

# 命題レベル高速推論法を利用するための述語 論理版仮説推論知識のリフォーメーション\*

3 J-3

山本 哲† Helmut Prendinger† 石塚 満†

† 東京大学工学系研究科

## 1 はじめに

人工知能の分野における諸問題を記述する為には述語論理による表現が有効であるが、その推論速度は実用上有効な高速化が未だ達成されていない。一方、命題論理版については GSAT や NBP [1] といった高速推論方法が提案されている。そこで、述語版仮説推論システムを対象として、あらかじめ一階述語論理の知識ベースを変形しておくことにより、効率的な命題論理への変換を可能にする方法が先行研究 [2] で提案されており、本研究はさらにこれの適用範囲を広げたものである。

## 2 述語版仮説推論システムの構成

本研究で用いる述語版仮説推論システムの概要は次のようになる。一階述語論理の知識を入力とし、この知識の変形を行なった後に各変数を展開して命題論理へと変換する。この結果を命題論理版仮説推論システムである NBP によって解く。

ここでは扱う知識を一階述語のホーン節とする。節  $C$  のヘッドを  $hd(C)$ 、ボディを  $bd(C)$  と表す。 $\mathcal{V}(hd(C))$ 、 $\mathcal{V}(bd(C))$  をそれぞれヘッド、ボディ中に現れる変数の集合とする。また、関数は扱わないものとする。

## 3 述語知識のリフォーメーション

知識ベース中の不要変数（節中のボディに現れてヘッドに現れない変数）を取り除くことによって、効

率的な命題論理への変換ができるようする。知識ベース中の全ての不要変数を除去するアルゴリズムが [3] において提案されているが、このアルゴリズムは正常な終了が保証されていない。ここではこのアルゴリズムの適用範囲を広げ、正常に終了する手続きを提案する。

### 3.1 節の形による分類と手続き

節の形によって次のような分類を行い、それぞれの場合について不要変数除去手続きを行なう。

#### 3.1.1 ブロック

節のボディ中の二つのアトム  $B_1, B_2$  において、 $\mathcal{V}(B_1) \cap \mathcal{V}(B_2) \neq \emptyset$  であるとき、 $R(B_1, B_2)$  と記す。この関係  $R$  によって結ばれるアトムの集合をブロックと呼ぶ。

ブロック中に 2つ以上の不要変数がある場合、新しい述語を生成することによって不要変数を除去する。例えば

$$q(X, Y) \leftarrow p1(X, Z1, Z2) \wedge p2(Z1) \wedge p3(Z2, Y)$$

のボディは一つのブロックから構成される。この節に対しては次のような新しい述語が定義される。

$$\text{newp}(X, Z2) \leftarrow p1(X, Z1, Z2) \wedge p2(Z1)$$

そして元の節は  $q(X, Y) \leftarrow \text{newp}(X, Z2) \wedge p3(Z2, Y)$  となる。

#### 3.1.2 chain

ブロック  $Bl$  が、(i) 全ての近接するアトム  $A_i, A_j$  に対して  $R(A_i, A_j)$  で、(ii) ブロック中の最初と最後のアトムが少なくとも一つは  $hd(C)$  中の変数を持ち、(iii) 他のアトムが  $hd(C)$  中の変数を持たず、

\* First Order Predicate Knowledge Base Reformation for Propositional Hypothetical Reasoning

† Tetsu Yamamoto, Helmut Prendinger, Mitsuru Ishizuka

‡ University of Tokyo, 7-3-1 Hongo, Bunkyo-ku,  
Tokyo 113-8656, Japan  
e-mail: {tetsu,helmut,ishizuka}@mv.t.u-tokyo.ac.jp

(iv)  $R(A_i, A_j)$  の中の変数がそれぞれ異なる時、このブロック  $Bl$  を chain と呼び、 $\langle A_1, \dots, A_k \rangle (k > 2)$  で表す。

chain に対しては、新しい述語

$$\text{newp}(X_1, \dots, X_n) \leftarrow A_1 \wedge \dots \wedge A_{k-1}$$

が生成される。ここで  $X_1, \dots, X_n$  は  $A_1, A_{k-1}$  の変数のうちヘッドに現れるものである。

### 3.1.3 孤立ブロック部

節  $C$  が  $A \leftarrow B_1 \wedge \dots \wedge B_n$  の形であるとする。ここでアトム  $B_i$  を、ある  $X \subset V(B_i)$  に対して  $X \cap (V(\{A, B_1, \dots, B_n\}) \setminus X) = \emptyset$  となるとき、 $B_i$  を孤立ブロック部と呼ぶ。

$$q(X, Y) \leftarrow p1(X, Z) \wedge p2(Z, Y) \wedge p3(Z, Z1)$$

において、 $Z1$  は孤立変数であり、 $p3(Z, Z1)$  は孤立ブロック部である。

この場合には新しい述語  $\text{newp}(Z) \leftarrow p3(Z, Z1)$  が生成される。

## 4 アルゴリズム

不要変数を除去するアルゴリズムは以下のようになる。

```

Input: 理論  $T$ , 定義節  $C$ 
Output: リフォーメーションされた節の集合  $T'$ 
Initially:  $D = \{C\}$ ,  $\mathcal{P}D = \emptyset$ , ( $\mathcal{P}D$  はすでに処理済の定義節の集合),  $\mathcal{P} = \emptyset$ , ( $\mathcal{P}$  は処理済の非定義節),  $T' = \emptyset$ .
For 2 個以上の不要変数を持つ節  $D \in D$ 
do
{
  1. Unfolding step:  $T$  中の節  $F_1, \dots, F_n$  を用いて  $D$  のボディのアトムを unfold し、得られた結果  $E_1, \dots, E_n$  を  $U_D$  に加える;
  2. Definition step: for 節  $E_i (1 \leq i \leq n) \in U_D$  に対し
    for  $E_i$  中の少なくとも一つの不要変数を持つ block  $Bl$  に対して do {
      • if  $Bl$  が chain であれば 3.1.2 の手続きを実行,
      • if  $Bl$  が孤立ブロック部を持てば 3.1.3 の手続きを実行,
      • else 3.1.1 の手続きを実行;
      あらたに定義されたルールを  $\mathcal{P}$  に追加 };
  3. Folding steps: for  $U_D$  中の節  $E_i$  のブロック  $Bl$  に対し、 $\mathcal{D} \cup \mathcal{P}D$  中の節  $G$  を使って fold し、得られた節を  $T'$  へ加える
}

```

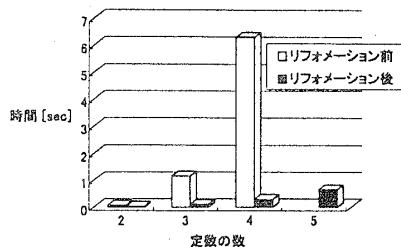


図 1: 知識リフォーメーションによる推論時間の短縮

$$\begin{aligned} \mathcal{D} &= \mathcal{D} \setminus \{D\}, \mathcal{P}D = \mathcal{P}D \cup \{D\}, \mathcal{P} = \mathcal{P} \cup \\ &\{F_1, \dots, F_n\} \\ T' &= T' \setminus \mathcal{P} \end{aligned}$$

## 5 実験結果

知識ベースリフォーメーションを行った際の推論時間を図 1 に示す。なお、この推論時間は述語知識の変形、述語知識から命題知識への変換、NBP 法によるコストに基づく準最適解の計算時間を含んでいる。

## 6 むすび

本研究で提案された述語知識のリフォーメーションにより、述語論理の知識から生成される命題論理知識の数を大幅に縮小することが可能であり、述語版仮説推論システム全体の高速化につながるものと期待される。

## 参考文献

- [1] Ohsawa, Y. and Ishizuka, M.: Networked bubble propagation: a polynomial-time hypothetical reasoning method for computing near-optimal solutions, *Artificial Intelligence*, vol. 91, pp. 131–154, 1997.
- [2] 棚橋, 福田, 石塚: 命題論理版高速仮説推論法を利用した述語論理版仮説推論システム, 人工知能学会全国大会, No. 20-04, June 1998.
- [3] Proietti M. and Petrucci, A.: Unfolding — definition — folding, in this order, for avoiding unnecessary variables in logic programs, *Theoretical Computer Science*, vol. 142, pp. 89–124, 1995.