

分数計算を指導する知的 C A I

1 K-6

指導方略とその展開について

渡辺 健次

佐賀大学

近藤 弘樹

佐賀大学

大槻 説平

九州工業大学

竹内 章

九州工業大学

キーワード：知的 C A I 分数計算 文脈認識 解法戦略

1. はじめに

現在我々は、小学校の分数を習い終わった時点の学習者を対象とした、分数計算を指導する知的 C A I システムを開発中である[1][2][3]。

本システムの特徴は、学習者に分数計算の過程を入力させ、それにより学習者の用いた解法の文脈を認識し、指導を行うことである。

この特徴を生かして、学習者の意図に沿った指導が可能になり、また細かな計算ステップを指導できるなど、高度個別教育が実現できる。

本稿では本システムの特徴、概要を簡単に紹介した後、文脈認識を生かした、本システムの特徴的な指導方略、そして指導の展開について報告する。

2. システムの概要

本システムの構成図を図 1 に示す。システムの構成は、通常の知的 C A I の例に習っている。

本システムの教材知識は、解法戦略、解法戦術、個別技術の 3 階層に分かれで記述されている、という特徴を持つ。つまり、解法戦略は半順序を持つ解法戦術の並びとして、解法戦術は「整数式立式」および「整数式演算」の 2 つの個別技術より記述されている。これは、我々が実際に計算問題を解く時の思考体系に沿って、階層化されている。つまり、問題に対する全体的な見通し（解法戦略）、それを実現する数学的操作概念（解法戦術）、具体的な数学計算（個別技術）を階層化して教材知識を記述

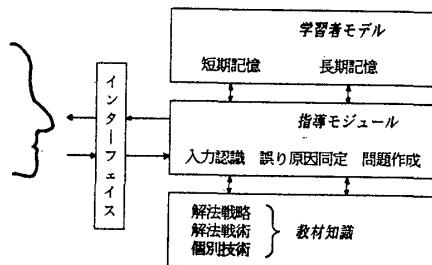


図 1 システム構成

している。

本システムのインターフェイスは、操作を通して分数の学習が行えることを実現している。

インターフェイスに入力された学習者の計算式は、教材知識を用いて認識し、学習者モデルに記録される。学習者モデルは、短期記憶と呼ぶ 1 つの問題についての学習者モデルと、長期記憶と呼ぶすべての問題を通しての学習者モデルの 2 つにより、構成している。

指導モジュールは学習者モデルと、教材知識を参照して、学習者の状態、理解度、そして学習者の意図に沿った指導方略を計画し、実行する。

3. 指導方略

本システムに特徴的な指導方略を示す。

- (1) 計算式の入力を通して、正しい分数式の書き方を学ばせる。
- (2) 解答途中で行き詰まっている学習者に対して、学習者の入力した分数式の文脈を認識することによって、学習者の意図に沿った指導を行う。
- (3) 学習者が誤りを犯した場合、
 - (a) 誤りの存在のみを指摘し、学習者に入力式を見直させ、誤りを発見させ、訂正させる。
 - (b) 学習者の入力中で誤っている部分を直接指摘して、指導する。

- (c) 誤りの訂正が終了した段階で、正解と学習者が入力した、誤った式を見比べさせることにより、学習した知識の定着を図る。
- (4) 正答の場合でも学習者の解答に冗長な部分があるときは、理解度に応じてそれを指摘し、なくす指導を行う。

4. 指導方略の展開

4. 1 指導方略の展開規則

知的 C A I で実現されている指導方略には、直接指導と間接指導がある。本システムでは、学習者自身に誤りを気づかせ、正しい解答に導き、理解させるように間接指導を中心として指導を進める。また、適応指導[4]の概念を取り入れ、図 2 に示すように指導方略の抽象度を教材知識の階層に応じて設定し(縦の抽象度)、各階層ごとに抽象度を変化させた(横の抽象度)指導方略を、学習者の状態や理解度に応じて柔軟に適用してゆく。

4. 2 指導方略の展開例

学習者が図 3 に示す解答を入力したとする。システムはこれを解析し、第 3 式に誤りがあることを認識する。学習者が誤りに気づかないとき、システムは「矢印の式は大丈夫かな」と誤りの存在を指摘するヒントを出す。学習者が反応をしないと、「通分の時、分子はそのままでいいかな」と少し抽象度を下げたヒントを出す。なお学習者が行き詰まっているとき、「分子にも相手の分母をかけようね」と通分の手順を説明する。さらに学習者が誤りの訂正を行わないと、「通分はこのようにしておこなうのですよ。わかったら訂正してごらん」と通分を行ってみせ、学習者の入力を促す。

学習者の理解度に応じて、どの抽象度から指導を開始するかは異なる。

ちなみに、この例は途中に誤りがあるにもかかわらず、最終解答は正解である。式変形過程を入力させることにより、このような誤りに対しても指導を行うことができる。

5. おわりに

現在我々が作成している、分数計算の知

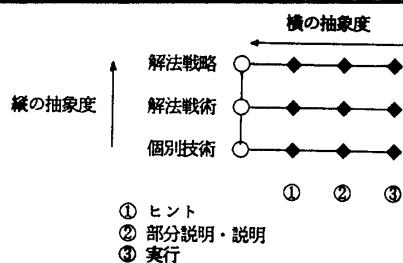


図 2 指導方略の抽象度

$$\begin{aligned}
 & 3 \frac{2}{3} - 1 \frac{3}{4} \\
 = & 2 \frac{2}{3} - \frac{3}{4} \\
 = & 2 \frac{2}{12} - \frac{3}{12} \quad \xleftarrow{\text{通分}} \\
 = & 1 \frac{1}{12} - \frac{3}{12} \quad \xleftarrow{\text{借り}} \\
 = & 1 \frac{11}{12} \quad \xrightarrow{\text{同分母分数引算}}
 \end{aligned}$$

図 3 誤り入力の例

的 C A I システムについて、特徴的な指導方略とその展開の例について報告した。

本システムは、現在パーソナルコンピュータをターゲットマシンとして、インプリメンテーション中である。将来的には、分数の総合的な理解システムに発展させることを目標にしている。

本研究は文部省科学技術研究費(試験研究「知的 C A I の実用化に関する研究」課題番号 63890012)より、一部援助を受けている。

参考文献

- [1]近藤, 森, 大槻, 新ヶ江, 竹内, 渡辺, 「式変形過程を指導する分数計算の知的 C A I」, 電子情報通信学会秋期全国大会(1989年), SA-3-1, P. 1-149.
- [2]渡辺, 近藤, 大槻, 竹内, 「分数計算の知的 C A I」, 電気関係学会九州支部連合大会(平成元年10月), 736, P. 448.
- [3]渡辺, 近藤, 竹内, 大槻, 「文脈認識により式変形を指導する分数計算の知的 C A I」, 教育におけるコンピュータ利用の新しい方法シンポジウム, (平成元年12月)
- [4]大槻, 竹内, 「C A I の新しいインターフェイスに関する研究」, Proc. of 2nd Symposium on Human Interface(1986年), p. 455