



```

detect statecurrent =
  let cond = check (n, skips, statelast), statecurrent in
  if cond is <circular> then
    true
  else (n, skips, statelast) := cond ; false

check(n, skips, statelast), statecurrent =
  if n = 0 then
    if statelast = statecurrent then
      <circular>
    else (skips + 1, skips + 1, statecurrent)
  else (n - 1, skips, statelast)
    
```

図 2: 循環検出関数 **detect** とその補助関数 **check**

捕縛するために継続を用い、無限ループ時の脱出に限定継続を用いる。これらを用いるために、次に述べる Meta Continuation Semantics を導入する。

### 5.1. Meta Continuation Semantics [1], [2]

下記の Semantics により継続および限定継続をプログラム上で扱うことができ、インタプリタが末尾形式で実装可能になる。 $\rho[[x] \mapsto a]$  は、環境  $\rho$  の変数  $[x]$  を  $a$  に書き換える。  $E_1 \longrightarrow E_2 | E_3$  は、if を表し、 $E_1$  を評価した結果を元に、 $E_2$  か、 $E_3$  を評価する。

$\mathcal{E} : Exp \rightarrow Env \rightarrow Cont \rightarrow MCont \rightarrow Ans$   
 $f \in Proc : Value \rightarrow Cont \rightarrow MCont \rightarrow Ans$   
 $\kappa \in Cont : Value \rightarrow MCont \rightarrow Ans$   
 $\gamma \in MCont : Value \rightarrow Ans$

$$\mathcal{E}[[c]]\rho\kappa\gamma = \kappa\gamma$$

$$\mathcal{E}[[x]]\rho\kappa\gamma = \kappa(\rho[[x]])\gamma$$

$$\mathcal{E}[[E_1 E_2]]\rho\kappa\gamma = \mathcal{E}[[E_1]]\rho(\lambda f\gamma'.\mathcal{E}[[E_2]]\rho(\lambda a\gamma''.f a\kappa\gamma''))\gamma$$

$$\mathcal{E}[[\lambda x.E]]\rho\kappa\gamma = \kappa(\lambda\nu\kappa'\gamma'.\mathcal{E}[[E]]\rho[[x] \mapsto \nu]\kappa'\gamma')\gamma$$

$$\mathcal{E}[[E_1 \rightarrow E_2 | E_3]]\rho\kappa\gamma$$

$$= \mathcal{E}[[E_1]]\rho(\lambda b\gamma'.b \rightarrow \mathcal{E}[[E_2]]\rho\kappa\gamma' | \mathcal{E}[[E_3]]\rho\kappa\gamma')\gamma$$

### 5.2. 脱出

無限ループからの脱出機構について述べる。本研究では、脱出に限定継続を用いる。限定継続は、shift オペレータ及び、reset オペレータから構成される。これらオペレータは、それぞれ限定された Control Context の変数への束縛とその範囲の捕縛を行う。これら、shift/reset により脱出演算子を記述することが可能であり [1]、それぞれ以下

のように実装される。

$$\mathcal{E}[[\xi k.E]]\rho\kappa\gamma$$

$$= \mathcal{E}[[E]]\rho[[k] \mapsto (\lambda\nu\kappa'\gamma'.\kappa\nu(\lambda w.\kappa'w\gamma'))](\lambda x\gamma''.\gamma''x)\gamma$$

$$\mathcal{E}[[E]]\rho\kappa\gamma = \mathcal{E}[[E]]\rho(\lambda x\gamma'.\gamma'x)(\lambda\nu.\kappa\nu\gamma)$$

### 5.3. 無限ループ検出アルゴリズムの実装

Meta Continuation Semantics により、インタプリタは常に末尾形式でプログラムを解釈する。制御効果のある最小単位の状態を比較すればよいため、関数適用の瞬間の継続、関数とその引数の情報を関数評価毎に確保する。したがって、下記のように関数適用である  $\mathcal{E}[[E_1 E_2]]\rho\kappa\gamma$  に生成される継続に、検出関数を挿入する。ここで  $\mathcal{D}$  は循環検出関数であり、この関数は、図 2 の関数 **detect** に対応する。この関数が循環を検出した時、実行時エラーとして一番最後に囲われた **reset** までジャンプする。脱出時のパラメータ  $E_{escape\_parameter}$  を用意し、プログラム中に適宜この値を書き換えられるようにする。脱出時は最後に書き換えられた値とともに、例外オブジェクトとしての値を返す。

$$\mathcal{E}[[E_1 E_2]]\rho\kappa\gamma = \mathcal{D}(E_1, E_2, \rho, \kappa, \gamma) \longrightarrow$$

$$\gamma (\text{"exception"} E_{escape\_parameter})$$

$$| \mathcal{E}[[E_1]]\rho(\lambda f\gamma'.\mathcal{E}[[E_2]]\rho(\lambda a\gamma''.f a\kappa\gamma''))\gamma$$

### 6. 結論

本研究により、ある一定の種類の無限ループが検出可能であるということが確認でき、循環する無限ループに対して、プログラミング言語処理系の側からのアプローチが可能であることがわかった。実用的なプログラミング言語処理系への実装のためには、5 節で述べたインタプリタを VM の実装へ拡張し直すなどの修正が必要である。

### 7. 謝辞

本研究の一部は、科研費（課題番号 23700043, 23500034）の助成を受けた。

### 参考文献

- [1] O. Danvy, A. Filinski, *A Functional Abstraction of Typed Contexts*, DIKU Technical Report 89/12, Copenhagen, Denmark, 1989.
- [2] O. Danvy, A. Filinski, *Abstracting Control*, Proceedings of the 1990 ACM Conference on Lisp and Functional Programming, pp. 151-160, 1990.
- [3] M. Kling, S. Misailovic, M. Carbin and M. Rinard. *Bolt: On-Demand Infinite Loop Escape in Unmodified Binaries*, Proceedings of the ACM international conference on Object oriented programming systems languages and applications, pp. 431-450, 2012.
- [4] C. Lee, N. Jones, and A. Ben Amram. *The Size-Change Principle for Program Termination*, Proceedings of the 28th ACM Symposium on Principles of Programming Languages, pp. 81-92, 2001.