となる固有値  $\lambda_1$ に対応する左固有ベクトル<u>h</u>1 が<u>π</u>に一致する.

### **2.7** フレーム生起局数の確率密度 *p<sub>i|j,n</sub>*

2.6 節で詳細に導出されたように, 競合局数の確率密度 ベクトル  $\pi$  を得るためには競合局数の遷移確率  $v_{n_1,n_2}$  を 要素として持つ V を決定しなければならない. そこで本 節では,  $v_{n_1,n_2}$  を算出するために, 連続する 2 つの競合 期間の間で新たにフレームを生起する局数について検討 する. ある競合期間で競合局数が n であったとき, その 競合期間終了後に j 局がフレームを送信し, 次の競合期 間開始時点で競合局数が n - j + i となることを考え る. k = i - j とすると,  $k = 1 - n, \dots, N - n$  で制限さ れ, この範囲で k が定めれたとき,  $j = \max(1, -k), \dots, n$ で制限され, さらに, この範囲で j が定められたとき,  $i = \max(0, j + 1 - n) = \delta_{j,n}, \dots, j + N - n$  で制限される ことに注意する.

ある競合期間が終了し,次の競合期間が開始されるま でにフレームが生成される確率を $\mu$ とする. ARIB STD-T109では, MSDUを生起しても前回のアクセス制御開始 から 100 [msec] 以上経過していないと MPDU フレームを 生成できない. そこで, この制約を確率的事象として扱 い,フレームの生起をµをパラメータとして解析を行う. 2.3 節での解析と同様に、ある競合期間において各局には  $l = 1, \dots, j + N - n$ の番号が振られているものとする.  $c_l$ を0か1の2値をとる確率変数とし、 $c_l = 1$ をある2つの 連続する競合期間の間でフレームを生起する事象, c<sub>l</sub> = 0 をその排反である生起しない事象とし、それぞれの生起確 率を  $\Pr(c_l = 1) = \mu$ ,  $\Pr(c_l = 0) = 1 - \mu$  とする. フレー ム生起は各局で独立であるので、 $\mu$  (0 <  $\mu \le 1$ ) は*l*に依 存せず,また,clはlに関して独立であることに注意する.  $d = \sum_{l=1}^{j+N-n} c_l$ なる新たな確率変数を導入すると、 $c_l$ は0 か1の2値であるので,dは[0, j + N - n]の閉区間での整 数確率変数となる. この d は 2 つの連続する競合期間の間 でのフレーム生起局数に相当するので、その範囲に注意す ると、2.3節での議論と同様に、i局がその間でフレームを 生起する確率密度は,

$$p_{i|j,n} = \Pr(d = i|d \ge \delta_{j,n}) = \frac{j + N - nC_i \mu^i (1 - \mu)^{j + N - n - i}}{1 - \delta_{j,n} (1 - \mu)^N}$$
(14)  
$$= \frac{1}{2} \sum_{j=1}^{N} \frac{1}{2} \sum_{j$$

と書くことができる.

#### 2.8 競合局数遷移確率 *v<sub>n,n+k</sub>* の具象化

2つの連続する競合期間の間で,前方の競合期間でのn局の競合局のうちj局がフレーム送信を開始し,次の競合期間開始までに新たにi局がフレームを生起し,結局,後方の競合期間での競合局数がn+k (k=i-j) に推移する推移確率は式(4)と式(14)を用いて,

$$v_{n,n+k} = \sum_{j=\max(1,-k)}^{n} p_{j+k|j,n} q_{j|n}$$
(15)

と書くことができる.これにより,2.6節で導入された競 合局数の遷移確率 *v<sub>n.n+k</sub>* を具象化できる.

## 2.9 残スロット数が 0 の局数の確率密度 $ho_{m|n}$ の具象化

本節では、2.2 節で導入した残スロット数が0となる競合局数の確率密度  $\rho_{m|n}$  について詳細に述べる.2つの連続する競合期間の間に新たにi局がフレーム生起し、スロット数を [0, W - 1]の閉区間の一様整数乱数で決定することを考える.このとき、乱数で決定されたスロット数が 即座に残スロット数となるので、残スロット数が0となる確率は1/Wであり、1以上となる確率は1-1/Wである.したがって、i局がフレーム生起する条件の下で、 $m(m=0,\cdots,i)$ 局の残スロット数が0となる確率密度は

$$r_{m|i} = {}_{i}C_{m} \left(\frac{1}{W}\right)^{m} \left(1 - \frac{1}{W}\right)^{i-m}$$
(16)

と書くことができる. 2.7 節で示したように、フレーム生起局数iは確率密度 $p_{i|j,n}$ に従う確率変数であり、iもまた確率変数であるフレーム送信局数jと競合局数nに依存するので、残スロット数が0となる局数の確率密度は

$$\rho_{m|n} = \pi_n \sum_{j=1}^n q_{j|n} \sum_{i=\max(m,\delta_{j,n})}^{j+N-n} p_{i|j,n} r_{m|i}$$
(17)

で与えられる. 図2に, パラメータ, 確率変数, 確率密度 の依存関係をまとめる.

2.9.1 n = Nの場合

本項では、いかなる競合期間でもその競合局数nがつね に最大局数Nに等しくなる $\pi_n = \delta_{n,N}$ の特別な場合を考 える.このとき、式(17)は

$$\rho_{m|n} = \begin{cases}
0, & , (n \neq N) \\
\sum_{j=1}^{N} q_{j|N} \sum_{i=\max(m,\delta_{j,N})}^{j} p_{i|j,N} r_{m|i}, (n=N)
\end{cases}$$
(18)

のように書くことができる.この条件の下では、ある競合 期間終了後にフレーム送信した局はただちにフレーム生起 し、次の競合期間開始時には競合局の1つとなることを意 味する.これは、フレーム生起確率 $\mu$ が1であることと 等価であり、このとき、*i*局がフレーム生起する確率密度 は $p_{i|j,N} = \delta_{i,j}$ となる.これは、フレーム送信した局数*j* 



図2 パラメータ,確率変数と確率密度の依存関係

Fig. 2 Dependency of parameters, random variables, and probability density.

と引き続きフレーム生起した局数 *i* が等しくなる確率が1 であることを意味している.この想定は ARIB STD-T109 における前回アクセス制御開始から100 [ms] 以上経過して いないとフレーム生起ができないという制約に反するが, この条件はアクセス負荷が最大となることと等価であり, ITS 通信のように最悪性能で設計されるべきシステムの評 価では重要な条件であり,文献 [7], [10], [11] においても同 様の条件で解析が行われている.この条件の下で,式(18) は,任意の競合期間終了後に必ず1局以上がフレーム送信 を開始する条件を考慮すると

$$\rho_{m|N} = \sum_{j=\max(1,m)}^{N} q_{j|N} r_{m|j}$$
(19)

のように簡単化できる.これは、ある競合期間終了後に j 局がフレーム送信を行い、その j 局が次の競合期間開始ま でにフレーム生起し、スロット数を乱数で決定した際に残 スロット数が 0 となる局数が m となる事象の生起する確 率密度を表しており、前述の想定と合致することが確認で きる.式 (19) に式 (4) を代入すると、

$$\rho_{m|N} = \alpha_m \rho_{0|N} + \sum_{j=\max(1,m)}^{N} r_{m|j} \rho_{j|N}$$
(20)

と書くことができる. ここで,  $\alpha_m = \sum_{j=\max(1,m)}^{N} r_{m|j} \tilde{q}_{j|N}$ とした. さらに,  $m = 1, \dots, N$ において,

$$\beta_m = \frac{\alpha_m + \sum_{j=m+1}^N r_{m|j}\beta_j}{1 - r_{m|m}}$$
(21)

とすると,

$$\rho_{m|N} = \beta_m \rho_{0|N} \tag{22}$$

と書き直すことができる. $\beta_m$ は $m = N, \dots, 1$ の順で再帰 計算可能であり、 $\rho_{m|N}$ は

$$1 = \sum_{m=0}^{N} \rho_{m|N} = \rho_{0|N} + \sum_{m=1}^{N} \beta_m \rho_{0|N}$$
(23)

を満たす必要があるので、 $\rho_{0|N}$ は

$$\rho_{0|N} = \frac{1}{1 + \sum_{m=1}^{M} \beta_m} \tag{24}$$

として定まる.式 (24) を式 (22) に代入することで、 $\rho_{m|N}$ を具象化できる.

#### 3. 数值計算例

CSMA/CA とランダムバックオフに基づくアクセス制 御系では、2.5 節で定義した平均フレーム衝突率 $\bar{P}^{(c)}$ と平 均フレーム成功率 $\bar{P}^{(s)}$ がシステム性能評価の重要な指標 となる、そこで、本章では、ARIB STD-T109のアクセス 制御プロトコルに準拠するネットワークシミュレータを用 いて計測されたこれらの指標と比較することで、提案する 理論解析手法の有効性を評価する.

最初にシステムの最悪性能を評価するために, 2.9.1 項で 示したアクセス負荷最大の場合として, 競合局数 n が競合 期間に依存せずつねに最大局数 N である場合について検証 を行う. この場合,  $\pi_n = \delta_{n,N}$  であるので, 平均フレーム 衝突率と平均フレーム成功率はそれぞれ  $\bar{P}^{(c)} = 1 - q_{1|N}$ ,  $\bar{P}^{(s)} = (1 - P^{(e)})q_{1|N}$  となる. これらは任意の競合期間終 了後にただ 1 局のみがフレーム送信を開始する確率密度  $q_{1|N}$  にのみ依存することに注意する. まず, 式 (4) で与え られる提案解析手法による  $q_{j|N}$  と, 式 (3) で与えられる 従来解析手法による  $\tilde{q}_{j|N}$  の比較から検証を始める. ARIB STD-T109 での規定どおり W = 64 としたときのフレー ム送信局数 j の変化に対する  $q_{j|N}$  を図 3 に示す. 最大局数 N は数百局が想定されているため [6], ここでは 様々な N に対して評価を行う. 図中の実線は  $q_{j|N}$ , 破線

図3 フレーム送信局数の確率密度

Fig. 3 Probability density function of the number of frame transmission station.

は $\tilde{q}_{j|N}$ であり、プロットはネットワークシミュレータに より競合期間ごとに計測されたフレーム送信局数 jの頻度 分布に相当する.ただし、 $q_{j|N} \ge \tilde{q}_{j|N}$ はjに関する離散 密度関数であるが、判別を容易にするために線分で結んで 提示してある.Nが小さい(N = 50)とき、 $q_{j|N} \ge \tilde{q}_{j|N}$ とシミュレーション結果はほとんど一致している.しかし ながら、Nが大きくなるにつれて、特にj = 1において、  $\tilde{q}_{j|N}$ とシミュレーション結果には大きな隔たりが生じる. 前述の条件では、 $\bar{P}^{(c)} \ge \bar{P}^{(s)}$ は $q_{1|N}$ によって決定される ので、従来解析手法での $\tilde{q}_{1|N}$ によるこの見積りの不整合は システム性能評価上大きな問題がある.これに対して、提 案解析手法による $q_{j|N}$ は $N \ge j$ によらずシミュレーショ ン結果とよく一致している.これは残スロット数が0とな る局の考慮の差である.

競合局数 N に対する 2.5 節で定義した平均フレーム衝 突率  $\bar{P}^{(c)}$  特性を図 4 に,同じく平均フレーム成功率  $\bar{P}^{(s)}$ を図 5 に示す.ただし,ここではフレーム受信失敗確率 を  $P^{(e)} = 0$  としているため, $\bar{P}^{(c)}$  と  $\bar{P}^{(s)}$  は互いに排反な 事象の確率であることに注意する.ARIB STD-T109 では W = 64 で規定されているが,参考のために,様々な W における評価も同時に示す.図 3 での結果から,フレーム 送信局数確率密度の見積りとして,従来解析での  $\tilde{q}_{1|N}$  は N が大きい場合,シミュレーション結果に対して不整合 が生じるが,提案解析での  $q_{1|N}$  はそれとよく一致してい る.図 4 と図 5 において,破線で示す従来解析特性は  $\tilde{q}_{1|N}$ によって見積もられ,競合局数 N が小さい場合はシミュ レーション結果と同程度の結果がが得られるが,Nが大き くなるにつれてその差が大きくなる.これは,W が小さ



図 4 n = N での競合局数 N に対する平均フレーム衝突率  $\bar{P}^{(c)}$ Fig. 4 Average frame collision rate  $\bar{P}^{(c)}$  vs. number of station N in case that n = N.



図 5 n = N での競合局数 N に対する平均フレーム成功率  $\bar{P}^{(s)}$ Fig. 5 Average frame success rate  $\bar{P}^{(c)}$  vs. number of station N in case that n = N.

い場合により顕著である.これに対して、 $q_{1|N}$ によって見 積もられる提案解析特性は、NとWに依存せず、シミュ レション結果とよく一致する結果となる.したがって、従 来解析はおよそ N < W の範囲であれば近似的に適用可 能であるが,パラメータの範囲に依存性のない提案解析の 方がより頑強であることがいえる. N < W の範囲におい ては,従来解析特性でも近似的には有効であるが, ARIB STD-T109 では W = 64 で規定されており, 文献 [6] で想 定されるような数百台規模のネットワークにおける性能 解析のためには従来解析手法では対応不可能である. さら に,提案解析手法は,従来解析手法をその特殊な場合とし て包含しているため汎用であり、従来解析において考慮さ れていなかったフレーム生起時の残スロット数が0となる 局の存在が、大規模なネットワークにおいてはその影響が 顕著に現れるという新たな知見に基づき、アクセスプロト コルの詳細な解析やその改良に資することが可能であると 考えられる.また,特徴的な傾向として,Nが大きくなる につれてどちらの特性も振動現象が発生している.式(4) から  $q_{1|N} = \tilde{q}_{1|N} \rho_{0|N} + \rho_{1|N}$  であるので,  $q_{1|N}$  を構成する  $\tilde{q}_{1|N}$ ,  $\rho_{0|N}$ ,  $\rho_{1|N}$  の3要素について次に詳細に解析を行う.

図 6 に競合局数 N に対する  $\tilde{q}_{1|N}$ ,  $\rho_{0|N}$ ,  $\rho_{1|N}$  のそれぞ れの特性を示す.それぞれの特性はシミュレータによって 観測された結果とよく一致している. $\tilde{q}_{1|N}$  はただ 1 局の みがフレーム送信する確率密度であるので,Nの増加と ともに減少するのは明らかである. $\rho_{0|N}$  は Nの増加に対 して単調減少関数であるが, $\rho_{1|N}$  は W = 16 以外は,こ の範囲の N において増加関数である. $q_{1|N}$  が N の増加 に対して単調減少関数である  $\tilde{q}_{1|N}\rho_{0|N}$  と増加関数である  $\rho_{1|N}$  の和であることに注意すると,N が小さいときは,



図 6  $\tilde{q}_{1|N}$ ,  $\rho_{0|N}$ ,  $\rho_{1|N}$  の特性 Fig. 6 Characteristics of  $\tilde{q}_{1|N}$ ,  $\rho_{0|N}$ , and  $\rho_{1|N}$ .

 $\tilde{q}_{1|N}\rho_{0|N} \gg \rho_{1|N}$ でかつ $\rho_{0|N} \approx 1$ であるので、 $q_{1|N}$ は $\tilde{q}_{1|N}$ によって支配され、Nの増加とともに $\tilde{q}_{1|N}$ の特徴から $q_{1|N}$ もまた減少に転じる。そして、 $\tilde{q}_{1|N}\rho_{0|N} = \rho_{1|N}$ となるNにおいて極小値をとり、それより大きなNでは $\rho_{1|N}$ が  $q_{1|N}$ に対して支配的になり、 $\rho_{1|N}$ が増加関数であるので $q_{1|N}$ もまた増加に転じる。たとえば、 $\bar{P}^{(s)}$ 特性において、 競合局数Nが増加すれば、伝送に成功するフレーム数が 減少し、 $\bar{P}^{(s)} \rightarrow 0$ へ収束する従来解析が直感的には正当 と考えられるが、Nの増加によりフレーム生起時のラン ダムバックオフが0となる局が発生する確率も上昇するた め、このような局が1局だけとなる競合期間においては、 フレーム伝送が成功することになる。Nの増加にともなう これらの事象発生の均衡が振動減少の原因である。

ここから, 2.9.1 項で示した µ = 1 と同義である n = N の特別な場合でなく、フレーム生起がその確率 μ によっ て決定される場合について議論を進める.このとき,残ス ロット数が0の局数がmとなる確率密度 $\rho_{m|n}$ と競合局 数の確率密度  $\pi_n$  が  $q_{j|n}$  に依存するため,閉形式での解析 結果を得ることができない.そこで,式(4)で与えられる  $q_{j|n}$ を式 (3) で与えられる  $\tilde{q}_{j|n}$  で近似して解析を行う. こ の従来手法に基づく解析では図4と図5に関する議論で 明らかとなったように大きな N では解析誤差が大きくな ることが懸念されるが、 $q_{i|n}$ の $\rho_{i|n}$ への依存性を回避でき るため、閉形式での解析結果を得ることが可能となる.こ の解析手順に基づき, 図7にフレーム生起確率 μに対する 平均フレーム衝突率  $\bar{P}^{(c)}$  を,図8 にフレーム生起確率  $\mu$ に対する平均フレーム成功率  $\bar{P}^{(s)}$  をそれぞれ示す.  $\mu = 1$ のときは、フレーム送信を完了した局がただちにフレーム を生起し、次の競合期間に参入するので、n = Nの場合と



図 7 フレーム生起率  $\mu$  に対する平均フレーム衝突率  $\bar{P}^{(c)}$ Fig. 7 Average frame collision rate  $\bar{P}^{(c)}$  vs. frame occurrence rate  $\mu$ .





等価である.逆に, $\mu$ が小さくなるにつれて,競合局数は 減少することになる.図7の平均フレーム衝突率特性は, Nと $\mu$ のどちらかが大きくなると,解析の近似の影響で 誤差が大きくなるが,図4の結果を参照すると,その差は わずかである.一方で,図8の平均フレーム成功率特性は Nと $\mu$ が大きくなると,解析特性とシミュレーション結 果の特性に大きな解析誤差を生じることとなる.したがっ て,提案手法での解析でも従来解析での $\tilde{q}_{j|n}$ をその要素に 含んでしまっているため,Nと $\mu$ が大きい環境ではこの



図 9 フレーム伝送失敗率  $P^{(e)}$  に対する平均フレーム成功率  $\bar{P}^{(s)}$ Fig. 9 Average frame success rate  $\bar{P}^{(s)}$  vs. frame error rate  $P^{(e)}$ .

近似手法は適用できないが、 µ < 0.01 程度(100 競合期間) あたりに1回のフレーム生起相当)であれば、N = 300程 度までは提案手法は有効である.一方で,μが大きくなる につれて、フレーム生起してアクセス制御を開始する競合 局数は増加することになる.フレーム生起する局数が多く なると、そのアクセス制御開始のためのランダムスロット 決定時にその一様乱数値が0となる局数も相対的に多くな る. ある競合期間において、その前の競合期間でフレーム 送信権を得られなかった局の残スロット数は必ず1以上な ので、フレーム生起によりランダムスロット値が0となっ た局が分散スペース後にただちにフレーム送信を開始し, 残スロット数が1以上の持ち越しフレームを保持している 局はさらに,次の競合期間にフレーム送信を持ち越すこと になる(図1の競合期間5参照).このフレーム生起時の ランダムスロット値が1/Wの確率で0となった局は、同 時にランダムスロット値が0となった局間での衝突のみの 低いフレーム衝突率でフレーム伝送が成功するので, N や μが大きい場合でも平均フレーム成功率はある程度の値を 維持する結果となる. ARIB STD-T109 では1度アクセス 制御を開始するとタイムアウトする機構を持たいないた め、初期ランダムスロット値が0となった局のフレームが 優先的に送信されてしまう.しかしながら、この現象はフ レーム送信機会の公平性の観点から好ましくないと考えら れる.

次に,  $\mu = 0.01$ のときのフレーム伝送失敗率  $P^{(e)}$ に対 する平均フレーム成功率  $\bar{P}^{(s)}$  特性を図 9 に示す. この結 果から,  $P^{(e)} < 0.1$ であれば,  $P^{(e)}$  は  $\bar{P}^{(s)}$  にほとんど影響 しないことが分かる. つまり,  $P^{(e)}$ をより小さくなるよう に物理層を設計しても平均フレーム成功率  $\bar{P}^{(s)}$  の改善は 見込めず,これを改善するためにはアクセス制御方式を改 良する必要がある.

## 4. まとめと今後の課題

本論文では、ARIB STD-T109 に基づく ITS 通信システ ムの MAC 層における平均フレーム衝突率と平均フレーム 成功率を解析的に導出する手法を提案し、その有効性を検 証した. 従来の解析手法で考慮されていなかったフレーム 生起時に残スロット数が0となる局の事象を正確に表現す る解析手法を提案し、高フレーム生起確率の環境でシミュ レーション結果と比較することで、提案解析手法の頑強 性を示した.また、従来解析手法の近似の導入の下で、フ レーム生起事象を確率的に取り扱うことで、実用的な環境 での解析手法の有効性を示した.

今後の課題として,提案解析に含まれる残スロット数が 0となる局数の確率密度の解析における近似を行わずに, 繰返し計算によって近似を含まない形式でより頑強な解析 手法を検討する予定である.また,本論文では考慮されて いない隠れ端末問題を統合した理論解析手法について取り 組むことが必要である.

謝辞 本研究の一部は公益財団法人 KDDI 財団による助成によるものである.

#### 参考文献

- IEEE Computer Society: IEEE Standard for Information technology – Telecommunications and information exchange between systems – Local and metropolitan area networks – Specific requirements Part 11: Wireless LAN Medium Access Control (MAC) and Physical Layer (PHY) Specifications (2007).
- [2] Li, Y.: An Overview of the DSCR/WAVE Technology, Quality, Reliability, Security and Robustness in Heterogeneous Networks, pp.544–558 (2010).
- [3] 小山 敏:ITS 情報通信システムの国際標準化, 電子情 報通信学会誌, Vol.95, No.8, pp.684-689 (2012).
- [4] ITS 情報通信システム推進会議:700MHz 帯を用いた運転支援通信システムの実験用ガイドライン (2009).
- [5] 電波産業会:700MHz 帯高度交通システム—ARIB STD-T109 1.2 版 (2013).
- [6] 堀松哲夫,佐々木邦彦,浜口雅春:マシンツーマシン通信を代表する ITS の現状と展望,電子情報通信学会通信 ソサエイティマガジン, Vol.5, No.3, pp.220-227 (2011).
- Bianchi, G.: IEEE 802.11 Saturation Throughput Analysis, *IEEE Commun. Lett.*, Vol.2, No.12, pp.318– 320 (1998).
- [8] Bianchi, G.: Performance Analysis of the IEEE 802.11 Distributed Coordination Function, *IEEE J. Select. Ar*eas Commun., Vol.18, No.3, pp.535–547 (2000).
- Bianchi, G. and Tinnirello, I.: Remarks on IEEE802.11 DCF Performance Analysis, *IEEE Commun., Lett.*, Vol.9, No.8, pp.765–767 (2005).
- [10] Ziouva, E. and Antonakopoulos, T.: CSMA/CA performance under high traffic conditions: throughput and delay analysis, *Computer Communications*, Vol.25, pp.313–321 (2002).

- [11] Vitsas, V.: Performance Analysis of the Advanced Infrared (AIr) CSMA/CA MAC Protocol for Wireless LANs, Wireless Networks, Vol.9, pp.495–507 (2003).
- [12] Chatzimisios, P., Boucouvalas, A.C. and Vitsas, V.: IEEE 802.11 Packet Delay – A Finite Retry Limit Analysis, *IEEE GLOBECOM 2003*, pp.950–954 (2003).
- [13] Wang, X. and Kar, K.: Throughput Modeling and Fairness Issues in CSMA/CA based on Ad-Hoc Networks, *IEEE INFOCOM 2005*, pp.23–34 (2005).
- [14] Campolo, C., Vinel, A., Molinaro, A. and Koucheryavy, Y.: Modeling Broadcasting in IEEE 802.11p/WAVE Vehicular Networks, *IEEE Trans. Commun. Lett.*, Vol.12, No.2, pp.199–201 (2011).
- [15] Campolo, C., Molinaro, A., Vinel, A. and Zhang, Y.: Modeling Priorized Broadcasting in Multichannel Vehicular Networks, *IEEE Trans. Vehicular Tech.*, Vol.61, No.2, pp.687–701 (2012).
- [16] Jeong, D.: Performance Analysis of Distributed Broadcasting in IEEE 802.11p MAC Protocol, *IEICE Trans. Commun.*, Vol.E98–B, No.6, pp.1086–1094 (2015).
- [17] 藤井雅弘,五十嵐悠理,横森崇宏,羽多野裕之,伊藤 篤, 渡辺 裕:ITS 通信システムにおける CSMA/CA の高 負荷時での性能解析,第 13 回 ITS シンポジウム 2015, 1-1B-03 (2015).
- [18] 藤井雅弘,羽多野裕之,伊藤 篤,渡辺 裕:ITS 通信シ ステムのためのメディアアクセス制御性能解析に関する 一検討,電子情報通信学会高度交通システム研究会技術 報告, Vol.IEICE-115, No.365, pp.13–18 (2015).
- [19] 北川敏男:マルコフ過程,共立出版 (1967).

# 付 録

# A.1 式(22)の導出

式 (20) は, 
$$m = 0 \mathcal{O}$$
とき,  
 $\rho_{0|N} = \alpha_0 \rho_{0|N} + \sum_{j=1}^N r_{0|j} \rho_{j|N}$  (A.1)

と書くことができる.また, $m = 1, \dots, N$ のときは, $\max(1, m) = m$ であることに注意すると,

$$\rho_{m|N} = \alpha_m \rho_{0|N} + r_{m|m} \rho_{m|N} + \sum_{j=m+1}^N r_{m|j} \rho_{j|N} \quad (A.2)$$

と書くことができる. さらに,式 (A.2) の左辺と右辺の第 2 項の  $\rho_{m|N}$  は共通なので,

$$\rho_{m|N} = \frac{\alpha_m \rho_{0|N} + \sum_{j=m+1}^N r_{m|j} \rho_{j|N}}{1 - r_{m|m}}$$
(A.3)

のように書き直すことができる.次に,式(21)を用いて,  $m = N, \dots, 1$ の順で式(A.3)の $\rho_{m|N}$ を書き下すと,

$$\rho_{N|N} = \frac{\alpha_N \rho_{0|N}}{1 - r_{N|N}} = \beta_N \rho_{0|N}$$

$$\rho_{N-1|N} = \frac{\alpha_{N-1} \rho_{0|N} + r_{N-1|N} \rho_{N|N}}{1 - r_{N-1|N-1}}$$

$$= \frac{\alpha_{N-1} + r_{N-1|N} \beta_N}{1 - r_{N-1|N-1}} \rho_{0|N} = \beta_{N-1} \rho_{0|N}$$

$$\rho_{N-2|N} = \frac{\alpha_{N-2} \rho_{0|N} + \sum_{j=N-1}^{N} r_{N-2|j} \rho_{j|N}}{1 - r_{N-2|N-2}}$$

$$= \frac{\alpha_{N-2} + \sum_{j=N-1}^{N} r_{N-2|j}\beta_{j}}{1 - r_{N-2|N-2}} \rho_{0|N}$$

$$= \beta_{N-2}\rho_{0|N}$$

$$\vdots$$

$$\rho_{m|N} = \frac{\alpha_{m}\rho_{0|N} + \sum_{j=m+1}^{N} r_{m|j}\rho_{j|N}}{1 - r_{m|m}}$$

$$= \frac{\alpha_{m} + \sum_{j=m+1}^{N} r_{m|j}\beta_{j}}{1 - r_{m|m}} \rho_{0|N} = \beta_{m}\rho_{0|N}$$

$$\vdots$$

$$\rho_{1|N} = \frac{\alpha_{1}\rho_{0|N} + \sum_{j=2}^{N} r_{1|j}\rho_{j|N}}{1 - r_{1|1}} = \beta_{1}\rho_{0|N}$$

のように再帰的に記述することができ,式(22)として一般 化することができる.



# 藤井 雅弘 (正会員)

1975年生.1998年東京理科大学基礎 工学部電子応用工学科卒業.2000年 同大学大学院修士課程修了.2003年 同大学院博士後期課程修了.博士(工 学).2003年同大学基礎工学部助手. 2006年宇都宮大学工学部助手.2010

年宇都宮大学大学院工学研究科准教授,現在に至る.ITS, 無線通信システムとその応用の研究に従事.電子情報通 信学会 ITS 研究専門委員会副委員長,東京支部運営委員, 基礎・境界ソサイエティ英文論文誌編集委員,IEEE ITS Society Tokyo Chapter Secretary 等.2002年 IEEE VTS Japan Researcher's Encouragement Award.2005年情報 理論とその応用学会研究奨励賞.2009年電子情報通信学 会基礎・境界ソサイエティ編集活動感謝状.2012年同学会 基礎・境界ソサイエティ貢献賞.2014年同学会基礎・境界 ソサイエティ貢献賞.2014年同学会通信ソサイエティ活 動功労賞.電子情報通信学会シニア会員.IEEE 会員.